

التوزيع: عام
E/ESCWA/STAT/1992/15
٦ أيلول/سبتمبر ١٩٩٢
ARABIC
الأصل: بالعربية

اللجنة الإقتصادية والاجتماعية لغربي آسيا

شعبة الاحصاء

UN ECONOMIC AND SOCIAL COMMISSION
FOR WESTERN ASIA

MAR 0 1 1993

LIBRARY + DOCUMENT SECTION

الحسابات القومية بالأسعار الثابتة

المجلد الثاني



الأمم المتحدة

أيلول/سبتمبر ١٩٩٢

92-0599

أعدَّ هذه الدراسة الدكتور نزهت شلق
بناءً على تكليف من اللجنة الاقتصادية
والاجتماعية لغربي آسيا

المحتويات

المفحة

| | |
|-----|---|
| ٥ | المقدمة |
| | الجزء الثالث: الارقام القياسية المستخدمة |
| ١ | اولاً: الارقام القياسية للقيمة المضافة |
| ٤ | قياس القيمة المضافة بالاسعار المثبتة |
| ٤ | ١- جدول المدخلات والمخرجات |
| | ٢- الاستخدام المباشر للارقام القياسية لاحتساب |
| ١٠ | جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة |
| ٢٤ | ٣- تحليل الرقم القياسي لقيم التجميع |
| | ٤- استخدام الارقام القياسية بطرقه السلسلة |
| ٢١ | لتقدير المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة |
| ٥٩ | ثانياً: المقاييس التقريبية للقيمة المضافة بالاسعار الثابتة |
| | ثالثاً: قياس الضرائب السلعية والرسوم الجمركية بالاسعار |
| ٩٧ | الثابتة |
| | الجزء الرابع: قياس الانتاج والقيمة المضافة للخدمات بالاسعار |
| ١٠٧ | الثابتة |
| ١٠٨ | اولاً: خدمات قطاع التجارة |
| | ١- الانتاج الاجمالي لخدمات قطاع التجارة بالاسعار |
| ١١١ | الثابتة |
| | ٢- قياس القيمة المضافة للخدمات التجارية بالاسعار |
| ١١٥ | الثابتة |

| | | |
|-----|---|---------|
| ١٢٤ |خدمات المطاعم والمقاهي والغنادق..... | ثانياً: |
| ١٢٨ |خدمات قطاع النقل..... | ثالثاً: |
| ١٣٠ | ١- قياس الانتاج الاجمالي لخدمات قطاع النقل بالاسعارالثابتة | |
| ١٣٦ | ٢- قياس هوامش النقل بالاسعار الثابتة..... | |
| ١٥٢ | ٣- قياس القيمة المضافة لخدمات النقل بالاسعار الثابتة | |
| ١٦٠ |خدمات المواصلات..... | رابعاً: |
| ١٧٩ |خدمات المؤسسات المالية..... | خامساً: |
| ١٨٢ |خدمات التأمين | سادساً: |
| ١٨٤ |خدمات دور السكن..... | سابعاً: |
| ١٨٨ |الخدمات التعليمية..... | ثامناً: |
| ١٩٦ |الخدمات الطبية..... | تاسعاً: |
| ٢٠٩ |الخدمات غير المسوقة..... | عاشراً: |

المقدمة

تأتي هذه الدراسة إستكمالاً للدراسة التي تم إعدادها ونشرها في اواخر عام ١٩٨٩ تحت عنوان "الحسابات القومية بالاسعار الثابتة" والمكونة من الجزئين الاول والثاني، غطيت فيها الجوانب المتعلقة بشمول الحسابات القومية بالاسعار الثابتة من جهة واسعار وكميات ونوعيات وحجوم السلع من ناحية ثانية.

وتشمل هذه الدراسة الجزئين المكملين حيث الجزء الثالث يتضمن تغطية نظريية وتطبيقية عن الأرقام القياسية المستخدمة في تقدير الناتج الاجمالي بالاسعار الثابتة، أما الجزء الرابع فقد خص لقياس الانتاج الاجمالي والقيمة المضافة بالاسعار الثابتة لانشطة الخدمات، حيث تتألف هذه الخدمات من الانشطة على مستوى الأقسام الرئيسية Major Divisions من ٦-٩ من التصنيف الدولي لانشطة الاقتصادية (ISIC).

وقد تطرقت هذه الدراسة بصورة مفصلة إلى نماذج تطبيقية عن تلك الأقسام وتفرعاتها باساليب أو طرائق سهلة ومبسطة.

الجزء الثالث

الارقام القياسية المستخدمة
في تقدير الناتج المحلي الاجمالي بالاسعار الثابتة

Indices used for estimating
Gross Domestic Product at Constant Prices

الأرقام القياسية للقيمة المضافة

تعرف القيمة المضافة بالاسعار الجارية للسنة الحالية (t) لاية صناعة (industry) بالصيغة التالية:

$$\sum_i P_t Q_t - \sum_i P_t q_t$$

حيث يرمز بالاحرف الكبيرة للمنتجات (Products) وبالاحرف الصغيرة للاستهلاك الوسيط من السلع والخدمات كما يلي:

$Q_t =$ كمية المنتج (i) للسنة الجارية (t)

$P_t =$ سعر هذا المنتج (i) للسنة الجارية (t)

$q_t =$ الكمية المستهلكة من السلعة أو الخدمة (J) للسنة (t)

$p_t =$ سعر السلعة أو الخدمة المستهلكة (J) للسنة (t)

كما تعرف القيمة المضافة للسنة الجارية (t) بالاسعار المثبتة لسنة الأساس (o) بالصيغة التالية.

$$\sum_i P_o Q_t - \sum_j P_o q_t$$

حيث يرمز الى

$P_o :$ سعر المنتج (i) خلال سنة الأساس

$p_o :$ سعر السلعة أو الخدمة (J) خلال سنة الأساس

وعلى سبيل المثال لناخذ صناعة انتاج زيت الزيتون خلال السنتين ١٩٨٠ و ١٩٨٧ ولنحسب القيمة المضافة لهذه الصناعة لكل من هاتين السنتين بالاسعار الجارية ثم بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠. ولنفرض أن الاستهلاك الوسيط يقتصر على سلعة الزيتون التي تتألف من نوعين فقط: نوع اول ونوع ثان وأن الانتاج يقتصر على سلعة مؤلفة من نوع وحيد هو زيت الزيتون.

| السنة الجارية ١٩٨٧ | | سنة الاساس ١٩٨٠ | |
|-------------------------------|--------------------|---------------------------------|--------------------|
| سعر الطن بالآلاف الريالات | الكمية بالاطنان | سعر الطن بالآلاف الريالات | الكمية بالاطنان |
| ١٨ | ٣٦٠٠ | ١٥ | ٣٠٠٠ |
| <u>الاستهلاك الوسيط</u> | | | |
| ٧,٢ | ٦٠٠٠ | ٣ | ١٠٠٠٠ |
| ٢,٤ | ٨٤٠٠ | ٦ | ٢٠٠٠ |
| الصيغ | | القيمة المضافة بملايين الريالات | |
| <u>لسنة الاساس ١٩٨٠</u> | | | |
| $\sum P_o Q_o - \sum p_o q_o$ | ٣ | - بأسعار سنة ١٩٨٠ | |
| $\sum P_t Q_o - \sum p_t q_o$ | ٢٢٨٨- | - بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٧ | |
| <u>لسنة المقارنة ١٩٨٧</u> | | | |
| $\sum P_o Q_t - \sum p_o q_t$ | ١٤٨٤- | - بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ | |
| $\sum P_t Q_t - \sum p_t q_t$ | ١٨٤٤ | - بالاسعار الجارية ١٩٨٧ | |

يوجد في هذا المثال ترابط سلبي بين كمية الزيتون المستخدمة للعصر وبين سعرها وذلك نتيجة لقابلية الاستبدال بين نوعي مادة الزيتون.

الرقم القياسي الحجمي للقيمة المضافة حسب صيغة لاسبير

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o} - \frac{\sum P_o q_t}{\sum P_o q_o} = \frac{-14,4}{3} = -4,8$$

بينما حسب صيغة باش

$$\frac{\sum P_t Q_t - \sum P_t q_t}{\sum P_t Q_o - \sum P_t q_o} = \frac{1,44}{-22,8} = -0,063$$

ان التباين الكبير بين هذين الرقمين القياسيين ناتج عن التغير النسبي للكمية المستهلكة للعصر لكل من نوعي سلعة الزيتون خلال السنتين ١٩٨٠ و ١٩٨٧. ويعود السبب في هذا التغير النسبي لهذه الكميات المستهلكة الى الاختلاف في تغير سعر كل منهما بين سنتي ١٩٨٠ و ١٩٨٨ فبينما ارتفع سعر النوع الاول الى ٢٤٠% انخفض سعر النوع الثاني الى ٤٠% ويلاحظ بأن القيمة المضافة بالاسعار الجارية لعام ١٩٨٧ هي موجبة ٤٤ر٤ مليون ريال بينما القيمة لهذا العام بالاسعار الثابتة هي سالبة (-١٤ر٤) مليون ريال ان ظاهرة اختلاف اشارة القيمة المضافة بالاسعار المثبتة عنها في الاسعار الجارية متوقع حدوثها عندما تكون سنة الاساس قديمة وفي هذه الحالة يلزم تغيير سنة الاساس واختيار سنة حديثة.

وقد اختار بعض الدول في بناء الارقام القياسية للكميات والاسعار طريقته السلسلة حيث تعتبر السنة (t-1) السابقة للسنة الحالية (t) كسنة اساس.

إن "المرشد للحسابات القومية بالاسعار الثابتة" قد تقدم الانواع التالية للارقام القياسية للقيمة المضافة:

الرقم القياسي شبه الحجمي - لاسبير Laspeyres quasi - Volume index

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o} - \frac{\sum P_o q_t}{\sum P_o q_o}$$

ويقاله:

الرقم القياسي شبه السعري - باش Paosche Quasi - Price index

$$\frac{\sum P_t Q_t}{\sum P_o Q_t} - \frac{\sum P_t q_t}{\sum P_o q_t}$$

الرقم القياسي شبه الحجمي - باش Paosche Quasi - Volume index

$$\frac{\sum P_t Q_t}{\sum P_t Q_o} - \frac{\sum P_t q_t}{\sum P_t q_o}$$

ويقاله :

الرقم القياسي شبه السعري - لاسبير Laspeyres Quasi - Price index

$$\frac{\sum P_t Q_o - \sum p_t q_o}{\sum P_o Q_o - \sum p_o q_o}$$

وأضيفت الكلمة شبه (quasi) الى كل من الرقم القياسي للحجم والسعر للإشارة بأن مختلف انواع القيم المضافة المتواجدة في الارقام القياسية لاتمثل تيارات من السلع والخدمات بل هي تتعلق ببند توازن محاسبية (balancing items) وقد يكون بعضها سالباً.

I- قياس القيمة المضافة بالاسعار المثبتة إعتباراً من جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة.

Value added in Constent prices in an input - output table

I- جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة

يقاس الناتج المحلي الاجمالي بالاسعار الثابتة اعتباراً من جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة عن طريق حساب مجموع الفروق بين الانتاج والاستهلاكات الوسيطة لجميع القطاعات الاقتصادية وإضافة رسوم الواردات بالاسعار الثابتة وفق الجدول (١٢) من نظام المحاسبة القومية. وإذا أدخل السى هذا الجدول بعض الاضافات بحيث يشمل توازن مصادر - واستخدامات السلع والخدمات بالاسعار الثابتة فيمكن أيضاً قياس هذا الناتج المحلي الاجمالي إعتباراً من جدول المدخلات والمخرجات بعد ادخال الاضافات وفق المعادلة التالية:

الناتج المحلي الاجمالي = الانفاق الاستهلاكي النهائي الخاص + الانفاق الاستهلاكي النهائي الحكومي + تكوين رأس المال الثابت الاجمالي + تغير المخزون + الصادرات - الواردات حيث ان جميع عناصر الطرف الايسر في المعادلة هي مقدرة بالاسعار الثابتة. ولنطلق على جدول المدخلات والمخرجات بعد إدخال هذه الاضافات بالجدول الموسع للمدخلات والمخرجات ويتألف هيكل هذا الجدول الموسع من المجموعات التالية:

(٥) الاستخدامات من السلع
والخدمات
Desposition Goods and
Services

(١) المدخلات الوسيطة
Indermdute Consumption
Intermediate

(٤) المصادر
من السلع والخدمات
Supply of Goods and
Services

(٢) القيمة المضافة والانتاج
Value added and output

(٣) السلع والخدمات المنتجة
Goods and Services

تؤلف المجموعتان (١) و (٢) جدول الانتاج "ليونتييف" LEONTIEF حيث يخص عمود لكل قطاع (زمرة من الانشطة) يحتوي على المدخلات يظهر انتاجه مع جميع مدخلاته في احد الاعمدة ولكن لا يخص سطر لخدمات القطاع التجاري ضمن جدول الانتاج.

إن انتاج كل القطاع يتضمن منتجات رئيسية خاصة بهذا القطاع كما يتضمن احياناً منتجات ثانوية وحتمية (Fatal) تعتبر منتجات رئيسية لقطاعات أخرى. وعلى سبيل المثال فإن صناعة النسيج قد تنتج بآن واحد منسوجات وكهرباء. وعند عدم توفر بيانات كاملة لفصل تكاليف انتاج الكهرباء عن تكاليف النسوجات يخص سطر في المجموعة (٣) لنقل المنتجات الثانوية (أي الكهرباء) من عمود صناعة النسيج إلى عمود انتاج الكهرباء وبذلك يتم الحصول على قيم بالسلع والخدمات المنتجة بحيث يمثل كل رقم من السطر الاخير للمجموعة (٣) السلع والخدمات العائدة لزمرة واحدة سواء تم انتاجها من قبل القطاع المخصص لها أو من قطاعات أخرى.

وفي المجموعة (٤) يضاف الى عمود "الانتاج من السلع والخدمات" الاعمدة التالية: الواردات، الرسوم الجمركية والهوامش التجارية لكي نحصل على مجموع مصادر السلع والخدمات بسعر المشتري موزعة حسب زمراها.

وفي المجموعة (٥) تتألف الاعمدة من الاستخدامات النهائية للسلع والخدمات: الانفاق الاستهلاكي النهائي من خاص وحكومي ومن تكوين رأس المال الثابت وتغير المخزون بالإضافة الى الصادرات من السلع والخدمات.

ويتم تقدير جدول المدخلات والمخرجات الموسع بالاسعار الثابتة لسنة الاساس لجميع السلع والخدمات ورسوم الواردات وفق ضوابط تختلف حسب مدى توفر البيانات وطبيعة كل سلعة (أو خدمة) مع تأمين توازن قيمة مجموع مصادر هذه السلعة مع قيمة مجموع استخداماتها باسعار سنة الاساس وفق المعادلة التالية:

$$\text{انتاج} + \text{الواردات} + \text{رسم الاستيراد} + \text{الهوامش التجارية} =$$

الاستهلاك الوسيط + الاستهلاك النهائي الخاص + الاستهلاك النهائي الحكومي + تكويّن رأس المال الثابت الاجمالي + تغير المخزون + الصادرات.

ولاعطاء صورة واقعية عن هيكل جدول المدخلات والمخرجات نقدم مثلاً رقمياً يمثل الاقتصاد الافرنسي لعام ١٩٨٧ بالاسعار الجارية وبالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠ بمليارات الفرنكات.

حيث يتم احتساب القيم المضافة بالاسعار الثابتة بتطبيق طريقة التقليل المزدوج إذ يصار الى تقييم كل من الانتاج ومجموع الاستهلاك الوسيط من السلع والخدمات بأسعار سنة الاساس في كل قطاع وأخذ التفاضل بين القيمتين كما هو مبين في الجدول الثاني للمدخلات والمخرجات. ثم يضاف مجموع رسوم الاستيراد بالاسعار الثابتة الى مجموع القيم المضافة بالاسعار الثابتة للحصول على الناتج المحلي الاجمالي لعام ١٩٨٧ بأسعار عام ١٩٨٠:

$$٣١٤٣ + ٩ = ٣١٥٢ \text{ مليار فرنك}$$

ويمكن احتساب الارقام القياسية الضمنية للاسعار بدلالة ارقام جدولي المدخلات والمخرجات بالاسعار الجارية والثابتة لعام ١٩٨٧ ويتم الحصول على هذه الارقام القياسية الضمنية للاسعار والمدرجة في الجدول التالي:

| القطاعات | الانتاج | الاستهلاك الوسيط | القيمة المضافة |
|--|---------|------------------|----------------|
| الزراعة | ١٤٦ | ١٥٨ | ١٣٣ |
| الصناعات الاستخراجية والتحويلية والكهرباء والماء | ١٥٧ | ١٥٠ | ١٦٧ |
| البناء والتشييد | ١٥٦ | ١٦١ | ١٥٢ |
| التجارة | ١٦٨ | ١٦٤ | ١٦٩ |
| النقل والمواصلات | ١٥٨ | ١٦٥ | ١٥٦ |
| خدمات المصارف والتأمين | ١٨٥ | ١٧٥ | ١٩٣ |
| الخدمات المسوقة الأخرى | ١٧٤ | ١٦٥ | ١٧٨ |
| الخدمات غير المسوقة | ١٦٨ | ١٦٠ | ١٧١ |
| الوحدة الاسمية | - | ١٧٧ | ١٧٧ |
| مجموع القطاعات | ١٦٣ | ١٥٧ | ١٦٨ |
| رسوم الواردات | ١١١ | - | ١١١ |
| المجموع العام | ١٦٣ | ١٥٧ | ١٦٨ |

يلاحظ أن التقليل المزدوج للقيم المضافة قد تم ضمن اطار جدول المدخلات والمخرجات بعد تأمين التوازن بين مصادر واستخدامات لعدد كبير من زمر السلع والخدمات التي يؤلف كل منها بنسباً لقائمة السلع والخدمات التي يعتمدها المحاسبون القوميون.

وفي هذا المثال تتألف قائمة السلع والخدمات من ٦٠٠ بند إن البند الواحد للسلع والخدمات قد يتألف من سلعة (أو خدمة) واحدة أو من مجموعة من السلع (أو الخدمات). وإن عدد السلع والخدمات كبير لاحصر له.

