



CONGRES MONDIAL DE LA POPULATION
 Rome, 31 août - 10 septembre 1954

Une méthode simple pour la construction de tables de mortalité abrégées

Hans Wiesler (Suisse)

Résumé

Nous démontrons une méthode qui permet, sans grand travail, de construire une table de mortalité, même si les ensembles des vivants et des décédés ne sont connus que par classes d'âges.

L'ordre de survie se calcule par les formules

$$\begin{aligned}
 l_1 &= l_0 p_0 & \log l_1 &= \log l_0 + \log p_0 \\
 l_5 &= l_1 (p_{1-4})^{t_{1-4}} & \log l_5 &= \log l_1 + t_{1-4} \log p_{1-4} \quad (1) \\
 l_{10} &= l_5 (p_{5-9})^{t_{5-9}} & \log l_{10} &= \log l_5 + t_{5-9} \log p_{5-9} \\
 l_{15} &= l_{10} (p_{10-14})^{t_{10-14}} & \log l_{15} &= \log l_{10} + t_{10-14} \log p_{10-14}
 \end{aligned}$$

Les valeurs t_u , données pour les groupes d'âges u de cinq ans dans la dernière colonne du tableau 1, sont admises comme identiques pour toutes les tables de mortalité. Pour p_u on pose $p_u = 1 - \frac{d_u}{l_u} \approx 1 - \frac{T_u}{L_u}$, où T_u est l'ensemble des décédés, L_u l'ensemble des vivants du groupe d'âges u .

L'espérance moyenne de vie (e_x) se calcule comme suit: de $q_u = \frac{d_u}{l_u} \approx \frac{T_u}{L_u}$

nous tirons $l_u \approx \frac{d_u L_u}{T_u} = \frac{(l_x - l_{x+n}) L_u}{T_u}$,

où l'on obtient les valeurs l_x par (1).

$$e_x = \frac{\sum l_u}{l_x}, \quad e_x = \frac{\sum l_u}{l_x} - \frac{1}{2}.$$

Si, au lieu de probabilités q_u , nous disposons de chiffres centraux de morta-

lité $m_u = \frac{T_u}{L_u} \approx \frac{\sum d_x}{\sum \frac{l_x + l_{x+1}}{2}} = \frac{d_u}{l'_u}$, nous obtenons

$$l'_u \approx \frac{d_u L_u}{T_u} = \frac{(l_x - l_{x+n}) L_u}{T_u} \quad \text{et} \quad e_x = \frac{\sum l'_u}{l_x}.$$

La méthode est applicable aussi bien à la mortalité générale (voir exemple du tableau 2) qu'à la mortalité par causes de décès (voir exemple du tableau 3). Quant à l'exactitude de la méthode, comparez les valeurs dans le tableau 4 et dans les dernières colonnes du tableau 2.

* Seule, la présente analyse d'introduction fait l'objet d'une distribution générale. Les participants qui ont été invités à assister à la séance mentionnée ci-dessus recevront en outre le texte intégral du document. Les autres participants au Congrès recevront le texte intégral sur leur demande.

A simple method of constructing abridged mortality tables

by Hans Wiesler (Switzerland)

SUMMARY. The paper describes a simple method of constructing mortality tables, even in cases where the totals for living and dead persons are available only by age groups.

The order of life expectancy is calculated by the formulae:

$$\begin{aligned}
 l_1 &= l_0 p_0 & \log l_1 &= \log l_0 + \log p_0 \\
 l_5 &= l_1 (p_{1-4})^{t_{1-4}} & \log l_5 &= \log l_1 + t_{1-4} \log p_{1-4} \quad (1) \\
 l_{10} &= l_5 (p_{5-9})^{t_{5-9}} & \log l_{10} &= \log l_5 + t_{5-9} \log p_{5-9} \\
 l_{15} &= l_{10} (p_{10-14})^{t_{10-14}} & \log l_{15} &= \log l_{10} + t_{10-14} \log p_{10-14}
 \end{aligned}$$

The values t_u , given for the five-year age-groups u in the final column of table 1, are taken as identical for all the mortality tables. For p_u we put $p_u = 1 - \frac{d_u}{l_u} \approx 1 - \frac{T_u}{L_u}$, in which T_u is the total of deaths, L_u the total of living persons in age-group u .

The mean life-expectancy (e_x^0) is calculated as follows: from $q_u = \frac{d_u}{l_u} \approx \frac{T_u}{L_u}$

we obtain $l_u \approx \frac{d_u L_u}{T_u} = \frac{(l_x - l_{x+n}) L_u}{T_u}$,

from which are obtained the values l_x by (1).

$$e_x = \frac{\sum l_u}{l_x}, \quad e_x^0 = \frac{\sum l_u}{l_x} - \frac{1}{2}.$$

If, in place of the probabilities q_u , we have the central mortality figures

$$m_u = \frac{T_u}{L_u} \approx \frac{\sum d_x}{\sum \frac{l_x + l_{x+1}}{2}} = \frac{d_u}{l'_u}, \text{ we obtain } l'_u \approx \frac{d_u L_u}{T_u} = \frac{(l_x - l_{x+n}) L_u}{T_u} \text{ and } e_x^0 = \frac{\sum l'_u}{l_x}.$$

The method is equally applicable to general mortality (see the example given in table 2) and to mortality by causes of death (see table 3). To gauge the accuracy of the method, compare the values in table 4 and in the final columns of table 2.

* General distribution of this document is limited to the introductory summary. Participants who have been invited to take part in the meeting referred to above will receive also the full text of the paper. Other participants in the Conference will receive the full text upon request.

JUL 19 1954

Une méthode simple pour la construction de tables de mortalité abrégées.

par Hans Wiesler, Dr. ès sciences, Zurich.

1. Introduction

La meilleure façon d'évaluer la mortalité d'une population est sans doute d'en établir une table de mortalité. On obtient ainsi non seulement la durée moyenne de la vie et sa valeur réciproque, le taux net de mortalité, qui permettent de mesurer correctement l'ensemble de la mortalité, mais encore l'ordre de survie ou d'extinction qui nous renseigne sur la mortalité aux différents âges. Malheureusement, on trouve encore dans des publications officielles et privées des taux de mortalité bruts ou standardisés, alors que des spécialistes ont signalé à plusieurs reprises que ces taux ne conviennent presque jamais à la mesure de la mortalité et provoquent fréquemment des erreurs. En effet, tandis que le taux brut est influencé par la structure d'âge, le taux standardisé est basé sur une population stable, fictive et arbitraire. Si la méthode des tables de mortalité n'est pas employée davantage, du moins dans le continent européen, cela me paraît tenir à deux raisons: 1. Beaucoup de statisticiens craignent le calcul mathématique qui, à leur avis, est nécessaire à la construction des tables de mortalité. 2. On croit couramment que pour construire une table de mortalité il est indispensable de connaître le nombre des vivants et des décédés de chaque âge. Or ces chiffres ne sont généralement publiés par les offices de statistiques que par groupes d'âges. Ce mémoire présente une méthode permettant de construire une table de mortalité simplement et en peu de temps, même si le nombre des vivants et des décédés n'est connu que par groupes d'âges. Ce procédé est aussi applicable aux causes de décès et permet de calculer des ordres de survie en faisant abstraction de certaines causes de décès.

2. Méthode

Bornons nous aux âges 0, 1, 5, 10, 15, ...; le nombre des survivants l_x d'une table de mortalité se limitant à ces âges est donné par les formules

$$\begin{aligned}
 l_0 & \\
 l_1 &= l_0 p_0 \\
 l_5 &= l_1 p_1 p_2 p_3 p_4 \\
 l_{10} &= l_5 p_5 p_6 p_7 p_8 p_9 \\
 l_{15} &= l_{10} p_{10} p_{11} p_{12} p_{13} p_{14} \\
 & \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}
 \end{aligned} \tag{1}$$