وجرى تأمين التوازن بين المصادر والاستخدامات لكل بند لسنة ١٩٨٧ بأسعار سنة الأساس ١٩٨٠. وبسبب تعدد في البيانات الإحصائية فإن التوازن لم يتم بالنسبة لبعض البنود إلا بعد تعديل أرقام عناصر المصادر والاستخدامات التي تكون بياناتها غير كاملة ومشوبة بالأخطاء.

وقد خصص في جدول المدخلات والمخرجات الموسع سطر لمصادر واستخدامات كل بند. وبتجميع أسطر مختلف البنود للسلع والخدمات وبعد تحقيق التوازن تم الحصول على قيمة الانتاج الاجمالي بالاسعار الثابتة لكل قطاع اقتصادي وعلى مجموع الاستهلاكات الوسيطة بالاسعار الثابتة لهذا القطاع ثم على قيمته المضافة بالاسعار الثابتة.

ب- الاستخدام المباشر للأرقام القياسية لاحتساب جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة

The use of Direct indices for estimating the input - output Table at Constant Prices over a single Period

لتقدير عناصر (Elements) جدول المدخلات والمخرجات للسنة الجارية (t) بالاسعار المثبتة لسنة الأساس (o) تستخدم إما الأرقام القياسية لاسعار هذه العناصر لتقليص القيم الجارية لسنة (t) أو الأرقام القياسية الكمية (أو الحجمية) لهذه العناصر لتكبير القيم لسنة الأساس (o). إن هذه الأرقام القياسية المتعلقة بكل عنصر عليها أن تحقق المساواة التالية:

الأرقام القياسية للأسعار × الأرقام القياسية للكميات = الأرقام القياسية للقيم
حيث يفترض أن كل زمرة من زمرة جدول المدخلات أو المخرجات يتألف من مجموعة من السلع والخدمات وبدلالة الرموز التالية:

| | |
|-------|--|
| P_o | سعر السلعة (أو الخدمة) في سنة الأساس (o) |
| q_o | كمية السلعة (أو الخدمة) في سنة الأساس (o) |
| p_t | سعر السلعة (أو الخدمة) في السنة الجارية (t) |
| q_t | كمية السلعة (أو الخدمة) في السنة الجارية (t) |

إن أهم صيغ الأرقام القياسية التي يمكن تحقيق المساواة أعلاه هي إحدى المجموعات التالية:

أولاً: مجموعة الصيغتين التاليتين

صيغة لاسبير للرقم القياسي للكميات وصيغة باش للرقم القياسي للأسعار إذ يحقق جداولهما المساواة مع الرقم القياسي للقيم.

أي أن الرقم القياسي للاسعار بطريقة باش هو وسط توافقي (Harmonic average) لاسعار السلع.

ولنبدأ بتقدير هذا الرقم لجميع المواد الزراعية وفق جدول الحساب التالي:

| الجداء $p_t q_t \left(\frac{p_0}{p_t} \right)$ | الاوزان $p_t q_t$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٠ بالنسبة لعام ١٩٨٥ $\frac{p_0}{p_t}$ | اسعار الطن الواحد بالريالات | | |
|--|----------------------|---|--------------------------------|---------------|----------------|
| | | | ١٩٨٨ p_t | ١٩٨٠ p_0 | |
| ٦٤٠ | ١٤٤٠ | ٤٤,٤٤٤ | ١٤٤٠ | ٦٤٠ | القمح |
| ١٨٠ | ٣٣٧,٥ | ٥٣,٣٣٣ | ٧٥٠ | ٤٠٠ | الشعير |
| ٣٠٠ | ٣٦٠,٠ | ٨٣,٣٣٣ | ١٢٠٠ | ١٠٠٠ | القطن |
| ٣٠ | ٣٧,٥ | ٨٠,٠٠٠ | ١٥٠ | ١٢٠ | الشوندر السكري |
| ٤٨٠ | ٧٢٠ | ٦٦,٦٦٧ | ٩٠٠ | ٦٠٠ | بندورة (طماطم) |
| ٢٧٢ | ٣٩١ | ٦٩,٥٦٥ | ١١٥٠ | ٨٠٠ | عنب |
| ١٩٠٢ | ٣٢٨٦ | | | | مجموع القيم |

ومنه يكون الرقم القياسي لاسعار جميع المنتجات الزراعية:

$$1902 \div 3286 = 17277 \text{ أي } 17277\%$$

ثم لنحسب الارقام القياسية للاسعار وفق صيغة باش للزمر الفرعية: الحبوب، المحاصيل الصناعية، الخضار والفواكه، وفق ما يلي:

١- الرقم القياسي للاسعار للزمرة الاولى: الحبوب

| الجداء $p_t q_t \left(\frac{p_0}{p_t} \right)$ | الاوزان $p_t q_t$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٠ بالنسبة لعام ١٩٨٨ $\frac{p_0}{p_t}$ | اسعار الطن الواحد بالريالات | | |
|--|----------------------|---|--------------------------------|---------------|---------|
| | | | ١٩٨٨ p_t | ١٩٨٠ p_0 | |
| ٦٤٠ | ١٤٤٠ | ٤٤,٤٤٤ | ١٤٤٠ | ٦٤٠ | القمح |
| ١٨٠ | ٣٣٧,٥ | ٥٣,٣٣٣ | ٧٥٠ | ٤٠٠ | الشعير |
| ٨٢٠ | ١٧٧٧,٥ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي لاسعار الزمرة الاولى الحبوب:

$$١٧٧٧,٥ \div ٨٢٠ = ٢,١٦٧٧ \text{ أي } ٢١٦,٧٧\%$$

٢- الرقم القياسي لاسعار الزمرة الثانية: الحاصلات الصناعية

| الجداء $p_t q_t \left(\frac{p_0}{p_t} \right)$ | الاوزان $p_t q_t$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٠ بالنسبة لعام ١٩٨٨ $\frac{p_0}{p_t}$ | اسعار الطن الواحد بالريالات | | |
|--|----------------------|---|--------------------------------|---------------|----------------|
| | | | ١٩٨٨ p_t | ١٩٨٠ p_0 | |
| ٣٠٠ | ٢٦٠ | ٨٣,٣٣٣ | ١٢٠٠ | ١٠٠٠ | القطن |
| ٢٠ | ٣٧,٥ | ٨٠,٠٠٠ | ١٥٠ | ١٢٠ | الشوندر السكري |
| ٣٣٠ | ٣٩٧,٥ | | | | المجموع |

ويكون الرقم القياسي لاسعار الزمرة الثانية: الحاصلات الصناعية:

$$٣٩٧,٥ \div ٣٣٠ = ١,٢٠٤٥ \text{ أي } ١٢٠,٤٥\%$$

٣- الرقم القياسي لأسعار الزمرة الثالثة: الخضار والفواكه

| الجداء $P_t q_t \left(\frac{P_0}{P_t} \right)$ | الاوزان $P_t q_t$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٠ بالنسبة لعام ١٩٨٨ $\frac{P_0}{P_t}$ | اسعار الطن الواحد بالريالات | | بندورة (طماطم) |
|--|----------------------|---|--------------------------------|---------------|----------------|
| | | | ١٩٨٨ P_t | ١٩٨٠ P_0 | |
| ٤٨٠ | ٧٢٠ | ٦٦,٦٦٧ | ٩٠٠ | ٦٠٠ | |
| ٢٧٢ | ٣٩١ | ٦٩,٥٨٥ | ١١٥٠ | ٨٠٠ | عنب |
| ٧٥٢ | ١١١١ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي لأسعار الزمرة الثالثة: الخضار والفواكه

$$207 \div 1111 = 186.31\%$$

ولنحسب اعتباراً من الأرقام القياسية الجزئية للأسعار (I_1) , (I_2) , (I_3) للأسعار. الرقم القياسي للأسعار وفق صيغة باش لمجموعة الزمر الثلاثة وفق جدول الحساب التالي:

| الجراء $(\sum P_t q_t) \left(\frac{1}{I_i} \right)$ | أوزان الزمرة $\sum P_t q_t$ | عكس الرقم القياسي للزمرة $\frac{1}{I_i}$ | الرقم القياسي للزمرة الفرعية عام ١٩٨٨ بالنسبة عام ١٩٨٠ I_i | الزمر الفرعية للمنتجات الزراعية |
|---|--------------------------------|--|---|------------------------------------|
| ٨٢٠ | ١٧٧٧,٥ | ٠,٤٦١٣٢ | ٢١٦,٧٧ | ١- الحبوب |
| ٢٣٠ | ٣٩٧,٥ | ٠,٨٣٠٨٦ | ١٢٠,٤٥ | ٢- الحاصلات الصناعية |
| ٧٥٢ | ١١١١,٠ | ٠,٦٧٦٨٧ | ١٤٧,٧٤ | ٣- الخضار والفواكه |
| ١٩٠٢ | ٣٢٨٦ | | | المجموع |

ويكون الرقم القياسي للأسعار للزمر الثلاثة

$$2091 \div 3286 = 63.63\%$$

وهو نفس الرقم القياسي للأسعار الذي تم الحصول عليه بتطبيق صيغة باش مباشرة على جميع أفراد المنتجات الزراعية. ويوضح هذا المثال أن الرقم القياسي حسب صيغة باش يحقق بدوره شرط الاتساق في التجميع

The Consistency -in- aggregation requirement

لذلك عند تقدير جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة فإن غالبية المحاسبين القومييين يستخدمون صيغة لاسبير في قياس الارقام القياسية الكمية (الحجمية) أو صيغة باش في قياس الارقام القياسية للاسعار(١).

وإن مجرد قياس الرقم القياسي للكميات حسب صيغة لاسبير يتطلب تطبيق هيكل الاسعار في سنة الاساس على جميع السنوات التالية. كما أن قياس الرقم القياسي للاسعار حسب صيغة باش يتطلب بدوره تطبيق هيكل الكميات في السنة الجارية على جميع السنوات السابقة.

ولكن في الواقع إن هيكل كل من الكميات والاسعار يتغير خلال السنوات. وعندما تطول الفترة بين سنة الاساس والسنة الجارية فإن التغير الهيكلي من شأنه أن يضعف الاستفادة من الارقام القياسية هذه.

ج - تحليل الرقم القياسي لقيم التجميع (aggregate)

في ندوة نظمت من قبل السوق الاوربية المشتركة(١) قدم مجموعة من خبراء مكتب الاحصاء في هولندا تحليلاً احصائياً لقيم وكميات واسعار سلع لتجميع (aggregate) عائدة لسنة الاساس (٥) والسنة الجارية (t) وتم تمييز ثلاثة مركبات اساسية (basic components) لقياس تغير القيمة لهذا التجميع:

١- مركبة الاسعار الصرفة "pure" price Component

تتألف من مجموع جداءات الكميات في سنة الاساس وتغيرات الاسعار بين سنة الاساس والسنة الجارية.

٢- مركبة الكميات الصرفة pure quantity component

وتتألف من مجموع جداءات الاسعار في سنة الاساس وتغيرات الكميات بين سنة الاساس والسنة الجارية.

(١) ويمكن بالمقابل استخدام صيغة باش في قياس الارقام القياسية للكميات مع استخدام صيغة لاسبير في قياس الارقام القياسية للاسعار.

(1) "The use of Chain Indices for Deflation the National Accounts". A paper presented to the EUROSTAT Working Group on National Accounts 1985 by pieter /AL/BERT BALK/ SAKE DE BOER/ and G.D. BAKKER

٣- مركبة التغيرات الهيكلية (Structural – Change Component)

تتألف من مجموع جداءات تغيرات الاسعار وتغيرات الكميات بين سنة الاساس والسنة الجارية.

وحدد الفرق بين القيمة بالاسعار الجارية للسنة (t) والقيمة في سنة الاساس للتجميع بالمعادلة التالية:

$$\sum p_t q_t - \sum p_o q_o = A + B + C$$

$$A = \sum (q_t - q_o) p_o \quad \text{حيث مركبة الكميات الصرفة:}$$

$$B = \sum (p_t - p_o) q_o \quad \text{مركبة الاسعار الصرفة:}$$

$$C = \sum (p_t - p_o) (q_t - q_o) \quad \text{مركبة التغيرات الهيكلية}$$

وأما الرقم القياسي لقيمة التجميع (الرقم القياسي للقيمة) فيمكن توزيعه كما يلي:

$$\frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o} = \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} \cdot \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o} \cdot \left[\frac{(\sum p_t q_t) (\sum p_o q_o)}{(\sum p_o q_t) (\sum p_t q_o)} \right]$$

أي يساوي هذا الرقم القياسي للقيم جداء ثلاث مركبات:

$$1- \text{الرقم القياسي للكميات (صيغة لاسبير):} \quad \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o}$$

$$2- \text{الرقم القياسي للاسعار (صيغة لاسبير):} \quad \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o}$$

٣- ومن المركبة الثالثة:

$$S = \frac{(\sum p_t q_t) (\sum p_o q_o)}{(\sum p_o q_t) (\sum p_t q_o)}$$

ولتحديد هذه المركبة (S) نقوم باحتساب كل من الانحراف المعياري للتغير النسبي للكميات والاسعار ومعامل الارتباط بين التغير النسبي للكميات والاسعار. ولنفرض أن وزن (التثقيل أو الترجيح)

السلعة : $p_o q_o = a$

وترمز الى

نسبة السعر للسلعة للسنة (t) بالنسبة للسنة (o):

$$x = \frac{P_t}{p_o}$$

ونسبة الكمية للسلعة للسنة (t) بالنسبة للسنة (o):

$$y = \frac{q_t}{q_o}$$

فيكون الوسط الحسابي لنسب الاسعار:

$$\bar{x} = \frac{1}{\sum a} \sum a \left(\frac{pt}{p_o} \right) = \frac{1}{\sum p_o q_o} \sum p_o q_o \cdot \frac{pt}{p_o}$$

$$\bar{x} = \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o}$$

والوسط الحسابي لنسب الكميات:

$$\bar{y} = \frac{1}{\sum a} \sum a \left(\frac{qt}{q_o} \right) = \frac{1}{\sum p_o q_o} \sum p_o q_o \frac{qt}{q_o}$$

$$\bar{y} = \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o}$$

والانحراف المعياري لنسب الاسعار:

$$V_1 = \sqrt{\bar{x}} = \sqrt{\frac{\sum a_i (x_i - \bar{x})^2}{\sum a_i}}$$

والانحراف المعياري لنسب الكميات

$$V_2 = \sqrt{y} = \sqrt{\frac{\sum a_i (y_i - \bar{y})^2}{\sum a_i}}$$

وأما معامل الارتباط فهو

$$R = \frac{\sum a_i (x_i - \bar{x}) (y_i - \bar{y})}{(\sum a_i) \sqrt{v_x} \sqrt{v_y}}$$

ويصار الى تحويل هذه العلاقة الاخيرة بما يلي:

$$(\sum a_i) \sqrt{v_1} \sqrt{v_2} R = \sum a_i (x_i - \bar{x}) (y_i - \bar{y})$$

ثم يحلل الجانب الايمن من هذه الصيغة النهائية:

$$\sum a_i (x_i - \bar{x}) (y_i - \bar{y}) = \sum p_o q_o x_i y_i - \bar{x} \bar{y} (\sum a_i)$$

ومنه:

$$\sum (p_o q_o x_i y_i) = \sum p_o q_o \left(\frac{p_t}{p_o}\right) \left(\frac{q_t}{q_o}\right) = \sum p_t q_t$$

$$\bar{x} \bar{y} (\sum a_i) = \left(\frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o}\right) \left(\frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o}\right) \cdot (\sum p_o q_o)$$

$$\bar{x} \bar{y} (\sum a_i) = \frac{1}{\sum p_o q_o} (\sum p_t q_o) (\sum p_o q_t)$$

ويكون:

$$\sum (x - \bar{x}) (y - \bar{y}) = \sum p_t q_t - \frac{1}{\sum p_o q_o} (\sum p_t q_o) (\sum p_o q_t)$$

$$(\sum p_o q_o) \sqrt{v_1} \sqrt{v_2} R = \frac{(\sum p_t q_t) (\sum p_o q_o) - (\sum p_t q_o) (\sum p_o q_t)}{\sum p_o q_o}$$

وبضرب طرفي المعادلة بالمجموع $(\sum p_o q_o)$ ثم بتقسيم هذين الطرفين على الجداء

$(\sum p_t q_o) (\sum p_o q_t)$ نحصل على:

$$\frac{(\sum p_o q_o)^2 \sqrt{1} \sqrt{2} R}{(\sum p_t q_o)(\sum p_o q_t)} = \frac{(\sum p_t q_t)(\sum p_o q_o) - (\sum p_t q_o)(\sum p_o q_t)}{(\sum p_t q_o)(\sum p_o q_t)}$$

ويمكن اختصار الجانب الايمن ويصبح هذا الجانب مساوياً الى:

$$\frac{(\sum p_t q_t)(\sum p_o q_o)}{(\sum p_t q_o)(\sum q_t p_o)} - 1$$

وبدلالة المركبة العالقة:

$$S = \frac{(\sum p_t q_t)(\sum p_o q_o)}{(\sum p_t q_o)(\sum q_t p_o)}$$

نحصل على العلاقة:

$$\frac{(\sum p_o q_o)^2 \sqrt{1} \sqrt{2} R}{(\sum p_t q_o)(\sum p_o q_t)} = S - 1$$

حيث يجري تحويل آخر لهذه العلاقة كما يلي:

$$S = 1 + R \frac{\sqrt{1}}{\left(\frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_o} \right)} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\frac{\sum p_1 q_o}{\sum p_o q_o}}$$

وعليه تكتب صيغة الرقم القياسي للقيمة:

$$\frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o} = \left[\frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} \right] \left[\frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o} \right] \left[1 + R \left(\frac{\sqrt{1}}{\frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_o}} \right) \left(\frac{\sqrt{2}}{\frac{\sum p_1 q_o}{\sum p_o q_o}} \right) \right]$$

وتتألف هذه الصيغة من جداء ثلاث مركبات:

المركبة الاولى : الرقم القياسي للكميات صيغة لاسبير

المركبة الثانية : الرقم القياسي للاسعار صيغة لاسبير ايضاً

المركبة الثالثة : حيث تبين مدى التباين في كل من الكميات والاسعار النسبية وكذلك مدى الترابط بين هذه الكميات والاسعار لجميع السلع والخدمات التي يتضمنها التجميع.