Si nous ne connaissons les effectifs des vivants et des décédés que par classes d'âges, nous ne pouvons calculer les probabilités de survie p_1, p_2, p_3, \dots . Il s'agit donc de trouver une expression pour les produits $p_x p_{x+1} \dots p_{x+n-1}$. Nous posons

$$\begin{aligned}
 l_0 & \\
 l_1 &= l_0 p_0 \\
 l_5 &= l_1 p_1 p_2 p_3 p_4 = l_1 (p_{1-4})^{t_{1-4}} \\
 l_{10} &= l_5 p_5 p_6 p_7 p_8 p_9 = l_5 (p_{5-9})^{t_{5-9}} \\
 l_{15} &= l_{10} p_{10} p_{11} p_{12} p_{13} p_{14} = l_{10} (p_{10-14})^{t_{10-14}} \\
 & \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}
 \end{aligned} \tag{1'}$$

où

$$p_{x-x+n-1} = \frac{l_{x+1} + l_{x+2} + \dots + l_{x+n}}{l_x + l_{x+1} + \dots + l_{x+n-1}} \tag{2}$$

est la probabilité de survie annuelle pour les personnes du groupe âgé de x à $x+n-1$ ans. De (1') nous obtenons les valeurs t par l'équation

$$t_{x-x+n-1} = \frac{\log l_{x+n} - \log l_x}{\log p_{x-x+n-1}} \tag{3}$$

Si on calcule les valeurs t à l'aide de tables de mortalité ajustées ou non, on constate, que ces valeurs t sont presque identiques pour des tables très diverses. Le tableau 1 contient les valeurs t , tirées de tables très différentes et calculées pour des classes d'âges de cinq ans. Qu'elles résultent de tables de mortalité peu différentes (Suisse/Angleterre, par exemple), ou fort inégales (Angleterre/Italie, par exemple), ces valeurs sont identiques ou

presque. A l'exception des âges élevés, la probabilité de survie annuelle p_u des personnes d'un groupe d'âges u est égale au moyen géométrique des valeurs p_x de ce groupe d'âges. La dernière colonne du tableau 1 contient des valeurs de t , que nous recommandons pour le calcul d'une table se bornant aux âges de cinq ans.¹

Si le chiffre des vivants et des morts dont on dispose n'est donné que par classes d'âges de 10 ans, on peut employer les valeurs suivantes:

| Classes d'âges | 1-9 | 10-19 | 20-29 | 30-39 | 40-49 | 50-59 | 60-69 | 70-79 | 80-89 |
|-------------------|------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|--------|
| t pour sexe masc. | 8,97 | 10 | 10 | 10 | 10,04 | 10,108 | 10,269 | 10,747 | 11,564 |
| t pour sexe fém. | 8,97 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10,067 | 10,222 | 10,617 | 11,535 |

Notre procédé repose donc sur l'hypothèse que les valeurs t sont identiques pour toutes les tables de mortalité. Cette hypothèse, confirmée par les statistiques, se justifie aussi a priori, puisqu'il s'agit d'une nécessité biologique.

A l'aide des valeurs t , on calcule l'ordre de survie par

$$\begin{aligned}
 & \log l_0 \\
 \log l_1 &= \log l_0 + \log p_0 \\
 \log l_5 &= \log l_1 + t_{1-4} \log p_{1-4} \\
 \log l_{10} &= \log l_5 + t_{5-9} \log p_{5-9} \\
 \log l_{15} &= \log l_{10} + t_{10-14} \log p_{10-14} \\
 & \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}
 \end{aligned}
 \tag{4}$$

Dans ces formules, nous posons comme seconde hypothèse dans $p_u = 1 - q_u$ - (u désigne les classes d'âges) -

$$q_u = \frac{d_u}{l_u} = \frac{\sum d_x}{\sum l_x} \approx \frac{T_u}{L_u} = \bar{q}_u, \tag{5}$$

où T_u est l'ensemble des décédés et L_u l'ensemble des vivants du groupe d'âges u , nombres donnés par les statistiques. Les deux termes de l'équivalence (5) ne sont en général jamais égaux, car premièrement, nous employons

¹C'est dans ces classes d'âges, qu'est publié dans l'Annuaire démographique des Nations Unies le nombre des vivants et des morts pour la plupart des pays.

d'un côté des probabilités ajustées, de l'autre des probabilités non ajustées, deuxièmement, \bar{q}_u est une moyenne pondérée avec la population effective, tandis que q_u est une moyenne pondérée avec la population stationnaire. Ce fait est évident, si on écrit l'équivalence (5) sous la forme

$$q_u = \frac{\sum l_x q_x}{\sum l_x} \approx \frac{\sum L_x \bar{q}_x}{\sum L_x} = \bar{q}_u .$$

Les exemples nous renseigneront sur l'importance des "fautes" que nous commettons en posant ses deux hypothèses.

Les nombres T_u et L_u seront tirés des statistiques. Il y a deux manières de le faire: a) Le nombre des décès est donné par années de naissance et par âges. On peut calculer directement les probabilités de décès q_u d'après la méthode de Becker-Zeuner. b) Soult, l'âge des décédés T_u est publié. On calcule d'abord les taux centraux de mortalité $m_u = \frac{T_u}{L_u}$ (où l'ensemble L_u se rapporte au milieu de l'année) et ensuite les probabilités de décès q_u selon la relation $q_u = \frac{2m_u}{2+m_u}$. Ce dernier procédé sera le plus usuel; il est employé dans les pays anglo-saxons pour construire les tables officielles. Les deux méthodes n'aboutissent d'ailleurs qu'à des différences minimales. Il va sans dire, que pour l'année zéro on se base directement sur le nombre des naissances.

L'espérance moyenne de vie se calcule comme suit:

De
$$\bar{q}_u = \frac{T_u}{L_u} \approx \frac{d_u}{l_u}$$

nous tirons
$$l_u \approx \frac{d_u}{\bar{q}_u} = \frac{(l_x - l_{x+n})L_u}{T_u} .$$

Ayant ainsi calculé la somme des vivants par groupes d'âges, on obtient le total des vivants jusqu'à l'âge x par la formule $\sum l_x = \sum l_u$ et la vie moyenne

$$e_x = \frac{\sum l_u}{l_x} , \quad e_x = \frac{\sum l_u}{l_x} = 0,5 . \quad (6)$$

Si, au lieu des probabilités q_u , on dispose des taux centraux de mortalité

$$m_u = \frac{T_u}{L_u} \approx \frac{\sum d_x}{\sum \frac{l_x + l_{x+1}}{2}} = \frac{d_u}{l'_u},$$

on obtient

$$l'_u \approx \frac{d_u}{m_u} = \frac{(l_x - l_{x+n}) L_u}{T_u},$$

d'où

$$e_x = \frac{\sum l'_u}{l_x} \quad (6')$$

Les valeurs t peuvent aussi servir au calcul d'ordres d'extinction dus à des causes de décès déterminées ou d'ordres de survie faisant abstraction de certaines causes de décès. La raison en est la suivante: ou les probabilités partielles de décès sont si petites que les derniers chiffres des coefficients n'entrent plus en considération, ou les probabilités partielles de décès sont si grandes que leur courbe se rapproche de celle de la mortalité générale.

Si $T_u^{(i)}$ est le nombre des personnes qui sont mortes par la cause (i) ,

$$q_u^{(i)} = \frac{T_u^{(i)}}{L_u - \frac{T_u - T_u^{(i)}}{2}}$$

signifie la probabilité indépendante de mourir par la cause (i) , et l'ordre d'extinction d'un ensemble de personnes par cette cause est donné par