إن هذه المركبة الثالثة (S) لاتساوي الواحد إلا اذا كانت قيمة الحد التالي:

$$R \cdot \frac{\sqrt{1}}{\left(\frac{\sum p_0 q_1}{\sum p_0 q_0}\right)} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\left(\frac{\sum p_1 q_0}{\sum p_0 q_0}\right)}$$

معدومة وهذا يتم في احدى الحالات الثلاثة التالية:

$$\sqrt{1} = 0$$

$$\sqrt{2} = 0$$

$$R = 0$$

الحالة الاولى: الانحراف المعياري لنسب الاسعار للسلع $\sqrt{1} = 0$

عند تساوي التغييرات النسبية بين سنة الاساس والسنة الجارية لمختلف اسعار السلع التي يتألف منها التجميع (aggregate) أي جميعها ترتفع أو تنخفض بنسبة واحدة.

الحالة الثانية: الانحراف المعياري لنسب الكميات للسلع $\sqrt{2} = 0$

عند تساوي التغييرات النسبية بين سنة الاساس والسنة الجارية لمختلف كميات السلع التي يتألف منها التجميع أي أن جميع الكميات تتغير بنسبة واحدة.

الحالة الثالثة: إن معامل الارتباط بين نسب الاسعار وكمياتها $R = 0$

أي أن تغيرات الاسعار هي مستقلة عن تغيرات الكميات وهذا الاستقلال يتعارض مع النظرية الاقتصادية القائلة بوجود ترابط قوي بين التغيرات النسبية لاسعار وكميات السلع. ولكن إذا كانت سنة الاساس والسنة الجارية متقاربتين فيمكن أن تكون المركبة الثالثة قريبة من الواحد وخصوصاً إذا كانت هاتان السنتان متتاليتين ويعتبر حينئذ أن توزيع الرقم القياسي للقيمة الى رقم قياسي للكميات (صيغة لاسبير) والى رقم قياسي للاسعار (صيغة لاسبير) شبه صحيح أي

$$I_V \# I_{QL} \times I_{PL}$$

حيث يرمز الى:

الرقم القياسي للقيمة = I_V

الرقم القياسي للكمية (صيغة لاسبير) = I_{QL}

الرقم القياسي للسعر (صيغة لاسبير) = I_{PL}

وأما إذا كانت الفترة تتعدى خمس سنوات فتصبح المركبة الثالثة مختلفة اختلافاً معنوياً عن الواحد ولايصح توزيع الرقم القياسي للقيمة الى رقمين قياسين للكمية والاسعار حسب صيغة لاسبير.

هذا مع العلم إن توزيع هذا الرقم القياسي للقيمة الى رقم قياسي كمي حسب صيغة لاسبير (I_{PL}) ورقم قياسي للسعر حسب صيغة باش (I_{PP}) هو سليم رياضياً ويحقق دوماً صحة المعادلة.

$$I_V = I_{QL} \times I_{PP}$$

مع ملاحظة:

أ- بان اختيار صيغة لاسبير للرقم القياسي للكميات يفيد بأن هيكل الاسعار لسنة الاساس (price structure) هو المطبق عند حساب التغيرات الكمية (الحجمية) للتجميع (aggregate)

ب- وبأن اختيار صيغة باش يفيد بأن هيكل الكميات (Quantity structure) للسنة الجارية هو المطبق عند حساب الاسعار الاجمالية للتجميع.

وعليه من أجل اعطاء وصف دقيق لتطور "اسعار" وكميات التجميع عبر السنوات بالنسبة لسنة الاساس فإن الرقم القياسي الكمي حسب صيغة لاسبير يمثل الرقم القياسي للكميات الصرفة للتجميع بينما الرقم القياسي للسعر حسب صيغة باش فهو يساوي جداء الرقم القياسي الصرف للأسعار والمركبة الثالثة التي تعكس التغيرات الهيكلية للأسعار والكميات بين سنة الاساس والسنة الجارية

لذلك فإن توزيع الرقم القياسي للقيمة الى رقم قياسي كمي (صيغة لاسبير) ورقم قياسي للسعر (صيغة باش) لا يمكن أن يكون ملائماً لتصوير التطور الواقعي للتجميع ما لم تكن مدة الدراسة محدودة بعدد سنواتها.

وعند استخدام صيغة لجميع سنوات المدة (period) تسمى بصيغة لاسبير المباشرة (direct laspeyres) وكذلك بالنسبة لاستخدام صيغة باش المباشرة (direct Paasche).

وللاخذ بعين الاعتبار التغيرات الهيكلية للكميات والاسعار خلال مدة الدراسة تقسم المدة الى حلقات chains وتتألف كل حلقة (chain) من سنتين متتاليتين ويتم حساب الرقم القياسي للكميات والرقم القياسي للأسعار لكل حلقة وتعرف هذه الصيغة بحلقة لاسبير أو باش

(Chain LASPEYES or Paasches)

د- استخدام الارقام القياسية بطريقة السلسلة لتقدير جدول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة.

The use of chain indicis for estimating the input – output Table at Constant Prices

منذ مطلع الثمانيات ازداد نشاط البحوث الاحصائية والاقتصادية في دراسة خصائص وسلوكية الارقام القياسية بطريقة السلسلة. وهذه بعض الدراسات:

- 1- "The Theory and Practice of Chain Price index Numbers", By F. FORSYTH and R. FOWLER, The Journal of the Royal Statistical Society, Series A. Vol 144, 1981.
- 2- "Linking Price index Numbers". By B.J. SZULC –Proceedings from a conference sponsored by statistical canada, Ottawa 1983
- 3- "The use of chain indicis for deflation the National Accounts" By P.G.AL, Den BAKKER, S.D.Boe and B.M. BALK. EUROSTAT Working Group on National Accounts, 1985.
- 4- "Index Number Theory, Chain indices and National Accounts". Note prepered By OECD, Luxembarrg 10–14 November 1986.
- 5- "Price and volume Measure " Chapter in the Revised SNA - 1989.

إن بناء الأرقام القياسية بطريقة السلسلة يتطلب أن تكون البيانات المتعلقة بجداول المدخلات والمخرجات وبالأسعار الجارية متوفرة ومن هذه البيانات على سبيل المثال القيم التالية:

$$p_0q_0, p_1q_1, \dots, p_{t-1}q_{t-1}, p_tq_t$$

بالإضافة إلى توفر مؤشرات الأسعار (price indicators) بحيث يمكن تعديل أوزان الأرقام القياسية سنوياً على مستوى تفصيلي (annual adjustment of the weights at the detailed level)

وتتألف المدة الزمنية أي مجموعة السنوات ابتداءً من سنة الأساس (o) إلى سنة المقارنة (t) من سلسلة من الحلقات وكل حلقة تحتوي على سنتين متتاليتين.

$$(o < k \leq t) \quad \text{فالحلقة (k)}$$

وتتألف من السنة (k-1) والسنة (k) ويرمز إلى الرقم القياسي للكميات للحلقة (k) حسب صيغة لاسبير بما يلي.

$$I_k (k/k-1) = \frac{\sum p_{k-1} q_k}{\sum p_{k-1} q_{k-1}}$$

وتصبح صيغة الرقم القياسي للكميات للسنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (o) بطريقة السلسلة وحسب صيغة لاسبير:

$$I_{QLC} = I_t \times I_{t-1} \times \dots \times I_k \times \dots \times I_1 =$$

$$I_{QLC} = \frac{\sum p_{t-1} q_t}{\sum p_{t-1} q_{t-1}} \times \frac{\sum p_{t-2} q_{t-1}}{\sum p_{t-2} q_{t-2}} \times \dots \times \frac{\sum p_{k-1} q_k}{\sum p_{k-1} q_{k-1}} \times \dots \times \frac{\sum p_o q_1}{\sum p_o q_o}$$

ويمكن تحويل هذه الصيغة وفق الشكل التالي:

$$I_{PLC} = \frac{\sum p_t q_t / \frac{p_t}{p_{t-1}}}{\sum p_{t-1} q_{t-1}} \times \frac{\sum p_{t-1} q_{t-1} / \frac{p_{t-1}}{p_{t-2}}}{\sum p_{t-2} q_{t-2}} \times \dots \times \frac{\sum p_k q_k / \frac{p_k}{p_{k-1}}}{\sum p_{k-1} q_{k-1}} \times \dots \times \frac{\sum p_1 q_1 / \frac{p_1}{p_o}}{\sum p_o q_o}$$

حيث تستخدم البيانات التالية: $p_o q_o, p_1 q_1, \dots, p_k q_k, \dots, p_t q_t$

بالاضافة الى مؤشرات الاسعار

$$\frac{p_1}{p_o}, \frac{p_2}{p_1}, \dots, \frac{p_k}{p_{k-1}}, \dots, \frac{p_t}{p_{t-1}}$$

لاحتساب الرقم القياسي للكميات بطريقة السلسلة وحسب صيغة لاسبير للسنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (o) وهذا الرقم القياسي مختلف عن الرقم القياسي للكميات الذي يتم الحصول عليه بالطريقة المباشرة لصيغة لاسبير: (QLD)

$$I_{QLD} = \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} = \frac{\sum p_t q_t / \frac{p_t}{p_o}}{\sum p_o q_o}$$

ويمكن اجراء مقارنة بين الارقام القياسية للاسعار او الكميات المحسوبة بطريقة السلسلة مع الارقام القياسية المقابلة لها والمحسوبة بصورة مباشرة في حالات خاصة فقط وقد برهن SZULC في دراسته المنوه عنها اعلاه بانه في شروط خاصة تتعلق بتطور الاسعار والكميات بين سنة الاساس والسنة الجارية يمكن اجراء مقارنة واختيار الطريقة المفضلة في حساب الرقم القياسي اي اختيار طريقة السلسلة او الطريقة المباشرة.

وعلى سبيل المثال في حالة ارتفاع اسعار مفردات سلع بصورة مستمرة بين سنة الاساس (o) والسنة الحالية (t) يمكن الوصول الى النتائج التالية:

١- إن الرقم القياسي للاسعار صيغة حلقة لاسبير يكون أصغر من الرقم القياسي للاسعار صيغة لاسبير المباشرة: $I_{PLC} < I_{PLD}$

٢- ان الرقم القياسي للاسعار صيغة حلقة باش (I_{PPC}) تكون اكبر من الرقم القياسي للاسعار صيغة باش المباشرة (I_{PPD})
 $I_{PPC} > I_{PPD}$

٣- إن الرقم القياسي للاسعار صيغة لاسبير المباشرة: تكون اكبر من الرقم القياسي للاسعار صيغة باش المباشرة أي
 $I_{PLD} > I_{PPD}$

٤- إن الرقم القياسي للاسعار صيغة حلقة لاسبير I_{PLC} تكون اكبر من الرقم القياسي للاسعار صيغة حلقة باش (I_{PPC})
 $I_{PLC} > I_{PPC}$

ومنه نرى أن الرقمين القياسيين للاسعار بطريقة السلسلة حسب صيغة لاسبير وباش هما محصوران بين الرقمين القياسيين للاسعار بالطريقة المباشرة حسب صيغة لاسبير وباش

$$I_{PLD} > I_{PLC} > I_{PPC} > I_{PPD}$$

وهكذا نحصل عن طريقة تطبيق السلسلة على رقمين قياسيين للاسعار اكثر تقارباً من الرقمين القياسيين اللذين نحصل عليهما بتطبيق صيغ لاسبير وباش مباشرة.

وكذلك الرقمان القياسيان للكميات ضمن هذه الحالة الخاصة أيضاً وبتطبيق طريقة السلسلة وفق صيغة لاسبير وباش يكونان اكثر تقارباً من الرقمين القياسيين للكميات اللذين نحصل عليهما بالطريقة المباشرة.

ومن هذه الشروط التي حددها SZULC هذه الحالة التي يتغير السعر (والكمية) لكل سلعة من مفردات التجميع (aggregate) باتجاه واحد خلال مدة الدراسة وبعبارة اخرى اذا كان السعر مرتفعاً للسلعة في آخر المدة بالنسبة لسنة الاساس فيلزم ان يتغير السعر النسبي من سنة الاساس حتى نهاية المدة بصورة مستمرة مع المحافظة على اتجاه واحد أي يتغير السعر دوماً باتجاه الارتفاع. واما اذا كان السعر منخفضاً للسلعة في آخر المدة بالنسبة لسنة الاساس فيلزم ان ينخفض هذا السعر بصورة تدريجية منذ بداية المدة حتى نهايتها بدون أن يغير اتجاهه وحسب هذه الحالة يكون الرقمان القياسيان لاسبير وباش بطريقة السلسلة اكثر تقارباً من الرقمين القياسيين المقابلين بالطريقة المباشرة.

وهذا مثال مأخوذ من الدراسة التي قدمت للسوق الأوروبية المشتركة والمتعلقة بالارقام القياسية لاسعار استهلاك الاسر في هولندا خلال المدة ١٩٥٣-١٩٧٧ حسب الطريقة المباشرة وطريقة السلسلة حيث أن اسعار المواد والخدمات الاستهلاكية منزلياً قد ارتفعت بصورة مستمرة بدون أن تتأرجح بين الهبوط والصعود.

ومع العلم أن شدة ارتفاع الاسعار تختلف من سلعة (أو خدمة) الى أخرى ولكن اسعار السلع خلال السنوات ١٩٥٣-١٩٧٧ ارتفعت بصورة تدريجية ومستمرة. واستخدم في قياس الارقام القياسية لاسعار المواد الاستهلاكية المنزلية بصورة مباشرة الصيغتان المباشرتان:

- صيغة لاسبير المباشرة

$$I_{PLD} = \frac{\sum p_t q_0}{\sum p_0 q_0}$$

- صيغة باش المباشرة

$$I_{PPD} = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_0 q_t}$$

وهذا جدول لهذين الرقمين القياسيين لبعض السنوات بالنسبة لسنة الالاس ١٩٥٣

| الفرق بين الرقمين | الطريقة المباشرة | | السنة |
|-------------------|------------------|-------------|-------|
| | صيغة باش | صيغة لاسبير | |
| ٢ | ١٠٥ | ١٠٧ | ١٩٥٧ |
| ٤ | ١١٧ | ١٢١ | ١٩٦١ |
| ١١ | ١٤١ | ١٥٢ | ١٩٦٦ |
| ٢٢ | ١٧٨ | ٢٠٠ | ١٩٧١ |
| ٤٣ | ٢٦٩ | ٣١٢ | ١٩٧٦ |
| ٤٨ | ٢٨٣ | ٣٣١ | ١٩٧٧ |

ويلاحظ أن الفرق بين الرقمين القياسيين يزداد كلما تباعدت السنة الجارية عن سنة الأساس. وهذا يدل على مدى تأثير مقدار الرقم القياسي بنوع الصيغة المختارة حيث يصعب تحديد ارتفاع الأسعار بصورة تقريبية إذ تصبح في عام ١٩٧٧ النسبة:

$$\frac{\text{الرقم القياسي للأسعار صيغة لاسبير}}{\text{الرقم القياسي للأسعار صيغة باش}} = \frac{٢٣١}{٢٨٣} \# ١٠١٧$$

وهي بعيدة معنوياً (Significantly) عن الواحد.

وأما تطبيق طريقة السلسلة لحساب الرقمين القياسيين للأسعار حسب صيغة لاسبير وباش بدلالة سنة الأساس ١٩٥٢ فيتم الحصول على الأرقام المدرجة في الجدول التالي.

| الفرق بين الرقمين | الطريقة المباشرة | | السنة |
|-------------------|------------------|-------------|-------|
| | صيغة باش | صيغة لاسبير | |
| صفر | ١٠٦ | ١٠٦ | ١٩٥٦ |
| ١ | ١١٨ | ١١٩ | ١٩٦١ |
| ٤ | ١٤٤ | ١٤٨ | ١٩٦٦ |
| ٥ | ١٨٧ | ١٩٢ | ١٩٧١ |
| ١٠ | ٢٨٦ | ٢٩٦ | ١٩٧٦ |
| ١١ | ٣٠٤ | ٣١٥ | ١٩٧٧ |

ونلاحظ أن نتائج صيغتي لاسبير متقاربة في حالة حساب الرقم القياسي بطريقة السلسلة. وبمقارنة هذه الأرقام مع الأرقام التي تم الحصول عليها بالطريقة المباشرة نصل إلى النتائج المدرجة في الجدول التالي:

| الطريقة المباشرة صيغة باش | طريقة السلسلة | | الطريقة المباشرة صيغة لاسبير | السنوات |
|------------------------------|---------------|-------------|---------------------------------|---------|
| | صيغة باش | صيغة لاسبير | | |
| ١٠٥ | ١٠٦ | ١٠٦ | ١٠٧ | ١٩٥٦ |
| ١١٧ | ١١٨ | ١١٩ | ١٢١ | ١٩٦١ |
| ١٤١ | ١٤٤ | ١٤٨ | ١٥٢ | ١٩٦٦ |
| ١٧٨ | ١٨٧ | ١٩٢ | ٢٠٠ | ١٩٧١ |
| ٢٦٩ | ٢٨٦ | ٢٩٦ | ٣١٢ | ١٩٧٦ |
| ٢٨٢ | ٣٠٤ | ٣١٥ | ٣٣١ | ١٩٧٧ |

وجميع قيم الارقام القياسية المحسوبة بطريقة السلسلة هي محصورة ضمن الارقام القياسية المقابلة المحسوبة بالطريقة المباشرة.

ثم يعالج SCULZ حالة ثانية معاكسة للحالة الاولى وهي إن الاسعار والكميات النسبية لمعظم السلع بين سنة الاساس (o) والسنة الجارية (t) تغير من اتجاهها وتتأرجح بين الصعود والهبوط وبعبارة اخرى قد تنخفض فجأة اسعار بعض المواد الزراعية، بمعدلات كبيرة نتيجة لزيادة انتاجها مباشرة في العام التالي لسنة الاساس ثم تتضاعف اسعارها في السنة الثالثة بسبب سوء الموسم الزراعي. وبالنسبة للسنة الرابعة والسنوات اللاحقة تتبدل الاسعار فجأة وبمعدلات قوية وتتناوب بين الصعود والهبوط. وقد وصف تغيرات الاسعار هذه بالتغيرات العنيفة أو القوية (relative prices as "Bouncing"). ففي هذه الحالة يكون الرقم القياسي بطريقة السلسلة صيغة لاسبير (I_{PLC}) اكبر من الرقم القياسي المباشر لهذه الصيغة (I_{PLD}) أي:

$$I_{PLC} > I_{PLD}$$

وأما الرقم القياسي بطريقة السلسلة صيغة باش (I_{PPC}) فيكون أصغر من الرقم القياسي المباشر لهذه الصيغة (I_{PPD}) أي:

$$I_{PPC} < I_{PPD}$$

$$I_{PPC} < I_{PPD} < I_{PLD} < I_{PLC}$$

ويصبح التباعد بين الرقمين القياسيين بطريقة السلسلة اكبر من التباعد بين الرقمين القياسيين حسب الطريقة المباشرة. وفي مثال حساب الرقم القياسي لاسعار البترول الخام ومشتقاته يفضل تطبيق الطريقة المباشرة لقياس الاسعار وتجنب استخدام طريقة السلسلة.

وأما في الحالة العامة عندما تتغير الاسعار والكميات النسبية لبعض السلع بين سنة الاساس والسنة الجارية مع المحافظة على اتجاهات ثابتة (من حيث الزيادة أو النقصان) بينما الاسعار والكميات النسبية لسلع أخرى تتغير مع تبدل في اتجاهاتها بين الهبوط والصعود العنيفين فإن الارقام القياسية حسب طريقة السلسلة لا تختلف معنوياً (Significantly) عن الارقام القياسية المباشرة.

وإن البراهين الرياضية التي يعرضها SZULC لمعالجة مختلف هذه الحالات هي مبنية على فرضية بأن معامل الارتباط بين التغيرات النسبية للاسعار والتغيرات النسبية للكميات هو سالب.

عاجت الدراسة المقدمة من قبل (OECD) الى ندوة خبراء الأمم المتحدة في لوكسمبورغ نوفمبر ١٩٨٦ حالات خاصة أيضاً لتغيرات الاسعار والكميات للسلع، وسنقتصر على عرض حالتين خاصتين فقط.

١- الحالة الأولى: أن تكون نسبة سعر كل سلعة خلال السنة الجارية (t) الى سعر هذه السلعة خلال سنة الاساس هي نسبة واحدة لجميع السلع وتساوي (A).

وإذا رمزنا الى:

$$P_{it} = \text{سعر السلعة (i) خلال السنة الجارية (t)}$$

$$P_{io} = \text{سعر السلعة (i) خلال سنة الاساس (o)}$$

فيتحقق في هذه الحالة:

$$P_{it} = AP_{io}$$

ويكون الرقم القياسي لاسعار السنة الجارية (t) بالنسبة لسنة الاساس (o) حسب الطريقة المباشرة ووفق صيغة لاسبير مساوياً لهذه النسبة.

وفي الحقيقة:

$$I_{PLD} = \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o} = \frac{\sum A p_o q_o}{\sum p_o q_o} = \frac{A \sum p_o q_o}{\sum p_o q_o} = A$$

إن تحقيق هذا التناسب هو ميزة تتمتع بها صيغة لاسبير المباشرة (أو باش) والآن لناخذ سنة معترضة بين سنة الاساس والسنة الجارية (t) ولتكن السنة (k) ولنفرض أن مجموعة السنوات من (o) الى (t) مؤلفة من حلقتين فقط الحلقة الاولى (o,k) والحلقة الثانية (k,t) ولنطبق طريقة السلسلة صيغة لاسبير لحساب الرقم القياسي للأسعار وذلك عن طريق جداء الرقمين القياسيين التاليين لهاتين الحلقتين:

- الرقم القياسي لاسعار الحلقة الاولى:

$$I_1 = \frac{\sum p_k q_o}{\sum p_o q_o}$$

- الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثانية

$$I_2 = \frac{\sum p_t q_k}{\sum p_k q_k}$$

ومنه يكون الرقم القياسي بطريقة السلسلة للحلقتين معاً:

$$I_{PLC} = I_1 \times I_2 = \frac{\sum p_k q_o}{\sum p_o q_o} \times \frac{\sum p_t q_k}{\sum p_k q_k}$$

وباعتبار أن $p_t = A p_o$

يمكن أن يكتب الرقم كما يلي:

$$I_{PLC} = A \frac{\sum p_k q_o}{\sum p_o q_o} \frac{\sum p_o q_k}{\sum p_k q_k}$$

$$\frac{\sum p_0 q_k}{\sum p_k q_k} \quad \text{إن النسبة:}$$

ماهي الا مقلوب الرقم القياسي للاسعار للسنة المعترضة (k) بدلالة السنة (o) حسب صيغة باش. وتحوّر صيغة الرقم القياسي للاسعار بطريقة السلسلة وللمجموع المرحلتين كما يلي:

$$I_{PLC} = A \frac{\sum p_k q_0}{\sum p_0 q_0} / \frac{\sum p_k q_k}{\sum p_0 q_k}$$

ويكون الرقم القياسي بطريقة السلسلة لاسعار السنة الجارية (t) بالنسبة لسنة الاساس مساوياً الى النسبة (A) مضروبة بكسر بسطه (numerator) الرقم القياسي للاسعار صيغة لاسبير ومقامه (denominator) الرقم القياسي للاسعار صيغة باش إن هذين الرقمين القياسيين عائدان للسنة (k) بدلالة سنة الاساس (o). إن هذا الكسر يتباعد عن القيمة واحد كلما قوي الترابط بين نسب الكميات ونسب الاسعار خلال سنوات الحلقة الاولى (o,k).

وهكذا يبتعد الرقم القياسي بطريقة السلسلة I_{PLC} للمدة الزمنية الشاملة للمرحلتين (o,t) عن المقدار (A) ولايحافظ هذا الرقم القياسي على التناسب بين اسعار السلع لسنة الاساس مع الاسعار المقابلة لها في السنة الجارية (t).

٢- الحالة الثانية: أن يرتفع سعر وكمية (أو ينخفض) كل سلعة بمعدل ثابت Constant geometric rate خلال السنوات (o,t)

إن هذا المعدل الثابت هو خاص بكل سلعة وليس واحداً بالنسبة لجميع السلع إذ يتغير من سلعة الى أخرى وقد يرتفع سعر أو كمية احدى السلع بينما ينخفض في سلعة أخرى ولكن المهم أن تحافظ السلعة الواحدة خلال جميع السنوات على اتجاه واحد وعلى معدل واحد في تغير اسعارها وكمياتها.

وفي هذه الحالة الخاصة يمكن قياس الرقم القياسي بطريقة السلسلة بدلالة معرفة الاسعار والكميات في سنتين فقط: سنة الاساس (o) والسنة الاخيرة (t) ولاضرورة لمعرفة الاسعار والكميات للسنوات الاخرى بل يمكن الحصول على قيم الكميات والاسعار لهذه السنوات الاخرى.

وأشارت هذه الدراسة المقدمة من (OECD) بأنه عندما تقسم المدة الزمنية (o,t) الى عدد من الحلقات (m) فإن الرقم القياسي بطريقة السلسلة سواء كان بصيغة لاسبير أو باش يظل محصوراً بين الرقمين القياسيين المباشرين للاسبير وباش وعندما يكبر عدد الحلقات فإن الرقم القياسي بطريقة السلسلة يتقارب من الرقم القياسي المباشر صيغة فيشر fisher أي يتساوي الرقمان القياسيان بطريقة السلسلة بصيغة لاسبير وصيغة باش. ففي هذه الحالة الخاصة يفضل استخدام الرقم القياسي بطريقة السلسلة.

ولإظهار كيف يتقارب الرقم القياسي بطريقة السلسلة الى الرقم القياسي المباشرة صيغة فيشر قدمت الدراسة مثلاً مبسطاً مؤلفاً من ثلاث سلع وفق الجدول التالي:

خلال المدة (0,t)

| السلعة | السنة (0) | | السنة (t) | |
|---------|----------------|-----------------|----------------|-----------------|
| | السعر p_0 | الكمية q_0 | السعر p_t | الكمية q_t |
| الاولى | ١٠ | ٢ | ١٤ | ٨ |
| الثانية | ٦ | ٨ | ١٠ | ١٢ |
| الثالثة | ٣ | ٦ | ١١ | ٢ |

مع افتراض تغير سعر وكمية كل من هذه السلع بمعدل ثابت خلال جميع السنوات من (0) الى (t) ويلاحظ بأن جميع أسعار السلع قد تزايدت خلال هذه السنوات ولكن شدة التزايد قد اختلفت من سلعة الى أخرى كما تظهر في نسب الاسعار المئوية التالية:

| % | |
|-----|----------------|
| ١٤٠ | السلعة الاولى |
| ١٦٧ | السلعة الثانية |
| ٣٦٧ | السلعة الثالثة |

وأما بالنسبة للكميات فقد تزايدت كل من كمية السلعة الاولى والسلعة الثانية مع اختلاف في شدة التزايد بينما تناقصت كمية السلعة الثالثة خلال هذه السنوات. وذلك وفق النسب المئوية التالية للكميات.

| % | |
|-----|----------------|
| ٤٠٠ | السلعة الاولى |
| ١٥٠ | السلعة الثانية |
| ٣٣ | السلعة الثالثة |

ولنحسب الارقام القياسية للاسعار وفق مختلف الصيغ:

(١) الرقم القياسي المباشر بطريقة لاسبير (I_{PLD}) للسنة النهائية (t) بالنسبة لسنة الاساس (o) فنستخدم الصيغة التالية:

$$I_{PLD} = \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o}$$

| الجداء | الجداء | سعر السنة النهائية (t) | سنة الاساس (o) كمية | سعر | |
|-----------|-----------|---------------------------|------------------------|-------|----------------|
| $p_t q_o$ | $p_o q_o$ | p_t | q_o | p_o | |
| ٢٨ | ٢٠ | ١٤ | ٢ | ١٠ | السلعة الاولى |
| ٨٠ | ٤٨ | ١٠ | ٨ | ٦ | السلعة الثانية |
| ٦٦ | ١٨ | ١١ | ٦ | ٣ | السلع الثالثة |
| ١٧٤ | ٨٦ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي للاسعار المباشر حسب صيغة لاسبير
 $174 \div 86 = 2023\%$ أي ٢٠٢٣

(ب) الرقم القياسي للاسعار المباشر وفق صيغة باش (LPPD)

| الجداء | الجداء | السنة النهائية (t) سعر | سعر سنة الاساس (o) | | |
|-----------|-----------|---------------------------|-----------------------|-------|----------------|
| $p_t q_t$ | $p_o q_t$ | q_t | p_t | p_o | |
| ١١٢ | ٨٠ | ٨ | ١٤ | ١٠ | السلعة الاولى |
| ١٢٠ | ٧٢ | ١٢ | ١٠ | ٦ | السلعة الثانية |
| ٢٢ | ٦ | ٢ | ١١ | ٣ | السلعة الثالثة |
| ٢٥٤ | ١٥٨ | | | | المجموع |

صيغة باش

$$I_{PPD} = \frac{p_t q_t}{p_0 q_t}$$

ومنه يكون الرقم القياسي للاسعار المباشر حسب صيغة باش

$$160,8 \div 108 = 1,49 \text{ أي } 160,8 \%$$

الرقم القياسي للاسعار المباشرة صيغة فيشر (I_{PPD})

$$I_{PPD} = \sqrt{I_{PLD} \times I_{PPD}} = \sqrt{202,3 \times 160,8}$$

مساوياً الى 180,4 أي 180,4%

(ج) الرقم القياسي للاسعار بطريقة السلسلة حسب صيغة لاسبير

بدأت (OECD) في حساب هذا الرقم القياسي وذلك بتقسيم مجموعة السنوات (O,T) الى حلقتين اثنتين متساويتين في المدة الزمنية، ثم قدرت هذا الرقم القياسي بتقسيم مجموعة السنوات هذه الى اربع حلقات متساوية زمنياً.

أولاً الرقم القياسي للاسعار بطريقة السلسلة المؤلفة من حلقتين فقط صيغة لاسبير

لقد افترض بان معدل تغير سعر كل سلعة هو ثابت خلال السنوات (o,t) وباعتبار ان الحلقتين متساويتان زمنياً فيكون السعر النسبي (L) لهذه السلعة هو واحد في كل من هاتين الحلقتين. ويمكن بدلالة الاسعار في كل من سنتي الاساس (o) والسنة النهائية حساب الاسعار النسبية (L) للحلقة الواحدة لمختلف السلع الثلاثة. حيث يكون السعر النسبي للسلعة للحلقة الواحدة متساوياً الى قيمة الجذر التربيعي لنسبة سعر هذه السلعة للسنة النهائية (t) على سعرها في سنة الاساس (o):

| النسبة المئوية للسعر خلال | | | | |
|---------------------------|------------------|----------------------------|------------------------|----------------|
| للحقة الواحدة | السنوات (0,t) | السعر في السنة النهائية | السعر في سنة الأساس | |
| $\sqrt{p_t/p_0}$ | p_t/p_0 | p_t | p_0 | |
| ١١٨,٣ | ١٤٠ | ١٤ | ١٠ | السلعة الاولى |
| ١٢٩,١ | ١٦٦,٧ | ١٠ | ٦ | السلعة الثانية |
| ١٩١,٥ | ٣٦٦,٧ | ١١ | ٣ | السلعة الثالثة |

وعليه فيكون الرقم القياسي لاسعار الحلقة الاولى حسب صيغة لاسبير مساوياً:

$$I_1 = \frac{1}{\sum p_0 q_0} \cdot \sum (p_0 q_0) L = \frac{1}{\sum p_0 q_0} \cdot \sum p_0 q_0 \left(\frac{p_t}{p_0}\right)^{1/2}$$

| الجداء | الاوزان النسبية | الاوزان المطلقة | السعر النسبي المئوي للحقة الاولى | |
|--|-------------------------------------|--------------------|-------------------------------------|----------------|
| $\sum \left[\frac{p_0 q_0}{p_0 q_0} \left(\frac{p_t}{p_0}\right)^{1/2} \right]$ | $\frac{\sum p_0 q_0}{\sum p_0 q_0}$ | $\sum p_0 q_0$ | $L = \sqrt{\frac{p_t}{p_0}}$ | |
| ٢٧,٥٧ | ٢٣,٣ | ٢٠ | ١١٨,٣ | السلعة الاولى |
| ٧٢,٠٤ | ٥٥,٨ | ٤٨ | ١٢٩,١ | السلعة الثانية |
| ٤٠,٠٢ | ٢٠,٩ | ١٨ | ١٩١,٥ | السلعة الثالثة |
| ١٣٩,٦٣ | ١٠٠,٠٠ | ٨٦ | | المجموع |

عليه تكون قيمة الرقم القياسي لاسعار الحلقة الاولى ١٣٩.٦٣ % وبالنسبة للرقم القياسي لاسعار الحلقة الثانية حسب صيغة لاسبير فإن وزن كل سلعة يساوي الى الوسط الهندسي لقيمتها (p_0q_0) في سنة الاساس (o) ولقيمتها (p_tq_t) في السنة النهائية أي:

$$\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}$$

ومنه تحسب الاوزان المستخدمة في حساب الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثانية وتدرج في

الجدول التالي:

| الاوران | الجداء $(p_0q_0) \times (p_tq_t)$ | قيمة السلعة في السنة الاخيرة (t) p_tq_t | قيمة السلعة في سنة الاساس (o) p_0q_0 | |
|-------------------------------|--------------------------------------|---|--|----------------|
| $\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}$ | | | | |
| ٤٧,٣٣ | ٢٢٤٠ | ١١٢ | ٢٠ | السلعة الاولى |
| ٧٥,٨٩ | ٥٧٦٠ | ١٢٠ | ٤٨ | السلعة الثانية |
| ١٩,٩٠ | ٣٩٦ | ٢٢ | ١٨ | السلعة الثالثة |

وتستخدم هذه الاوزان مع نسب الاسعار كما تم حسابها مسبقاً للحصول على الرقم القياسي

للأسعار للحلقة الثانية صيغة لاسبير

$$I_2 = \sum \left[\frac{\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}}{\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}} \right] \times \left(\frac{p_t}{p_0} \right)^{1/2}$$

وفق جدول الحساب التالي

| الجداء (٣) × (٢) | نسب الاسعار $\frac{1/2}{\left(\frac{pt}{po}\right)}$ | الاوزان النسبية $\frac{\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}}{\sum \sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}}$ | الاوزان المطلقة $\sqrt{p_0q_0 \times p_tq_t}$ | |
|---------------------|---|---|--|----------------|
| (٤) | (٣) | (٢) | (١) | |
| ٢٩,١٦ | ١١٨,٣ | ٢٣,١ | ٤٧,٣٢ | السلعة الاولى |
| ٦٨,٤٤ | ١٢٩,١ | ٥٣,٠ | ٧٥,٨٩ | السلعة الثانية |
| ٢٦,٦٢ | ١٩١,٥ | ١٣,٩ | ١٩,٩٠ | السلعة الثالثة |
| ١٣٤,٢٢ | | ١٠٠,٠ | ١٤٣,١٢ | المجموع |

أي أن الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثانية ١٣٤,٢٢ % ومنه يكون الرقم القياسي للاسعار بطريقة

السلسلة خلال جميع السنوات (٠,٤) وفق صيغة لاسبير $I_{PLC} = I_1 \times I_2$

$$١٨٧,٤١ = ١٣٤,٢٢ \times ١٣٩,٦٣$$

ومنه نستنتج بأن استخدام الرقم القياسي للاسعار بطريقة السلسلة حسب صيغة لاسبير وعلى

مستوى حلقتين فقط أقل من الرقم القياسي للاسعار بطريقة مباشرة - صيغة لاسبير - الذي قيمته ٢٠,٢٣ %

وأنه يتقارب من الرقم القياسي المباشر للاسعار صيغة فيشر (١٨٠,٤ %).