| | | | |
|---|--|--|-----|
| l_0 | | ou $\log l_0$ | |
| $l_1^{(i)} = l_0 p_0^{(i)}$ | | $\log l_1^{(i)} = \log l_0 + \log p_0^{(i)}$ | (7) |
| $l_5^{(i)} = l_1^{(i)} (p_{1-4}^{(i)})^{t_{1-4}}$ | | $\log l_5^{(i)} = \log l_1^{(i)} + t_{1-4} \log p_{1-4}^{(i)}$ | |
| $l_{10}^{(i)} = l_5^{(i)} (p_{5-9}^{(i)})^{t_{5-9}}$ | | $\log l_{10}^{(i)} = \log l_5^{(i)} + t_{5-9} \log p_{5-9}^{(i)}$ | |
| $l_{15}^{(i)} = l_{10}^{(i)} (p_{10-14}^{(i)})^{t_{10-14}}$ | | $\log l_{15}^{(i)} = \log l_{10}^{(i)} + t_{10-14} \log p_{10-14}^{(i)}$ | |
| | | | |

3. Exemples

a) voir tableau 2. Calcul d'une table de mortalité abrégée pour la Suisse, hommes 1939/44. La délimitation des ensembles des décédés se fait d'après les années de naissance (méthode Becker-Zeuner), de sorte que nous obtenons directement les probabilités q_u . Dans les deux dernières colonnes du tableau, nous comparons l'espérance moyenne de vie obtenue d'une part par notre méthode, d'autre part par la méthode ordinaire qui tient compte de chaque âge. Comme on le constate, les différences sont minimes; elles sont au maximum de deux semaines. De même les écarts pour l'ordre de survie sont au plus d'environ 2 ‰.

b) voir tableau 3. Calcul d'une table abrégée éliminant la tuberculose comme cause de décès, Suisse, hommes 1939/44. Le tableau 4 nous renseigne sur l'exactitude de la méthode. Nous y comparons les valeurs exactes de la vie moyenne avec celles que l'on obtient par notre méthode. On constate que la concordance est bonne pour des causes de décès très diverses. Le cancer par exemple est une maladie typique de vieillesse, tandis que les cas de tuberculose et de mort violente sont de fréquence variable et n'augmentent guère chez les vieillards.

Tableau 4: Espérance moyenne de vie, en années
Suisse, hommes 1939/44

| Age | Toutes les causes de décès sans le cancer | | Toutes les causes de décès sans la tuberculose | | Toutes les causes de décès sans la mort violente | |
|-----|---|------------------------|--|------------------------|--|------------------------|
| | Valeurs exactes | Valeurs approximatives | Valeurs exactes | Valeurs approximatives | Valeurs exactes | Valeurs approximatives |
| 0 | 64,42 | 64,47 | 64,19 | 64,21 | 64,90 | 64,92 |
| 20 | 49,82 | 49,87 | 49,25 | 49,27 | 49,65 | 49,68 |
| 65 | 12,84 | 12,91 | 11,76 | 11,83 | 11,87 | 11,93 |

Tableau 1: Valeurs de t

| Groupes d'âge | Suisse 1939-1944 | Belgique 1928-1932 | Allemagne 1932-1934 | France 1933-1938 | Angleterre et Pays de Galles 1930-1932 | Italie* | Portugal 1939-1942 | Valeurs moyennes |
|--------------------------------------|---------------------|-----------------------|------------------------|---------------------|---|---------|-----------------------|---------------------|
| Sexe masculin | | | | | | | | |
| 1- 4 | 3,990 | 3,977 | 3,990 | 3,982 | 3,981 | 3,945 | 3,925 | 3,99 |
| 5- 9 | 5,01 | 4,99 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 4,99 | 5 |
| 10-14 | 5,02 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 15-19 | 5,01 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 20-24 | 5,00 | 4,99 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 25-29 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 30-34 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 35-39 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 40-44 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 45-49 | 5,004 | 5,008 | 5,005 | 5,008 | 5,007 | 5,005 | 5,005 | 5,005 |
| 50-54 | 5,012 | 5,008 | 5,010 | 5,010 | 5,010 | 5,008 | 5,010 | 5,010 |
| 55-59 | 5,016 | 5,016 | 5,015 | 5,017 | 5,016 | 5,014 | 5,016 | 5,016 |
| 60-64 | 5,024 | 5,026 | 5,024 | 5,025 | 5,027 | 5,021 | 5,027 | 5,026 |
| 65-69 | 5,041 | 5,042 | 5,040 | 5,034 | 5,045 | 5,039 | 5,050 | 5,045 |
| 70-74 | 5,067 | 5,067 | 5,067 | 5,069 | 5,072 | 5,072 | 5,081 | 5,068 |
| 75-79 | 5,113 | 5,110 | 5,106 | 5,112 | 5,109 | 5,107 | 5,110 | 5,110 |
| 80-84 | 5,162 | 5,177 | 5,179 | 5,165 | 5,154 | 5,161 | 5,150 | 5,165 |
| Sexe féminin | | | | | | | | |
| 1- 4 | 3,995 | 3,982 | 3,991 | 3,984 | 3,979 | 3,952 | 3,927 | 3,99 |
| 5- 9 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 10-14 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 15-19 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 4,99 | 5,00 | 5 |
| 20-24 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 25-29 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 30-34 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 35-39 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 40-44 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5,00 | 5 |
| 45-49 | 5,004 | 5,004 | 5,005 | 5,005 | 5,005 | 5,001 | 5,003 | 5 |
| 50-54 | 5,007 | 5,007 | 5,007 | 5,006 | 5,007 | 5,005 | 5,006 | 5,007 |
| 55-59 | 5,011 | 5,012 | 5,012 | 5,011 | 5,012 | 5,012 | 5,011 | 5,012 |
| 60-64 | 5,020 | 5,021 | 5,021 | 5,018 | 5,019 | 5,020 | 5,019 | 5,020 |
| 65-69 | 5,035 | 5,036 | 5,037 | 5,033 | 5,033 | 5,038 | 5,038 | 5,036 |
| 70-74 | 5,061 | 5,062 | 5,065 | 5,057 | 5,059 | 5,061 | 5,067 | 5,062 |
| 75-79 | 5,092 | 5,107 | 5,096 | 5,093 | 5,095 | 5,111 | 5,105 | 5,100 |
| 80-84 | 5,160 | 5,184 | 5,153 | 5,145 | 5,138 | 5,151 | 5,127 | 5,151 |
| * Hommes 1930-1932, femmes 1935-1937 | | | | | | | | |