ثانياً الرقم القياسي للاسعار بطريقة السلسلة المؤلفة من اربع حلقات - صيغة لاسبير -

يجري تقسيم المدة الزمنية الشاملة للسنوات (٠,٤) الى اربع حلقات متساوية زمنياً. وتكون

نسب الاسعار للسلعة متساوية في جميع الحلقات بافتراض أن تغيرات الاسعار هي ثابتة في معدلاتها خلال

جميع الحلقات وعليه تحسب نسب الاسعار (K) ضمن كل حلقة حسب الصيغة التالية

$$K = \left(\frac{pt}{po}\right)^{1/4}$$

وهذه النسب تختلف من سلعة الى سلعة اخرى.

| النسبة المئوية للسعر للحقة الواحدة $K = \left(\frac{p_t}{p_0} \right)^{1/4}$ | النسبة المئوية للسعر خلال السنوات (0,t) $\frac{p_t}{p_0}$ | |
|---|---|----------------|
| ١٠٨,٧٨ | ١٤٠ | السلعة الاولى |
| ١١٣,٦٢ | ١٦٦,٧ | السلعة الثانية |
| ١٣٨,٣٨ | ٣٦٦,٧ | السلعة الثالثة |

وباعتبار أن صيغة الرقم القياسي لاسعار كل حلقة هي لاسبير فيمكن تحديد الازان المطلقة لكل حلقة مع افتراض أن تغيرات كميات واسعار كل سلعة خلال جميع السنوات (0,t) تحافظ على معدلات ثابتة ولا تتغير من حلقة الى اخرى:

الازان المطلقة للحلقات الاربعة

| الحقة الاولى $A = p_0 q_0$ | الحقة الثانية $B = (p_0 q_0)^{3/4} \cdot (p_t q_t)^{1/4}$ | |
|-------------------------------|--|----------------|
| ٢٠ | ٣٠,٧٧ | السلعة الاولى |
| ٤٨ | ٦٠,٣٩ | السلعة الثانية |
| ١٨ | ١٨,٩٣ | السلعة الثالثة |
| ٨٦ | ١١٠,٠٩ | المجموع |

| الحلقة الثالثة | الحلقة الرابعة |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| $C = (p_o q_o)^{1/2} (p_t q_t)^{1/2}$ | $D = (p_o q_o)^{1/4} (p_t q_t)^{3/4}$ |
| ٤٧,٢٣ | ٧٢,٨١ |
| ٧٥,٨٩ | ٩٥,٤٣ |
| ١٩,٩٠ | ٢٠,٩٢ |
| ١٤٣,١٢ | ١٨٩,١٦ |

وأما الأوزان النسبية لهذه الحلقات فهي:

| السلعة | الحلقة | الأولى | الثانية | الثالثة | الرابعة |
|---------|--------|--------|---------|---------|---------|
| | | a | b | c | d |
| الأولى | | ٢٣,٣ | ٢٧,٩ | ٢٣,١ | ٢٨,٤٩ |
| الثانية | | ٥٥,٨ | ٥٤,٩ | ٥٣,٠ | ٥٠,٤٥ |
| الثالثة | | ٢٠,٩ | ١٧,٢ | ١٣,٩ | ١١,٠٦ |
| المجموع | | ١٠٠,٠ | ١٠٠,٠ | ١٠٠,٠ | ١٠٠,٠ |

وبدلالة هذه الأوزان النسبية ونسب الأسعار للسلع الثلاثة تقاس الأرقام القياسية للأسعار صيغة لاسبير لكل من الحلقات الأربعة:

- الرقم القياسي لأسعار الحلقة الأولى

$$I_1 = \sum \frac{p_o q_o}{\sum p_o q_o} \left(\frac{p_t}{p_o} \right)^{1/4} = \sum a.k$$

| الجداء | الاوزان النسبية | نسب الاسعار | |
|---------|-----------------|--|----------------|
| a.k | a | $K = \left(\frac{p_t}{p_0} \right)^{1/4}$ | |
| (٢)×(١) | (٢) | | |
| ٢٥٠٢٥ | ٢٢٠٢ | ١٠٨٠٧٨ | السلعة الاولى |
| ٦٢٠٤٠ | ٥٥٠٨ | ١١٢٠٦٢ | السلعة الثانية |
| ٢٨٠٩٢ | ٢٠٠٩ | ١٢٨٠٢٨ | السلعة الثالثة |
| ١١٧٠٦٧ | ١٠٠٠ | | المجموع |

إن الرقم القياسي للاسعار للحلقة الاولى صيغة لاسبير ١١٧٠٧٪

الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثانية

$$I_2 = \sum \left[\frac{(p_0 q_0)^{3/4} \cdot (p_t q_t)^{1/4}}{\sum (p_0 q_0)^{3/4} \cdot (p_t q_t)^{1/4}} \right] \times \left(\frac{p_t}{p_0} \right)^{1/4}$$

$$I_2 = \sum_i^3 b_i \cdot k_i$$

| الجداء | الاوزان النسبية | نسب الاسعار | |
|---------|-----------------|--|----------------|
| b.k | b | $K = \left(\frac{p_t}{p_0} \right)^{1/4}$ | |
| (٢)×(١) | (٢) | | |
| ٢٠٠٢٥ | ٢٧٠٩ | ١٠٨٠٧٨ | السلعة الاولى |
| ٦٢٠٢٨ | ٥٤٠٩ | ١١٢٠٦٢ | السلعة الثانية |
| ٢٢٠٨٠ | ١٧٠٢ | ١٢٨٠٢٨ | السلعة الثالثة |
| ١١٦٠٥٢ | ١٠٠٠ | | المجموع |

إن الرقم القياسي للاسعار للحلقة الثانية صيغة لاسبير: ١١٦٥٪

الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثالثة

$$I_3 = \sum \left[\frac{(p_o q_o)^{1/2} \times (p_t q_t)^{1/2}}{\sum (p_o q_o)^{1/2} (p_t q_t)^{1/2}} \right] \cdot \left(\frac{p_t}{p_o} \right)^{1/4}$$

$$I_3 = \sum_i^3 c_i \cdot k_i$$

| الجداء | الاوزان النسبية | نسب الاسعار | |
|---------|-----------------|--|----------------|
| c.k | c | $K = \left(\frac{p_t}{p_o} \right)^{1/4}$ | |
| (٢)×(١) | (٢) | $(\frac{p_t}{p_o})^{1/4}$ | |
| ٣٦٠١ | ٢٢٠١ | ١٠٨٠٧٨ | السلعة الاولى |
| ٦٠٢٢ | ٥٢٠ | ١١٣٦٢ | السلعة الثانية |
| ١٩٢٣ | ١٣٠٩ | ١٣٨٣٨ | السلعة الثالثة |
| ١١٥٤٦ | ١٠٠ | | المجموع |

إن الرقم القياسي لاسعار الحلقة الثالثة صيغة لاسبير ١١٥٥٪

الرقم القياسي لاسعار الحلقة الرابعة

$$I_4 = \sum \left[\frac{(p_o q_o)^{1/4} \times (p_t q_t)^{3/4}}{\sum (p_o q_o)^{1/4} (p_t q_t)^{3/4}} \right] \cdot \left(\frac{p_t}{p_o} \right)^{1/4}$$

$$I_4 = \sum_i^3 d_i \cdot k_i$$

| نسب الاسعار | الاوزان النسبية | الجداء |
|--|-----------------|-------------|
| $K = \left(\frac{p_t}{p} \right)^{1/4}$ | d_i | $d \cdot k$ |
| (١٩) | (٢) | (٢)×(١) |
| ١٠٨٠٧٨ | ٢٨٠٤٩ | ٤١٠٨٧ |
| ١١٣٠٦٢ | ٥٠٠٤٥ | ٥٧٠٣٢ |
| ١٢٨٠٣٨ | ١١٠٠٦ | ١٥٠٣٠ |
| المجموع | ١٠٠٠٠ | ١١٤٠٤٩ |

إن الرقم القياسي لاسعار الحلقة الرابعة صيغة لاسبير ١١٤٠٥

- حساب الرقم القياسي للاسعار بطريق السلسلة لكامل الحلقات الاربعة صيغة لاسبير

$$I_{PLC} = I_1 \times I_2 \times I_3 \times I_4$$
$$\% 181.3 = 1.145 \times 1.155 \times 1.165 \times 1.177$$

نلاحظ بان ارتفاع عدد الحلقات الى اربع أدى الى هبوط الرقم القياسي للاسعار صيغة لاسبير الى ١٨١٣ وقد زاد تقارب هذا الرقم القياسي من الرقم القياسي المباشر صيغة فيشر ١٨٠٤.

وعندما يزداد عدد الحلقات فإن الرقم القياسي بطريق السلسلة صيغة لاسبير ينتهي الى الرقم القياسي المباشر صيغة فيشر ويمكن بنفس الاسلوب تطبيق هذا المثال باستخدام طريقة السلسلة لصيغة باش ونرى أن الرقم القياسي للاسعار بطريق السلسلة لصيغة باش ينتهي بدوره الى الرقم القياسي المباشر لصيغة فيشر.

وأفادت دراسة (OECD) بأن اختيار أية صيغة لحساب الرقم القياسي بطريقة السلسلة تؤدي الى نتائج متساوية على وجه التقريب في حالة ثبات تغير معدلات اسعار وكميات السلع. أي في حالة تغير اسعار وكميات كل سلعة باتجاه ثابت صعوداً أو هبوطاً بصورة مستمرة تدريجياً خلال جميع السنوات (o,t). لذلك فضلت دراسة (OECD) تطبيق طريقة السلسلة على الطريقة المباشرة بالرغم من أن طريقة السلسلة لا تؤمن مبدأ التناسب في الرقم القياسي (Proportionality axiom) ولا تحقق مبدأ الانتقالية transition axiom وأفادت الدراسة بأنه يوجد سبب عملي (Practical argument) لصالح استخدام

طريقة السلسلة، إذ أن المناقشات النظرية حول امكانية استخدام الارقام القياسية المباشرة تفترض بأن جميع السلع والخدمات متواجدة بالكامل في كل سنة منذ سنة الاساس حتى السنة النهائية (٢) بالإضافة الى أن جميع الكميات والاسعار هي ارقام موجبة واكبر من الصفر. ولكن في الواقع تظهر خلال كل سنة سلع وخدمات جديدة وتختفي بعض السلع والخدمات. وإن تطبيق هذه الفرضية على سنوات كثيرة يستلزم الاقتصار في تركيب ارقام قياسية مباشرة على مجموعة محدودة من السلع والخدمات تكون موجودة دوماً في الاسواق منذ سنة الاساس حتى السنة النهائية.

إلا أن المجموعة المحدودة من السلع لا تشمل السلع التي ظهرت في الاسواق بعد سنة الاساس والتي تزداد في اهميتها بابتعاد السنة النهائية عن سنة الاساس.

وأوردت دراسة (OECD) حالة خاصة تتعلق باختفاء وظهور السلع والخدمات في الاسواق وفق الفرضيات التالية:

١- ان المدة الوسطية لوجود السلعة أو الخدمة في الاسواق هي عشر سنوات.

٢- خلال كل سنة يختفي ١٠% من مجموع السلع والخدمات ويتألف هذا القسم المختفي من السلع والخدمات القديمة بعد مرور عشر سنوات على وجودها في الاسواق.

٣- يظهر كل سنة في الاسواق سلع وخدمات جديدة تكافئ عددياً السلع والخدمات المختفية. وبالتالي فإن مجموع عدد السلع والخدمات يظل ثابتاً لايتغير حسب السنوات.

ولبيان ظهور واختفاء السلع والخدمات في الاسواق وفق هذه الفرضيات نعرض الجدول التالي. وليكن العدد الثابت لمجموع السلع والخدمات المتواجدة كل سنة (١٠٠) أي نعبر عن الاعداد بنسب مئوية. ويكون عدد السلع والخدمات التي تظهر كل سنة ١٠.

لتكن سنة الاساس (١١) ولنختار الرقم القياسي المباشر حسب صيغة لاسبير، إن السلع والخدمات الموجودة ضمن سنة الاساس تتألف من السلع والخدمات التي ظهرت في الاسواق لأول مرة خلال السنوات (١١-٢) ومجموع اعدادها هو ١٠٠ ولحساب هذا الرقم القياسي للسنة (١٢) بالنسبة لسنة الاساس (١١) فيلزم أن تكون كل من السلع والخدمات الداخلة في الرقم القياسي موجودة في سنة الاساس وفي السنة (١٢).

أي يقتصر على السلع والخدمات التي ظهرت خلال السنوات (٣-١١) باعتبار أن السلع والخدمات التي دخلت الاسواق في السنة (٢) قد اختفت بعد انقضاء عشر سنوات على وجودها. ومنه يصبح عدد السلع والخدمات الداخلة في حساب الرقم القياسي مباشرة ٩٠. ولحساب الرقم القياسي مباشرة للسنة (١٦) بالنسبة لسنة الاساس (١١) وفق صيغة لاسبير فإن السلع والخدمات المتواجدة في هاتين السنتين يعود دخولها الى الاسواق خلال الاعوام (٧-١١) وتؤلف ٥٠% من السلع والخدمات الموجودة خلال سنة (١٦). واذا حسب الرقم القياسي مباشرة للسنة (٢٠) بالنسبة لسنة الاساس (١١) وفق صيغة لاسبير فإن السلع والخدمات المتواجدة خلال هاتين السنتين تقتصر على السلع والخدمات التي دخلت الاسواق خلال السنة (١١) ولاتؤلف الا ١٠% من مجموع السلع والخدمات الموجودة خلال السنة ٢٠.

وأما بالنسبة للسنة (٢١) والسنوات التي تليها فحسب الفرضيات التي ادرجت في هذه الحالة فلا يمكن قياس الرقم القياسي المباشر صيغة لاسبير لعدم وجود سلع وخدمات بين سنة الاساس وسنة ٢١ (والسنوات التي بعدها).

بينما اذا طبقت طريقة السلسلة على اساس سنوي فيمكن حساب الرقم القياسي صيغة لاسبير لكل حلقة حيث يوجد في كل حلقة ٩٠% من السلع والخدمات مشتركة بين سنتي هذه الحلقة لاستخدامها في تركيب الرقم القياسي. لذل فإن تطبيق طريقة السلسلة في حساب الرقم القياسي يساعد على اشتراك نسبة كبيرة من السلع والخدمات.

لاشك بأن هذه الحالة الخاصة التي اوردتها دراسة (OECD) هي متطرفة في فرضياتها. ولكن في الواقع عندما تتباعد السنة النهائية عن سنة الاساس فإن عدد السلع والخدمات المتواجدة في هاتين السنتين يصغر مما يضعف الثقة بالرقم القياسي المحسوب بالطريقة المباشرة. ففي هذه الظروف يمكن الاعتماد على عدد كبير من السلع والخدمات في تركيب الرقم القياسي وذلك عن طريق استخدام طريقة السلسلة.

ويستنتج من الحالات التي ذكرتها دراسة (OECD) بأن طريقة السلسلة مفضلة على الطريقة المباشرة في تركيب الارقام القياسية لسببين:

السبب الاول: بأن الرقم القياسي بطريقة السلسلة يستخدم بيانات لكميات واسعار عدد كبير من السلع والخدمات.

والسبب الثاني: ان نتائج الرقم القياسي بطريقة السلسلة لاتتأثر باختيار الصيغة سواء كانت لاسبير، باش أو فيشر بينما في تطبيق الطريقة المباشرة فإن النتائج تتأثر وفق الصيغة المختارة.

إن استخدام الأرقام القياسية بطريقة السلسلة في تقدير الحسابات القومية بالأسعار المثبتة ظل محدوداً بالرغم من أن هذه الأرقام مفضلة على الأرقام القياسية المباشرة للسببين المدرجين أعلاه. لأن الأرقام القياسية بطريقة السلسلة لا تحقق شرط الاتساق في التجميع (additivity Consistent) ⁽¹⁾.

أي لا يمكن في حالة تطبيق طريقة السلسلة أن يكون الرقم القياسي العام للتجميع (aggregate) والذي يتم تركيبه مباشرة من جميع مفردات السلع والخدمات العائدة لهذا التجميع مساوياً إلى الوسط الحسابي الممثل (weighted arithmetic averages) (للأرقام القياسية الجزئية للزمر الفرعية للتجميع) ⁽²⁾.

(1) إن خاصية الاتساق لا تتحقق سواء كانت الأوزان المستخدمة في التثقيل عائدة لسنة الأساس أو للسنة النهائية أو لأي سنة أخرى.

(2) إن التجميع يتألف من عدة زمر فرعية. وكل زمرة فرعية تحتوي على مفردات أولية من سلع وخدمات

وعلى سبيل المثال حين تستخدم الارقام القياسية الكمية بطريقة السلسلة لتكبير قيم سنة الاساس للحصول على القيم لسنة المقارنة (t) باسعار سنة الاساس فان مجموع قيم الزمر الفرعية للتجميع بالاسعار الثابتة لايساوي قيمة التجميع بالاسعار الثابتة والمحتسب مباشرة من مفردات السلع والخدمات لذلك تظهر فروق احصائية Statistical discrepancies في الحسابات القومية بالاسعار الثابتة نتيجة لتطبيق طريقة السلسلة في تركيب الارقام القياسية. مما يؤدي الى عدم توازن الحسابات القومية بالاسعار الثابتة ولكن الحسابات بالاسعار الثابتة ضمن كل حلقة اي بين سنتين متتاليتين تحافظ على توازنها سواء استخدمت صيغة لاسبير أو صيغة باش للارقام القياسية ضمن هذه الحلقة وقد سبق ورأينا أن هاتين الصيغتين (الاسبير وباش) تحافظان على خاصة الاتساق التجميعي في حالة تركيب الارقام القياسية المباشرة. بينما استخدام طريقة السلسلة يؤدي الى عدم توازن الحسابات القومية بالاسعار الثابتة عندما تتعدد الحلقات بين سنة الاساس وسنة المقارنة ولتأمين توازن الحسابات القومية بالاسعار الثابتة عند استخدام الارقام القياسية بطريقة السلسلة يوجد أسلوبان:

- الاسلوب المطبق من قبل المملكة المتحدة

حيث تنشر الجداول مع تخصيص حقول للفروق الاحصائية.

- الاسلوب المتبع من قبل فرنسا وابطاليا وهولندا

حيث يتم توزيع الفروق الاحصائية على بعض الزمر الفرعية للتجميع (aggregate).

وقد ذكرنا على سبيل المثال بأن فرنسا تنشر الحسابات القومية على ثلاثة انواع:

١- بالاسعار الجارية

٢- بالاسعار الثابتة للسنة السابقة لسنة المقارنة اي جدول المدخلات والمخرجات لعام ١٩٨٧ في باسعار عام ١٩٨٦ (جدول رقم ٣).

٣- بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ في جدول المدخلات والمخرجات لعام ١٩٨٧ بأسعار عام ١٩٨٠.

إن النوعين الاولين (١ و٢) من الحسابات هي متوازنة. وبالنسبة للنوع الثالث فإن التوازن يتم بتوزيع الفرق الاحصائي المتعلق بالتجميع على بعض زمرة الفرعية هذا مع العلم بأن الفروق الاحصائية تظل صغيرة ولا تؤثر على صحة النتائج. وبالنسبة للموازنين السلعية والخدمية التي بلغ عددها ٦٠٠ ميزاناً فإن عدد الفروق الاحصائية المعنوية (significant) والتي لا يمكن اهمالها هو عشرون فقط.

وقد استخدم من أجل توزيع هذه الفروق طرائق متعددة بحيث تتلاءم وطبيعة كل ميزان.

وبالفعل فإن صيغة لاسبير للكميات:

$$I_{Ql} = \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_t q_o}$$

وصيغة باش للاسعار

$$I_{pp} = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_t}$$

والرقم القياسي للقيم

$$I_v = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o}$$

وبالفعل:

$$\frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} \cdot \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o} = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o}$$

الرقم القياسي = صيغة باش * صيغة لاسبير
للقيم للاسعار للكميات

ثانياً مجموعة الصيغتين التاليتين:

صيغة باش للرقم القياسي للكميات وصيغة لاسبير للرقم القياسي للاسعار حيث

يساوي جداولهما الرقم القياسي للقيم

ثالثاً مجموعة صيغتي فيشر

صيغة فيشر (Fisher) لكل من الرقم القياسي للكميات والرقم القياسي

للاسعار، وبالفعل فإن:

صيغة الرقم القياسي للكميات هي

$$I_{QF} = \sqrt{\frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} \times \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_t q_o}}$$

وصيغة الرقم القياسي للاسعار هي:

$$I_{PF} = \sqrt{\frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_t} \times \frac{\sum p_t q_o}{\sum p_o q_o}}$$

حيث يحقق جداولهما المساواة مع الرقم القياسي للقيم حيث

$$\sqrt{\frac{(\sum p_o q_t) \times (\sum p_t q_t)}{(\sum p_o q_o) \times (\sum p_t q_o)} \cdot \frac{(\sum p_t q_t) (\sum p_t q_o)}{(\sum p_o q_o) (\sum p_o q_o)}} = \sqrt{\frac{\sum (p_t q_t)^2}{\sum (p_o q_o)^2}}$$

الرقم القياسي للقيم

$$= \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_o q_o}$$

رابعاً مجموعة صيغتي فارتيا

إن الرقم القياسي للكميات وفق صيغة VARTIAT

$$I_{Q.v} = II_i \left(\frac{q_{it}}{q_{io}} \right)_i^{\sum}$$

والرقم القياسي للاسعار (وفق هذه الصيغة ايضاً)

$$I_{p.v} = II_i \left(\frac{p_{it}}{p_{io}} \right)_i^{\sum}$$

يحقق جداولهما المساواة مع الرقم القياسي للقيم.

إن الرمز (Σ_i) يعرف بالصيغة المعقدة التالية:

$$\Sigma_i = \frac{(p_{it} q_{it} - p_{io} q_{io})}{(\log p_{it} q_t - \log p_{io} q_{io})} \times \frac{(\log \sum p_{it} q_{it} - \log \sum p_{io} q_{io})}{(\sum p_{it} q_{it} - \sum p_{io} q_{io})}$$

إن استخدام صيغة VARTIAT محدود يطبق لدى بعض دول السوق الأوروبية في حالات نادرة. واقتصرت دول السوق هذه في تقدير عناصر جدول المدخلات والمخرجات على تطبيق صيغة لاسبير في حساب الأرقام القياسية للكميات وصيغة باش في حساب الأرقام القياسية للأسعار. وذلك لأن هاتين الصيغتين بعيدتان عن التعقيد كما أنهما تحققان شرط الاتساق في التجميع - in - The Consistency - aggregation requirement ويقصد بذلك الشرط أنه نتيجة لتطبيق هاتين الصيغتين لانتغير أرقام التجميع (aggregate) سواء:

أ- إذا طبقت الصيغتان على السلع والخدمات في جميع الزمر التي يتألف منها هذا التجميع للحصول مباشرة على رقم قياسي للتجميع بكامله أي لا يصار إلى حساب أرقام قياسية جزئية لكل زمرة من السلع والخدمات.

ب- أو إذا طبقت هاتان الصيغتان أولاً على السلع والخدمات المؤلفة في كل زمرة للحصول على أرقام قياسية جزئية لهذا التجميع ثم احتساب رقم قياسي عام للتجميع.

لنفرض أن التجميع يتألف من (n) سلعة وخدمة ولنرمز إلى قيمة الرقم القياسي المطبق مباشرة على مفردات السلع والخدمات $I(1,2,..f,.., k, ..., m,..n)$ وأن هذا التجميع يتألف من ثلاث زمر وقيم أرقامها القياسية الجزئية المقابلة هي:

$$\begin{aligned} I_1 &= (1, \dots, f) \\ I_2 &= (g, \dots, k) \\ I_3 &= (m, \dots, n) \end{aligned}$$

فإن خاصة الاتساق في التجميع للرقم القياسي تحقق بالصيغة التالية:

$$I(1, \dots, n) = I(I_1, I_2, I_3)$$

ولتوضيح خاصة الاتساق في التجميع تؤخذ على سبيل المثال المحاصيل الزراعية التي دخلت السوق خلال عامي ١٩٨٠ و ١٩٨٨ وفق الجدول التالي ولنحسب الرقم القياسي للكميات صيغة لاسبير:

- أ- أولاً مباشرة على جميع المحاصيل الزراعية
ب- ثانياً على كل من الزمر الثلاثة التالية:

- ١ - الحبوب
٢ - المحاصيل الصناعية
٣ - الخضار والفواكه

جدول المحاصيل الزراعية

| ١٩٨٨ | | | ١٩٨٠ | | |
|-------------------------------|-----------------------|-----------------------------|-------------------------------|-----------------------|-----------------------------|
| القيمة بملايين الريالات | سعر الطن بالريالات | الكميات بالآف الاطنان | القيمة بملايين الريالات | سعر الطن بالريالات | الكميات بالآف الاطنان |
| ١٤٤٠ | ١٤٤٠ | ١٠٠٠ | ٥١٢ | ٦٤٠ | ٨٠٠ |
| ٣٣٧,٥ | ٧٥٠ | ٤٥٠ | ١٦٠ | ٤٠٠ | ٤٠٠ |
| ٣٦٠ | ١٢٠٠ | ٣٠٠ | ٢٠٠ | ١٠٠٠ | ٢٠٠ |
| ٣٧,٥ | ١٥٠ | ٢٥٠ | ١٨ | ١٢٠ | ١٥٠ |
| ٧٢٠ | ٩٠٠ | ٨٠٠ | ٢٤٠ | ٦٠٠ | ٤٠٠ |
| ٣٩١ | ١١٥٠ | ٣٤٠ | ١٢٨ | ٨٠٠ | ١٦٠ |
| ٣٢٨٦ | | | ١٢٥٨ | | مجموع القيم |

يمكن تحويل الرقم القياسي للكميات صيغة لاسبير كمايلي

$$I_{QL} = \frac{\sum p_0 q_t}{\sum p_0 q_0} = \frac{\sum p_0 q_0 \left(\frac{q_t}{q_0}\right)}{\sum p_0 q_0}$$

ولنحسب أولا الرقم القياسي الكمي لجميع المحاصيل الواردة في جدول المحاصيل الزراعية وفق

جدول الحساب التالي:

| الجداء $p_0 q_0 \left(\frac{q_t}{q_0}\right)$ | الاوزان $p_0 q_0$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠ q_t/q_0 | الكميات بالاف الاطنان | | |
|--|----------------------|---|-----------------------|---------------|----------------|
| | | | ١٩٨٨ q_t | ١٩٨٠ q_0 | |
| ٦٤٠ | ٥١٢ | ١٢٥ | ١٠٠٠ | ٨٠٠ | القمح |
| ١٨٠ | ١٦٠ | ١١٢,٥ | ٤٥٠ | ٤٠٠ | الشعير |
| ٢٠٠ | ٢٠٠ | ١٥٠ | ٢٠٠ | ٢٠٠ | القطن |
| ٢٠ | ١٨ | ١٦٦,٦٧ | ٢٥٠ | ١٥٠ | الشوندر السكري |
| ٤٨٠ | ٢٤٠ | ٢٠٠ | ٨٠٠ | ٤٠٠ | بندورة (طماطم) |
| ٢٧٢ | ١٢٨ | ٢١٢,٥ | ٢٤٠ | ١٦٠ | عنب |
| ١٩٠٢ | ١٢٥٨ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي للكميات حسب صيغة لاسبير:

$$1902 \div 1258 = 151,19\%$$

ثانياً لنحسب الارقام القياسية للكميات وفق صيغة لاسبير للزمر الثلاثة: الحبوب، المحاصيل الصناعية، الخضار والفواكه.

١- الرقم القياسي الكمي للزمرة الاولى: الحبوب

| الجداء $p_0 q_0 \frac{q_t}{q_0}$ | الاوزان $p_0 q_0$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠ q_t/q_0 | الكميات بالاف الاطنان | | |
|-------------------------------------|----------------------|---|-----------------------|---------------|---------|
| | | | ١٩٨٨ q_t | ١٩٨٠ q_0 | |
| ٦٤٠ | ٥١٢ | ١٢٥ | ١٠٠٠ | ٨٠٠٠ | القمح |
| ١٨٠ | ١٦٠ | ١١٢,٥ | ٤٥٠ | ٤٠٠ | الشعير |
| ٨٢٠ | ٦٧٢ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي الكمي للحبوب ويرمز اليه (I_1):

$$٨٢٠ \div ٦٧٢ = ١,٢٢٠٢ \text{ أي } ١٢٢,٠٢\%$$

٢- الرقم القياسي الكمي للزمرة الثانية المحاصيل الصناعية:

| الجداء $p_0 q_0 \left(\frac{q_t}{q_0} \right)$ | الاوزان $p_0 q_0$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠ q_t/q_0 | الكميات بالاف الاطنان | | |
|--|----------------------|---|-----------------------|---------------|------------|
| | | | ١٩٨٨ q_t | ١٩٨٠ q_0 | |
| ٣٠٠ | ٢٠٠ | ١٥٠ | ٣٠٠ | ٢٠٠ | القطن |
| ٣٠ | ١٨ | ١٦٦,٦٧ | ٢٥٠ | ١٥٠ | شوندر سكري |
| ٣٣٠ | ٢١٨ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي للزمرة الثانية: المحاصيل الصناعية ويرمز (I_2) مساوياً:

$$٣٣٠ \div ٢١٨ = ١,٥١٣٨ \text{ أي } ١٥١,٣٨\%$$

٢- الرقم القياسي الكمي للزمرة الثالثة الخضار والفواكه:

| الجداء $p_0 q_0 \left(\frac{q_t}{q_0} \right)$ | الاوزان $p_0 q_0$ | النسبة المئوية لكميات عام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠ q_t/q_0 | الكميات بالاف الاطنان | | |
|--|----------------------|---|-----------------------|---------------|---------|
| | | | ١٩٨٨ q_t | ١٩٨٠ q_0 | |
| ٤٨٠ | ٢٤٠ | ٢٠٠ | ٨٠٠ | ٤٠٠ | بندورة |
| ٢٧٢ | ١٢٨ | ٢١٢,٥ | ٣٤٠ | ١٦٠ | عنب |
| ٧٥٢ | ٣٦٨ | | | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي للزمرة الثالثة: الخضار والفواكه، ويرمز اليه (I_3) مساوياً:

$$752 \div 368 = 2,0435 \text{ أي } 204,35\%$$

ولنحسب اعتباراً من الارقام القياسية الجزئية (I_1), (I_2), (I_3) الرقم القياسي الكمي وفق صيغة

لاسبير لكامل السلع الزراعية التي تتألف من ثلاث زمر وفق جدول الحساب التالي:

| الجزء $(\sum p_0 q_0) I_i$ | أوزان الزمر $\sum p_0 q_0$ | الرقم القياسي للزمرة I_i | الزمر الفرعية للمنتجات الزراعية |
|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|------------------------------------|
| ٨٢٠ | ٦٧٢ | ١٢٢,٠٢ | ١- الحبوب |
| ٣٣٠ | ٢١٨ | ١٥١,٣٨ | ٢- الحاصلات الصناعية |
| ٧٥٢ | ٣٦٨ | ٢٠٤,٣٥ | ٣- الخضار والفواكه |
| ١٩٠٢ | ١٢٥٨ | | المجموع |

ومنه يكون الرقم القياسي الكمي لجميع الزمر الزراعية مساوياً الى:

$$1902 \div 1258 = 1,5119 \text{ أي } 151,19\%$$

وهو نفس الرقم الذي تم الحصول عليه مباشرة من المنتجات الزراعية وهكذا يمكن بصورة عامة تقسيم المنتجات الى زمرة تتألف مع تقسيمات جدول المدخلات والمخرجات حسب عدد اعمدة المدخلات أو أسطر المخرجات. إن خاصة الاتساق في التجميع يمكن اثبات وجودها عند حساب الرقم القياسي -صيغة لاسبير- في الملحق الرياضي

الملحق الرياضي

(١) لنفرض أن زمرة ما تتألف من (n) سلعة ويرمز لكمية وسعر السلعة (i) خلال سنة الاساس (o) والسنة الجارية (t) بالرموز التالية:

| <u>السنة الجارية</u> | <u>سنة الاساس</u> | |
|----------------------|-------------------|--------|
| P_{it} | P_{io} | السعر |
| q_{it} | q_{io} | الكمية |

ولنستخدم صيغة لاسبير لحساب الرقم القياسي الكمي فيكون

$$I_{QL}^i = \frac{1}{\sum_{i=1}^n P_{io} q_{io}} \cdot \sum_{i=1}^n P_{io} q_{io} \left(\frac{q_{it}}{q_{io}} \right)$$

ولنقسم سلع هذه الزمرة (وعلى سبيل المثال) الى ثلاث زمرة فرعية. بحيث تتألف كل زمرة فرعية من السلع التالية

الزمرة الفرعية الاولى : من السلعة (١) الى السلعة (f)

الزمرة الفرعية الثانية : من السلعة (f+1) الى السلعة (k)

الزمرة الثالثة : من السلعة (k+1) الى السلعة (n)

ولنحسب حسب صيغة لاسبير الرقم القياسي الكمي لكل من هذه الزمر الفرعية فيكون:

١- الرقم القياسي للزمرة الفرعية الاولى

$$I_1 = \frac{1}{\sum_{i=1}^f p_{io} q_{io}} \cdot \sum_{i=1}^f p_{io} q_{io} \left(\frac{q_{it}}{q_{io}} \right)$$

٢- الرقم القياسي للزمرة الفرعية الثانية

$$I_2 = \frac{1}{\sum_{i=f+1}^k p_{io} q_{io}} \cdot \sum_{i=f+1}^k p_{io} q_{io} \left(\frac{q_{it}}{q_{io}} \right)$$

٣- الرقم القياسي للزمرة الفرعية الثالثة

$$I_3 = \frac{1}{\sum_{i=k+1}^n p_{io} q_{io}} \cdot \sum_{i=k+1}^n p_{io} q_{io} \left(\frac{q_{it}}{q_{io}} \right)$$

وإذا حسبنا حسب صيغة لاسبير الرقم القياسي الكمي لمجموعة الزمر الفرعية الثلاثة نحصل على

مايلي

$$I = \frac{1}{\sum_{i=1}^f p_{io} q_{io} + \sum_{i=f+1}^k p_{io} q_{io} + \sum_{i=k+1}^n p_{io} q_{io}} \times \left[\left(\sum_{i=1}^f p_{io} q_{io} \right) I_1 + \left(\sum_{i=f+1}^k p_{io} q_{io} \right) I_2 + \left(\sum_{i=k+1}^n p_{io} q_{io} \right) I_3 \right]$$

وإذا استبدلنا كل من الأرقام القياسية للزمر الفرعية بصيغها المقابلة نحصل على مايلي:

$$I = \frac{\sum_{i=1}^f p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) + \sum_{i=f+1}^k p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) + \sum_{i=k+1}^n p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right)}{\sum_{i=1}^f p_{i0} q_{i0} + \sum_{i=f+1}^k p_{i0} q_{i0} + \sum_{i=k+1}^n p_{i0} q_{i0}}$$

إن البسط (Enumerator) للرقم القياسي يحقق التكافؤ التالي

$$\sum_{i=1}^f p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) + \sum_{i=f+1}^k p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) + \sum_{i=k+1}^n p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) = \sum_{i=1}^n p_{i0} q_{i0} \frac{q_{it}}{q_{i0}}$$

وكذلك المقام (Denominator) يحقق التكافؤ التالي

$$\sum_{i=1}^f p_{i0} q_{i0} + \sum_{i=f+1}^k p_{i0} q_{i0} + \sum_{i=k+1}^n p_{i0} q_{i0} = \sum_{i=1}^n p_{i0} q_{i0}$$

ومنه تصبح صيغة الرقم القياسي العام للزمر الفرعية:

$$I = \frac{1}{\sum_{i=1}^n p_{i0} q_{i0}} \cdot \sum_{i=1}^n p_{i0} q_{i0} \left(\frac{q_{it}}{q_{i0}}\right) = I_{QL}$$

أي نفس الرقم القياسي الكمي الذي تم الحصول عليه مباشرة من السلع بتطبيق صيغة لاسبير. وهكذا فإن صيغة لاسبير تحقق شرط الاتساق في التجميع.