Tableau 2: Calcul d'une table de mortalité abrégée, Suisse, hommes 1939/44

| Groupes d'âge $u =$ $x-x+n-1$ | Vivants L_u | Décédés T_u | $q_u = \frac{T_u}{L_u}$ | $\log(1-q_u)$ $= \log p_u$ | $t_u \log p_u$ | $\log l_x$ selon formule (4) | Ordre de survie l_x | $\frac{l_u - l_{x+n}}{q_u}$ | $\sum l_u$ | Espérance moyenne de vie \bar{e}_x | |
|-------------------------------------|------------------|------------------|-------------------------|-------------------------------|----------------|------------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|------------|---|--------------------|
| | | | | | | | | | | $\frac{\sum l_u}{l_x} - \frac{1}{2}$ | Valeurs exactes |
| (1) | (2) | (3) | (4) | (5) | (6) | (7) | (8) | (9) | (10) | (11) | (12) |
| 0 | 185 151 | 8 694 | 0,04 696 | -0,020 8889 | -0,020 8889 | 5 | 100 000 | 100 000 | 6 319 769 | 62,70 | 62,68 |
| 1 - 4 | 634 556 | 2 250 | 355 | -0,001 5445 | -0,006 1626 | 4,979 1111 | 95 304 | 378 310 | 6 219 769 | 64,76 | 64,75 |
| 5 - 9 | 796 141 | 1 127 | 142 | -0,000 6171 | -0,003 0855 | 4,972 9485 | 93 961 | 468 310 | 5 841 459 | 61,67 | 61,64 |
| 10 - 14 | 823 393 | 979 | 119 | -0,000 5171 | -0,002 5855 | 4,969 8630 | 93 296 | 465 546 | 5 373 149 | 57,09 | 57,08 |
| 15 - 19 | 860 027 | 1 764 | 205 | -0,000 8912 | -0,004 4560 | 4,967 2775 | 92 742 | 461 463 | 4 907 603 | 52,42 | 52,41 |
| 20 - 24 | 815 520 | 2 479 | 304 | -0,001 3223 | -0,006 6115 | 4,962 8215 | 91 796 | 456 250 | 4 446 140 | 47,93 | 47,92 |
| 25 - 29 | 826 506 | 2 612 | 316 | -0,001 3745 | -0,006 8725 | 4,956 2100 | 90 409 | 449 367 | 3 989 890 | 43,63 | 43,62 |
| 30 - 34 | 873 186 | 2 701 | 309 | -0,001 3440 | -0,006 7200 | 4,949 3375 | 88 989 | 442 071 | 3 540 523 | 39,29 | 39,26 |
| 35 - 39 | 830 498 | 3 040 | 366 | -0,001 5924 | -0,007 9620 | 4,942 6175 | 87 623 | 434 973 | 3 098 452 | 34,86 | 34,83 |
| 40 - 44 | 750 812 | 3 841 | 512 | -0,002 2293 | -0,011 1465 | 4,934 6555 | 86 031 | 425 781 | 2 663 479 | 30,46 | 30,42 |
| 45 - 49 | 646 865 | 4 961 | 767 | -0,003 3439 | -0,016 7529 | 4,923 5090 | 83 851 | 413 690 | 2 237 698 | 26,19 | 26,15 |
| 50 - 54 | 566 166 | 6 629 | 1 171 | -0,005 1156 | -0,025 6292 | 4,906 7561 | 80 678 | 394 791 | 1 824 008 | 22,11 | 22,08 |
| 55 - 59 | 517 610 | 9 295 | 1 796 | -0,007 8708 | -0,039 4799 | 4,881 1269 | 76 055 | 367 984 | 1 429 217 | 18,29 | 18,26 |
| 60 - 64 | 453 654 | 12 787 | 2 819 | -0,012 4186 | -0,062 4159 | 4,841 6470 | 69 446 | 329 798 | 1 061 233 | 14,78 | 14,75 |
| 65 - 69 | 355 785 | 15 126 | 4 251 | -0,018 8658 | -0,095 1780 | 4,779 2311 | 60 149 | 278 452 | 731 435 | 11,66 | 11,60 |
| 70 - 74 | 233 279 | 15 869 | 6 803 | -0,030 5981 | -0,155 0712 | 4,684 0531 | 48 312 | 213 244 | 452 983 | 8,88 | 8,85 |
| 75 - 79 | 139 195 | 14 735 | 10 586 | -0,048 5945 | -0,248 3179 | 4,528 9819 | 33 805 | 139 061 | 239 739 | 6,59 | 6,55 |
| 80 - 84 | 59 943 | 9 777 | 16 310 | -0,077 3264 | -0,399 3909 | 4,280 6640 | 19 084 | 70 362 | 100 678 | 4,77 | 4,75 |
| 85 et plus | 20 218 | 5 074 | 25 096 | | | 3,881 2731 | 7 608 | 30 316 | 30 316 | 3,48 | 3,43 |

Tableau 3: Calcul d'une table abrégée éliminant la tuberculose comme cause de décès,
Suisse, hommes 1939/44