وكذلك فإن صيغة لاسبير تحقق أيضاً بدورها خاصة الاتساق في التجميع ويمكن اثباتها رياضياً أيضاً ونكتفي هنا في اظهار هذه الخاصة بالنسبة للمثال السابق للحاصلات الزراعية وذلك بحساب الرقم القياسي للاسعار وتبدأ بتحويل هذه الصيغة كما يلي:

$$I_{pp} = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_0 q_t} = \frac{\sum p_t q_t}{\sum p_t q_t \left(\frac{p_0}{p_t}\right)}$$

وترى دراسة OECD أخيراً بأن عدم تحقق شرط الاتساق التجميعي في تركيب الرقم القياسي بطريقة السلسلة أدى الى تردد كثير من الدول في استخدام هذه الطريقة وتقتصر أن يتابع الإحصائيون بحوثهم. وأخيراً في مشروع نظام المحاسبة القومية والمقترح أن يحل محل النظام الحالي تم اعداد فصل يعالج مقاييس الاسعار والحجوم "Price and Volume Measurs" (AR/TPH/004039-1989) ويقدم حلين عمليين.

١- الحل الاول تقديم بآن واحد نوعين من الارقام القياسية

١- الارقام القياسية الحجمية المباشرة صيغة لاسبير حيث أنها تحقق خاصية الاتساق التجميعي لمجموعة القيم بالاسعار الثابتة.

ب- والارقام القياسية بطريقة السلسلة مع اعطاء الافضية للارقام القياسية المباشرة (النوع الاول) واعتبار أن الارقام القياسية بطريقة السلسلة (النوع الثاني) هي قيمة متممة (supplement) للارقام القياسية الاولى.

ويترك لمستخدمي ومحلي البيانات حرية اختيار النوع الذي يتلاءم واهداف دراساتهم.

٢- الحل الثاني خلال المدى القصير من السنوات (short runs of years) تستخدم الارقام القياسية المباشرة صيغة لاسبير. ثم يصار الى تغيير سنة أساس هذه الارقام القياسية المباشرة خلال فترات زمنية. (Rebase the laspeyres indices at frequent intervals) وتحدد الفترة بخمس سنوات. ففي كل مرة تؤخذ سنة أساس جديدة. وإن بيانات السنوات السابقة لايعاد حسابها على ضوء اسعار سنة الأساس الجديدة بل ترتبط (linked) بالسنوات الجديدة التي تلي سنة الأساس الجديدة. وهذا يستلزم بأن تكون المقاييس على المدى الطويل للاسعار والحجوم (long-term measurs) تتألف بصورة رئيسية من الارقام القياسية بطريقة السلسلة وتحتوي على حلقات (links) وتكون الفترة الزمنية لكل حلقة خمس سنوات عوضاً عن الحلقات السنوية.

إن هذا الحل هو متبع عملياً في بعض الدول وهو مقبول كحل وسط بين جامعي الحسابات القومية (المحاسبين القوميين) -Compiler of National accounts- ومستخدمي -Users- هذه الحسابات، ويمكن أن يستخدم في هذا الحل الثاني الارقام القياسية بطريقة السلسلة سنوياً وأن تعتبر بيانات مساعدة.

المحركات والمركبات لعام 1987 بملئ السنة السابقة 1987

| المحركات والمركبات | | المحركات والمركبات | | المحركات والمركبات | | المحركات والمركبات | | المحركات والمركبات | |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| الاحتياطات النهائية | الاحتياطات المبدئية | الاحتياطات النهائية | الاحتياطات المبدئية | الاحتياطات النهائية | الاحتياطات المبدئية | الاحتياطات النهائية | الاحتياطات المبدئية | الاحتياطات النهائية | الاحتياطات المبدئية |
| 081 | 78 | 8 | - | 102 | 102 | 78 | 8 | 01 | 871 |
| 018 | 111 | 23 | 281 | 1710 | - | 1710 | - | 92 | 2827 |
| 781 | - | - | 079 | - | 20 | - | - | - | 781 |
| - | - | - | - | - | - | - | - | - | 70 |
| 000 | 07 | - | - | 217 | - | 210 | - | 21 | 879 |
| 871 | 18 | - | - | 70 | - | 292 | 218 | 2 | 18 |
| 181 | 80 | - | 88 | 480 | - | 781 | - | 88 | 1812 |
| 1121 | 70 | - | 987 | 78 | - | - | - | 88 | 1078 |
| 1022 | 1100 | 8 | 999 | 987 | 2118 | 2888 | 218 | 1887 | 222 |

0120
10
0120
النتائج المخطط
بمجم الواردات
النتائج المخطط الاجمالي

| | | | | | | | | | |
|------|-----|------|------|-----|-----|-----|-----|------|-----|
| 0120 | 218 | 808 | 1208 | 211 | 281 | 807 | 289 | 1021 | 201 |
| 9112 | - | 1127 | 1707 | 800 | 877 | 292 | 211 | 2827 | 870 |
| - | - | 88 | 80 | - | 2 | 07 | 0 | 21- | 1 |
| 9112 | - | 1078 | 1812 | 800 | 878 | 700 | 781 | 2827 | 871 |

| النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط | النتائج المخطط |
|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 0120 | 218 | 808 | 1208 | 211 | 281 | 807 | 289 | 1021 | 201 |
| 9112 | - | 1127 | 1707 | 800 | 877 | 292 | 211 | 2827 | 870 |
| - | - | 88 | 80 | - | 2 | 07 | 0 | 21- | 1 |
| 9112 | - | 1078 | 1812 | 800 | 878 | 700 | 781 | 2827 | 871 |

Approximate measures of value added at constant prices

يجري احتساب جداول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة مرة واحدة كل خمس أو عشر سنوات لدى غالب الدول وقليل من الدول تستطيع أن تنشر جداول المدخلات والمخرجات بالاسعار الثابتة سنوياً. لذلك تستخدم معظم الدول طرائق مختصرة (short-cut methods) لقياس التغيرات في الناتج المحلي الاجمالي بالاسعار الثابتة لمختلف الانشطة خارج اطار جدول المدخلات والمخرجات.

(Outside of the frame of input-output table). وإن مشروع نظام المحاسبة المرتقب اطلق

على القيمة المضافة المحتسبة بالاسعار الثابتة التسمية المختصرة التالية:

القيمة المضافة الاجمالية الحقيقية Real gross value added

وباعتبار ان القيمة المضافة تقاس بالفرق بين قيمة الانتاج ومجموع قيمة الاستهلاك الوسيط لذلك

فإن القيمة المضافة بالاسعار الحقيقية تتأثر بالاختفاء الناجمة عن قياس التغيرات الحجمية

(The errors of measurement of volume changes) لكل من الانتاج وعناصر الاستهلاك الوسيط

خصوصاً وإن بيانات الاسعار والكميات المتعلقة بالاستهلاك الوسيط فقيرة في جودتها. وحسب النظرية

الاحصائية إن تباين (Variance) الفرق بين متغيرين عشوائيين: (x) (y) (random variables) يحقق

المعادلة:

$$V(x-y) = v(x) + v(y) - 2 \text{cov}(x, y)$$

حيث تمثل الرموز في هذه المعادلة مايلي:

$$V(x-y) = \text{تباين الفرق بين المتغيرين العشوائيين}$$

$$V(x) = \text{تباين المتغير العشوائي (x)}$$

$$V(y) = \text{تباين المتغير العشوائي (y)}$$

$$\text{cov}(x, y) = \text{الترابط بين المتغيرين العشوائيين}$$

وعندما يشير (x) و (y) الى اخطاء عشوائية ناجمة عن قياس كل من الانتاج والاستهلاك الوسيط

فإن هذه الاخطاء غالباً ما تكون مستقلة وغير مترابطة (uncorrelated) بحيث أن تباين الفرق بين

المتغيرين العشوائيين يساوي الى مجموع تباين المتغير العشوائي الاول وتباين المتغير العشوائي الثاني.

أي أن تباين الاخطاء الناجمة عن قياس القيمة المضافة الحقيقية يساوي مجموع تباين اخطاء الانتاج الاجمالي

وتباين اخطاء الاستهلاك الوسيط.

وقد رأينا عندما يتم قياس القيم المضافة الحقيقية ضمن اطار جدول المدخلات والمخرجات بأن

امكانية تحقيق التوازن للسلع والخدمات افقياً وعمودياً تؤدي الى زيادة في دقة الارقام والاقبال من

الاطفاء.

ولكن عند عدم توفر جدول المدخلات والمخرجات فإن تقديرات القيم المضافة الحقيقية بطريقة التقليل المزدوج (double deflation) تصبح مشوبة باخطاء متراكمة إذ أن تطبيق طريقة التقليل المزدوج يتطلب مايلي:

- تقليل القيمة الجارية للانتاج بتقسيمها على الرقم القياسي المناسب للاسعار (صيغة باش).

- تقليل القيمة الجارية للمدخلات الوسيطة بتقسيمها على الرقم القياسي لاسعار هذه المدخلات (صيغة باش).

ثم حساب الفرق بين هاتين القيمتين بالاسعار الثابتة للحصول على القيمة المضافة الحقيقية. لذلك يوجد احتمال لأن تتضمن القيمة المضافة الحقيقية الاخطاء المتولدة عن قصور وعدم دقة البيانات في اسعار الانتاج واسعار المدخلات الوسيطة وفي هذه الحالة يفضل نظام المحاسبة القومية المرتقب تقدير تغيرات القيمة المضافة الحقيقية باستخدام مؤشر واحد (a single indicator). قد يكون هذا المؤشر الانتاج الاجمالي (Gross output) أو المدخلات الوسيطة (intermediate inputs) أو انواع أخرى من المؤشرات. وسنقدم هنا عرضاً سريعاً لهذه المؤشرات مع اجراء مقارنة نظرية حول استخدام التقليل المزدوج أو التقليل المفرد.

١- الانتاج الاجمالي كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية

Gross output as indicator of real value added

وتوجد طريقتان مقبولتان لتقدير القيمة المضافة الحقيقية باستخدام مؤشر الانتاج الاجمالي.

٢- الطريقة الاولى: تقسيم القيمة المضافة الجارية لسنة المقارنة (t) على الرقم القياسي لاسعار الانتاج الاجمالي للسنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (o) -صيغة باش. للحصول على القيمة المضافة الحقيقية للسنة (t) وذلك وفق الصيغة التالية:

$$R.V. A = \frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_t Q_t} \left(\sum P_t Q_t - \sum P_t q_t \right)$$

حيث تشير الرموز الى مايلي:

R.V.A. = - القيمة المضافة الحقيقية للسنة (t)

$\sum P_t Q_t$ - قيمة الانتاج الاجمالي بالاسعار الجارية للسنة (t)

$\sum P_t q_t$ - قيمة المواد المستهلكة الوسيطة بالاسعار الجارية للسنة (t)

$$\sum P_t Q_t - \sum p_t q_t = \text{القيمة المضافة الجارية للسنة (t)}$$

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_t Q_t} - \text{مقلوب الرقم القياسي لاسعار الانتاج الاجمالي للسنة (t) - صيغة باش}$$

مثال :

من المجموعة الاحصائية لعام ١٩٨٨ للمكتب المركزي للاحصاء- الجمهورية العربية السورية نأخذ ارقام القطاع الصناعي الذي يتألف من الصناعات الاستخراجية والتحويلية والكهرباء وهي بملايين الليرات السورية.

| ١٩٨٦ | ١٩٨٠ | |
|-------|-------|--|
| ١٥٥٥٤ | ٨٣٧٢ | القيمة المضافة الاجمالية بالاسعار الجارية |
| ٤٢٢١٧ | ٢٣٧١٢ | الانتاج بالاسعار الجارية |
| ٣١٩٧٤ | ٢٣٧١٢ | الانتاج بأسعار ١٩٨٠ الثابتة |
| ١٣٢٠ | ١٠٠ | الارقام القياسية الضمنية لاسعار منتجات الصناعات الاستخراجية والتحويلية والكهرباء |

وبتطبيق هذه الارقام على المعادلة السابقة يتم الحصول على تقدير للقيمة المضافة الحقيقية:
 $15554 \div 1320 = 11783$ مليون ليرة.

وتوصف هذه الطريقة بالتقليص المفرد (single deflation).

ب- الطريقة الثانية: جداء القيمة المضافة في سنة الاساس (o) بالرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي صيغة لاسبير. Extrapolate value added in the base year by avolume index of output وذلك وفق المعادلة التالية.

$$R.V. A = \frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o} \left(\sum P_o Q_o - \sum p_o q_o \right)$$

حيث تشير الرموز الى مايلي:

$$\begin{aligned} \sum P_0 Q_0 &= \text{- الانتاج الاجمالي خلال سنة الاساس (0)} \\ \sum p_0 q_0 &= \text{- قيمة المواد المستهلكة الوسيطة خلال سنة الاساس (0)} \\ \sum P_0 Q_0 - \sum p_0 q_0 &= \text{- القيمة المضافة خلال سنة الاساس (0)} \\ \frac{\sum P_0 Q_t}{\sum P_0 Q_0} &= \text{- الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي للسنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (0) - صيغة لاسبير.}\end{aligned}$$

وتطبق هذه الطريقة عندما لاتتوفر بيانات عن القيمة المضافة خلال سنة المقارنة (t).

وبالنسبة للمثال يتم الحصول على القيمة المضافة الحقيقية وذلك عن طريق احتساب الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي لعام ١٩٨٦ بأسعار سنة الاساس ١٩٨٠:

$$23712 \div 13484 = 1.76 \text{ أي } 176\%$$

ثم جداء هذا الرقم بالقيمة المضافة في سنة الاساس ١٩٨٠.

$$11290 = 13484 \times 83\%$$

ونلاحظ أن هذا الرقم مختلف قليلاً عن الرقم الذي تم الحصول عليه من الطريقة الاولى ويعود السبب الى أن معادلتى الطريقتين ليستا متطابقتين إلا في حالة خاصة.

$$\frac{\sum P_t q_t}{\sum P_t Q_t} = \frac{\sum P_0 q_0}{\sum P_0 Q_0}$$

عندما تكون نسبة قيمة مجموع الاستهلاك الوسيط الى قيمة مجموع الانتاج الكلي بالاسعار الجارية لسنة المقارنة (t) تساوي نسبة قيمة مجموع الاستهلاك الوسيط الى قيمة مجموع الانتاج لسنة الاساس (0).

وفي الحقيقة عندما يتحقق التكافؤ بين المعادلتين.

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_t Q_t} (\sum P_t Q_t - \sum p_t q_t) = \frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o} (\sum P_o Q_o - p_o q_o)$$

ينتج مايلي:

$$\sum P_o Q_t - (\sum P_o Q_t) \frac{\sum p_t q_t}{\sum P_t Q_t} = \sum P_o Q_t - (\sum P_o Q_t) \cdot \frac{\sum P_o q_o}{\sum P_o Q_o}$$

وبعد الحذف والاختصار

$$- (\sum P_o Q_t) \cdot \frac{\sum p_t q_t}{\sum P_t Q_t} = - (\sum P_o Q_t) \cdot \frac{\sum P_o q_o}{\sum P_o Q_o}$$

نحصل على تساوي النسبتين:

$$\frac{\sum p_t q_t}{\sum P_t Q_t} = \frac{\sum P_o q_o}{\sum P_o Q_o}$$

إن هذا التساوي لا يمكن أن يتحقق لا نظرياً ولا عملياً.

في المجموعة الاحصائية المشار اليها اعلاه توجد أيضاً بيانات عن الاستهلاك الوسيط للقطاع الصناعي بالاسعار الجارية والثابتة لعامي ١٩٨٠ و ١٩٨٦.

| ١٩٨٦ | ١٩٨٠ | |
|--------|--------|---|
| ٢٦٦٦٣ | ١٥٣٣٩ | الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية |
| ٢٢٢١٤ | ١٥٣٣٩ | الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة |
| | | نسبة الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية الى الانتاج الاجمالي |
| ٦٣,١٥٧ | ٦٤,٦٨٩ | |

كما أن المجموعة قد نشرت رقم القيمة المضافة الحقيقية للقطاع الصناعي لعام ١٩٨٦ باسعار عام ١٩٨٠ ومقداره ٩٧٦٠ مليون ليرة بطريقة التقليس ويلاحظ بأن الرقم القياسي شبه الحجمي لهذه القيمة المضافة صيغة لاسبير هو:

$$٩٧٦٠ \div ٨٢٧٣ = ١,١٦٦ \text{ أي } ١١٦,٦\%$$

بينما الرقم القياسي شبه السعري للقيمة المضافة لعام ١٩٨٦ بالنسبة لعام ١٩٧٠ -صيغة باش-
١٥٩,٤ %.

وفي هذه الحالة اذا كانت بيانات الكميات والاسعار لهذه الصناعات جيدة ومتوافرة خلال السنة
١٩٨٦ فإن القيمة المضافة الحقيقية المنشورة في المجموعة الاحصائية والمحتسبة بطريقة التقليل المزدوج
هي المفضلة.

ولكن عندما لاتتوفر بيانات جيدة وكاملة عن قيم الاستهلاك الوسيط خلال ١٩٨٦ يكون استخدام
مؤشر الانتاج لتقدير القيمة المضافة الحقيقية لهذا العام سليماً.

٢- المدخلات الوسيطة كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية

Intermediate inputs as an indicator for real value added

عند عدم امكانية الحصول على تقديرات (estimates) سليمة لتغيرات السلع والخدمات للانتاج
الاجمالي لبعض الانشطة الاقتصادية يصار الى استخدام التغيرات الحجمية للمدخلات الوسيطة (Volume
changes of intermediate inputs). كمؤشر لتغيرات القيمة المضافة الحقيقية.

واشار مرشد الحسابات القومية (٦٤ : m⁰) الى حالتين يمكن فيهما استخدام المدخلات الوسيطة
كمؤشر. الحالة الاولى عندما تكون المنتجات متعددة وغير متجانسة في مواصفاتها التي تتغير دوماً
وسريعاً. مثل التجهيزات الالية (capital goods) ومنتجات قطاع البناء بينما يمكن قياس المدخلات
الوسيطة بالاسعار الثابتة بسبب توفر بياناتها.