| Groupes d'âge $u =$ $x - x + n - 1$ | Vivants L_u | Décédés | | $q_u =$ $\frac{T_u - T_u^{(i)}}{L_u - \frac{T_u^{(i)}}{2}}$ | $\log(1 - q_u)$ $= \log p_u$ | $t_u \log p_u$ | $\log l_x$ selon formule (7) | Ordre de survie l_x | $l_u =$ $\frac{l_x - l_{x+n}}{q_u}$ | $\sum l_u$ | Espérance moyenne de vie $e_x = \frac{\sum l_u}{l_x} - \frac{1}{2}$ |
|---|------------------|---------------------|--------------------|--|---------------------------------|----------------|------------------------------------|-----------------------------|--|------------|--|
| | | en tout T_u | tbc $T_u^{(i)}$ | | | | | | | | |
| (1) | (2) | (3) | (4) | (5) | (6) | (7) | (8) | (9) | (10) | (11) | (12) |
| 0 | 185 151 | 8 694 | 83 | 0,04 652 | -0,020 6884 | -0,020 6884 | 5 | 100 000 | 100 000 | 6 471 115 | 64,21 |
| 1 - 4 | 634 556 | 2 250 | 184 | 326 | -0,001 4181 | -0,005 6582 | 4,979 3116 | 95 348 | 378 528 | 6 371 115 | 66,32 |
| 5 - 9 | 796 141 | 1 127 | 119 | 127 | -0,000 5519 | -0,002 7595 | 4,973 6534 | 94 114 | 469 291 | 5 992 587 | 63,17 |
| 10 - 14 | 823 393 | 979 | 121 | 104 | -0,000 4519 | -0,002 2595 | 4,970 8939 | 93 518 | 467 308 | 5 523 296 | 58,56 |
| 15 - 19 | 860 027 | 1 764 | 360 | 163 | -0,000 7085 | -0,003 5425 | 4,968 6344 | 93 032 | 463 190 | 5 055 988 | 53,85 |
| 20 - 24 | 815 520 | 2 479 | 660 | 223 | -0,000 9696 | -0,004 8480 | 4,965 0919 | 92 277 | 459 641 | 4 592 798 | 49,27 |
| 25 - 29 | 826 506 | 2 612 | 812 | 218 | -0,000 9478 | -0,004 7390 | 4,960 2439 | 91 252 | 454 128 | 4 133 157 | 44,79 |
| 30 - 34 | 873 186 | 2 701 | 784 | 220 | -0,000 9565 | -0,004 7825 | 4,955 5049 | 90 262 | 449 545 | 3 679 029 | 40,26 |
| 35 - 39 | 830 498 | 3 040 | 722 | 279 | -0,001 2134 | -0,006 0670 | 4,950 7224 | 89 273 | 443 728 | 3 229 484 | 35,68 |
| 40 - 44 | 750 812 | 3 841 | 776 | 408 | -0,001 7755 | -0,008 8775 | 4,944 6554 | 88 035 | 436 520 | 2 785 756 | 31,14 |
| 45 - 49 | 646 865 | 4 961 | 704 | 658 | -0,002 8671 | -0,014 3498 | 4,935 7779 | 86 254 | 426 140 | 2 349 236 | 26,74 |
| 50 - 54 | 566 166 | 6 629 | 664 | 1 054 | -0,004 6018 | -0,023 0550 | 4,921 4281 | 83 450 | 409 298 | 1 923 096 | 22,54 |
| 55 - 59 | 517 610 | 9 295 | 728 | 1 656 | -0,007 2521 | -0,036 3765 | 4,898 3731 | 79 136 | 383 998 | 1 513 798 | 18,63 |
| 60 - 64 | 453 654 | 12 787 | 691 | 2 668 | -0,011 7444 | -0,059 0274 | 4,861 9966 | 72 777 | 346 627 | 1 129 800 | 15,02 |
| 65 - 69 | 355 785 | 15 126 | 621 | 4 080 | -0,018 0908 | -0,091 2681 | 4,802 9692 | 63 529 | 295 147 | 783 173 | 11,83 |
| 70 - 74 | 233 279 | 15 869 | 396 | 6 638 | -0,029 8299 | -0,151 1779 | 4,711 7011 | 51 487 | 228 005 | 488 026 | 8,98 |
| 75 - 79 | 139 195 | 14 735 | 262 | 10 407 | -0,047 7259 | -0,243 8793 | 4,560 5232 | 36 352 | 150 091 | 260 021 | 6,65 |
| 80 - 84 | 59 943 | 9 777 | 90 | 16 172 | -0,076 6109 | -0,395 6953 | 4,316 6439 | 20 732 | 76 651 | 109 930 | 4,80 |
| 85 et plus | 20 218 | 5 074 | 11 | 25 049 | | | 3,920 9486 | 8 336 | 33 279 | 33 279 | 3,49 |