الحالة الثانية عندما تستغرق عملية الانتاج وقتاً يزيد على السنة بحيث تصبح امكانية الحصول
على قياس سنوي للانتاج عملية صعبة. إذ أن قياس الانتاج يعتمد على تقدير العمل المنجز (estimate of
work in progress) خلال السنة الواحدة. وهذا ما يحدث على سبيل المثال في التشييد والبناء وصناعة
السفن حيث تؤخذ الكميات المستهلكة من المواد الوسيطة مع اضافة اليد العاملة في غالب الأحيان من
أجل تقدير الكميات المنجزة خلال هذه السنة. ولكن استخدام المدخلات الوسيطة كمؤشر للقيمة المضافة
الحقيقية غير صالح الا لفترة محدودة ولا يمكن أن يطبق على المدى الطويل ولا بد من الحصول على بيانات
كاملة وسليمة للانتاج الاجمالي للحصول على القيمة المضافة الحقيقية.

٣- حجم العمالة كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية

employment as an indicator for real value added

تستخدم تغيرات ساعات العمل (أو اعداد العاملين) كمؤشر لتغير القيمة المضافة الحقيقية فسي
الخدمات الحكومية من ادارة عامة ودفاع وصحة وتعليم الخ...

وإن اللجوء الى هذا المؤشر يعود بصورة رئيسية الى الصعوبة، إذ لم نقل الاستحالة في امكانية قياس الانتاج الاجمالي لهذه الخدمات والى الدور الرئيسي لحجم العمالة في تحديد القيمة المضافة الحقيقية.

وإن السبب في الصعوبة العملية في قياس الانتاج الاجمالي الحقيقي لهذه الخدمات الحكومية يعود الى كون هذه الخدمات غير مسوقة أي لاتقابلها اسعار بالاضافة الى أن خصائصها المادية (physical characteristics) هي صعبة التحديد والقياس.

واتخذ "مرشد الحسابات القومية بالاسعار المعبته" في قياس الخدمات الحكومية الوضع التالي: عندما تقدم الخدمات الحكومية الى الافراد مثل خدمات الصحة والتعليم فيلزم محاولة تجميع مقاييس كمية لانتاجها الاجمالي مرتكزة على استخدام الخدمات (compile volume measures for their output based in their usage) ولو قدمت هذه الخدمات مجاناً أو لقاء اسعار رمزية.

وفي هذه الحالة لا يوصي "المرشد" بتطبيق مؤشر كمية العمل ولكن إذا كانت الخدمات جماعية صرفة (genuine collective) أي مقدمة الى مجموعة السكان كلها (community as a whole) مثل الادارة العامة والدفاع فيمكن اتخاذ كمية العمل كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية. وسيعالج هذا الموضوع في القسم الرابع.

٤- استخدام مؤشر مركب من العمل ورأس المال لتقدير القيمة المضافة الحقيقية

Emphyment plus capital as an indicator for real value added

إن القيمة المضافة تتولد بصورة رئيسية من حصيلة (Return) العمل ورأس المال ويمكن محاولة استخدام مؤشر مركب من العمل ورأس المال لتقدير القيمة المضافة الحقيقية.

فبالنسبة لمؤشر رأس المال يفضل أن يعكس كلفة استعماله "its user usage" حيث تقاس هذه الكلفة بقيمة تأجيره (its rental value). ولكن من الناحية العملية فإن غالبية الدول لايتوفر لديها معلومات عن كلفة الاستخدام. وباعتبار أن اهتلاك رأس المال الثابت (consumption of fixed capital) المقيم بأسعار سنة الاساس لكلفة الاستبدال replacement costs يمثل قيمة تقريبية لكلفة التأجير فإن عدداً من الدول تعمد الى احتساب سلاسل احصائية حسب طرق الجرد المستمر (perpetual inventory models) لرأس المال التجميعي (stock of capital) من أجل تقدير اهتلاك رأس المال الثابت. وبالتالي الحصول على مؤشر لرأس المال. ولحساب المؤشر المركب (combined indicator) يتم ترجيح مؤشر العمل بقيمة عوائد العاملين بأجر ومؤشر رأس المال بقيمة فائض التشغيل الاجمالي في سنة الاساس. ويستخدم هذا المؤشر المركب من العمل ورأس المال في احتساب القيمة المضافة في الصناعات الاستخراجية والتحويلية والكهرباء.

وعلى سبيل المثال لناخذ صناعة الكهرباء ولنحسب القيمة المضافة الحقيقية لعام ١٩٨٤ بأسعار عام ١٩٨٠ بدلالة البيانات التالية:

| <u>بملايين الوحدات النقدية</u> | <u>عام ١٩٨٠</u> |
|--------------------------------|-------------------------|
| ١٩١ | عوائد العاملين بأجر |
| ٣٧ | الضرائب غير المباشرة |
| ١٦ | اهتلاك رأس المال الثابت |
| <u>١٤٧</u> | صافي فائض التشغيل |
| ٣٩١ | |

عام ١٩٨٤

- الاهتلاك لعام ١٩٨٤ بأسعار سنة الاساس ٣٢ مليون.
- الرقم القياسي لساعات العمل لعام ١٩٨٤ بالنسبة لسنة الاساس هي ١٦٠٪.

ولحساب القيمة المضافة الحقيقية لقطاع الكهرباء والماء خلال عام ١٩٨٤ بأسعار عام ١٩٨٠ بدأ بحساب وزن عوائد العاملين بأجر وفائض التشغيل الاجمالي خلال سنة الاساس فيكون.

| % | <u>بملايين وحدات النقد</u> | |
|-----------|----------------------------|-----------------------|
| ٥٤ | ١٩١ | عوائد العاملين بأجر |
| <u>٤٦</u> | <u>١٦ + ١٤٧</u> | فائض التشغيل الاجمالي |
| ١٠٠ | ٣٥٤ | المجموع |

إذا اتخذ الرقم القياسي لاهتلاك رأس المال بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠ مؤشراً لرأس المال فيكون الرقم القياسي الحجمي لرأس المال مساوياً.

$$٢٢ \div ١٦ = ٢٠٠\%$$

وبترجيح الرقم القياسي لساعات العمل والرقم القياسي لرأس المال على التوالي بوزن عوائد العاملين بأجر وبوزن فائض التشغيل الاجمالي لعام ١٩٨٠ نحصل على رقم قياسي شبه حجمي للقيمة المضافة لعام ١٩٨٤ بالنسبة ١٩٨٠.

$$= ٠,٤٦ \times ٢٠٠ + ٠,٥٤ \times ١٦٠$$

$$= ٩٢,٠ + ٨٦,٤ = ١٧٨,٤\%$$

ومنه تكون القيمة المضافة الحقيقية لعام ١٩٨٤ مساوية

$$٦٩٧,٥ = ١,٧٨٤ \times ٣٩١ \text{ مليون وحدة نقدية.}$$

إن هذا المؤشر المركب من العمل ورأس المال يظل غير دقيق لقياس تغيرات القيمة المضافة الحقيقية لأنه يهمل التقدم التكنولوجي غير المادي. "disembodied technological progress" مثل التحسين في ادارة وتنظيم الانتاج والمكاسب المتحققة من ادخال تجهيزات آلية جديدة مثل الحاسب. حيث أن قيمته الحقيقية لا تعتبر قياسياً للطاقة الانتاجية لهذا الحاسب الآلي.

-٥ استخدام مؤشر عمل مركب من العمل والاستهلاك الوسيط لتقدير القيمة المضافة الحقيقية

Employment plus intermediate inputs as an indicator of real value added

لا توجد أسباب واضحة لاعتبار تغيرات المؤشر المركب من العمل والاستهلاك الوسيط ممثلاً لتغيرات القيمة المضافة الحقيقية. ولكن في حالة توفر بيانات عن إعداد المشتغلين فقط فيمكن اعتبار أن الاستهلاك الوسيط هو مؤشر لتغيرات عدد ساعات العمل. إذ أن ارباب العمل قد لايزيدون أو ينقصون عدد العمال عند كل تغير للطلب أو للانتاج بل يقتصرون على انقاص عدد ساعات العمل أو زيادة الساعات الاضافية ويمكن في هذه الحالة افتراض بأن تغيرات الاستهلاك الوسيط الحجمية تتبع التغيرات في عدد ساعات العمل.

ونظراً لأن الاستهلاك الوسيط ليس جزءاً من القيمة وبالتالي لا يدخل في حاسبتها فإن عملية ترجيح كل من مؤشر العمل ومؤشر الاستهلاك الوسيط تظل تحكمية ويرى "المرشد" امكانية أخذ الوسط الحسابي البسيط غير المرجح للوصول الى مؤشر مركب للرقم القياسي لكمية العمل والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط للوصول الى رقم شبه حجمي للقيمة المضافة.

-٦ تقييم نظري لمختلف المقاييس للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (اي الرقم القياسي شبه

الحجمي للقيمة المضافة)

The reliability of alternative measures of the index of real value added

قدم Professor Hill ضمن دراسة صادرة عن منظمة التعاون الاقتصادي والتنمية (OECD)^(١) تقيماً نظرياً لمختلف المقاييس للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية. وعالج أولاً:

- حالة عدم وجود أخطاء في قياس الانتاج الاجمالي وفي قياس الاستهلاك الوسيط.

(1) The Measurement of Real Product – By TP.Hill – OECD– February 1971.

وتكلم في هذه الحالة عن العلاقة بين الرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة والرقميين القياسيين الحجميين للانتاج او الاستهلاك الوسيط وفرض بأن صيغة لاسبير هي المختارة في جميع هذه الارقام القياسية الحجمية، كما فرض بأن القيم التالية هي خالية من الاخطاء:

$$\sum P_0 Q_0 \quad \text{١- الانتاج الاجمالي لسنة الاساس}$$

$$\sum p_0 q_0 \quad \text{٢- الاستهلاك الوسيط لسنة الاساس}$$

$$\sum P_t Q_t \quad \text{٣- الانتاج الاجمالي لسنة المقارنة (t) بالاسعار الجارية}$$

$$\sum p_t q_t \quad \text{٤- الاستهلاك الوسيط لسنة المقارنة (t) بالاسعار الجارية}$$

$$\sum P_0 Q_t \quad \text{٥- الانتاج الاجمالي لسنة المقارنة (t) بالاسعار الثابتة لسنة الاساس (0)}$$

$$\sum p_0 q_t \quad \text{٦- الاستهلاك الوسيط لسنة المقارنة (t) بالاسعار الثابتة لسنة الاساس (0)}$$

وفرض ايضاً بأنه في سنة الاساس قيمة الانتاج الاجمالي أكبر من مجموع قيم الاستهلاك الوسيط أي:

$$\sum P_0 Q_0 > \sum p_0 q_0$$

ومنه يكون الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي وليرمز اليه (A) خالياً من الاخطاء

$$A = \frac{\sum P_0 Q_t}{\sum P_0 Q_0}$$

وكذلك الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط وليرمز اليه (B) يكون خالياً من الاخطاء

$$B = \frac{\sum p_0 q_t}{\sum p_0 q_0}$$

والرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة وليرمز اليه (V) خالياً من الاخطاء

$$V = \frac{\sum P_0 Q_t - \sum p_0 q_t}{\sum P_0 Q_0 - \sum p_0 q_0}$$

ولايجاد العلاقة بين هذه الارقام القياسية الحجمية الثلاثة استخدم Hill النسبة (C) وهي نسبة قيمة الاستهلاك الوسيط إلى قيمة الانتاج الاجمالي خلال سنة الاساس:

$$C = \frac{\sum P_0 q_0}{\sum P_0 Q_0}$$

إن هذه النسبة (C) تحقق المتراجحة المزدوجة $0 < c < 1$. ثم جرى تحديد (V) بدلالة (A) و (B) و (C) وذلك بتقسيم كل من البسط والمقام للرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة (V) على قيمة الانتاج خلال سنة الاساس $\sum P_0 Q_0$

$$V = \frac{\frac{\sum P_0 Q_t}{\sum P_0 Q_0} - \frac{\sum P_0 q_t}{\sum P_0 Q_0}}{1 - C} = \frac{A - \frac{\sum P_0 q_t}{\sum P_0 Q_0}}{1 - C}$$
$$1 - \frac{\sum P_0 q_0}{\sum P_0 Q_0}$$

ثم تم تحليل النسبة التالية:

$$\frac{\sum P_0 q_t}{\sum P_0 Q_0}$$

وذلك بضرب كل من البسط والمقام لهذه النسبة بمجموع قيمة الاستهلاك الوسيط خلال سنة الاساس: $(\sum P_0 q_0)$.

$$\frac{\sum P_0 q_t}{\sum P_0 Q_0} \cdot \frac{\sum P_0 q_0}{\sum P_0 q_0} = \frac{\sum P_0 q_t}{\sum P_0 q_0} \cdot \frac{\sum P_0 q_0}{\sum P_0 Q_0} = B \cdot C$$

ومنه تحدد الرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة بدلالة الرقم القياسي الحجمي للانتاج والرقم القياسي للاستهلاك الوسيط ونسبة الاستهلاك الوسيط (C) حسب العلاقة التالية:

$$V = \frac{A - BC}{1 - C}$$

ثم جرى تحويل هذه الصيغة وذلك باستبدال النسبة (C) بنسبة أخرى (D). إن البسط لهذه النسبة الجديدة يتألف من الانتاج الاجمالي لسنة الأساس والمقام يتألف من القيمة المضافة لسنة الأساس.

$$D = \frac{\sum P_o Q_o}{\sum P_o Q_o - \sum P_o q_o} = \frac{1}{1 - \frac{\sum P_o q_o}{\sum P_o Q_o}} = \frac{1}{1 - C}$$

وتصبح صيغة الرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة (V) كما يلي:

$$V = DA - (D-1) B \quad (1)$$

ويلاحظ بأن (D) هي دوماً أكبر من الواحد.

ومن هذه الصيغة (1) يتبين لدينا بأن الرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة هو على علاقة خطية مع:

- الرقم القياسي الحجمي للانتاج حيث أنه مرجح بالوزن (D) أكبر من الواحد.

- ومع الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط المرجح بالوزن: (D - 1) - وهو سالب (1) إن مجموع هذين الوزنين:

$$D + - (D - 1) = 1$$

ومن هذه الصيغة الأخيرة للرقم القياسي شبه الحجمي للقيمة المضافة:

$$V = DA - (D - 1) B \quad (1)$$

يتم الحصول على نتيجتين:

(1) يرى Hill في دارسته بأن وجود اوزان سالبة ليست غريبة في حقل الاحصاء الاقتصادي. انظر الصفحة (١٧) من كتابه 1971 - OECD - "Measurement of Real Product".

النتيجة الاولى (First Conclusion):

إن الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V) لا يكون محصوراً بين الرقمين القياسيين (A) و (B). فهو إما اكبر من كل من الرقم القياسي الحجمي للانتاج والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط أو اصغر من كل منهما. وفي الحقيقة إن القيمة (V) لاتتأثر باضافة الحدين (A) و (- A) إلى الجانب الأيمن من الصيغة (1).

$$\begin{aligned} V &= A + (-A) + DA - (D-1)B && \text{بحيث تصبح:} \\ V &= A + DA - A - (D-1)B \\ V &= A + (D-1)A - (D-1)B \\ V &= A + (D-1)(A-B) \end{aligned} \quad (2)$$

٢- فإذا كان الرقم القياسي الحجمي للانتاج (A) اكبر من الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (B) فيكون $(A-B) < 0$.

وباعتبار أن (D) اكبر من الواحد فرضياً فيكون الجداء $(D-1)(A-B) < 0$ أي أن $A < V$ وبالتالي $B < A < V$

أي عندما يكون الرقم القياسي الحجمي للانتاج اكبر من الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط فإن الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقة يكون اكبر من الرقمين السابقين.

ب- وأما إذا كان الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (B) اكبر من الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي (A) فيكون $A < B$ ومنه $0 < (D-1)(A-B)$ ومنه تكون $V < A$ وبالتالي $B < A < V$ ففي هذه الحالة يكون الرقم القياسي للقيمة المضافة هو اصغر من كل من الرقمين القياسيين الآخرين.

ج- وأما إذا كان الرقم القياسي الحجمي للانتاج مساوياً للرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط فيتساوي الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية مع هذين الرقمين القياسيين الحجميين للانتاج وللاستهلاك الوسيط وفي الحالتين السابقتين يكون الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية أقرب الى الرقم القياسي الحجمي للانتاج من الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط.

النتيجة الثانية (Second Conclusion):

إذا كان الرقم القياسي الحجمي للانتاج (A) اكبر من الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (B) فلا يوجد حد أعلى للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V) وفي الحالة المعاكسة $(A < B)$ لا يوجد حد أدنى للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية وبالتالي من السهل أن يصبح (V) سالباً.

وفي الحقيقية عندما تكون نسبة (C) المدخلات الوسيطة الى المخرجات (input/output) قريبة من الواحد خلال سنة الاساس مع بقاء قيمة الاستهلاك الوسيط اقل من قيمة الانتاج الاجمالي خلال هذه السنة فإن قيمة (D) المعرفة بالعلاقة

$$D = \frac{1}{1 - C}$$

تكون كبيرة وبالتالي فإن الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقي (V) المعرف بالصيغة (2)

$$V = A + (D - 1) (A - B) \quad (2)$$

والذي هو بدوره اكبر من الرقم القياسي الحجمي للانتاج (A) يصبح كبيراً وقد يتجه الى اللانهاية الموجبة عندما تكون النسبة (C) كثيرة التقارب من الواحد.

وفي الحالة المعاكسة عندما يكون الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي اصغر من الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط يكون الجداء (D - 1) (A - B) سالباً. وقد يتجه الى اللانهاية السالبة عندما تكون النسبة (C) قريبة جداً من الواحد.

إن مجرد الحصول على رقم قياسي سالب للقيمة المضافة الحقيقية يعني أن القيمة المضافة الحقيقية سالبة بسبب أن قيمة الاستهلاك الوسيط للسنة المقارنة (t) بالاسعار الثابتة هي أكبر من قيمة الانتاج الاجمالي لهذه السنة (t) بالاسعار الثابتة.

ثم عالج Hill حالة وجود اخطاء عشوائية في قياس الرقم القياسي الحجمي للانتاج وفي قياس الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط في الحقيقة لا يمكن الوصول الى قياس كل من الرقم القياسي للانتاج والرقم القياسي للاستهلاك الوسيط بدون اخطاء. ويرمز الى الرقم القياسي الحجمي للانتاج المقدر (X) والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط المقدر (Y).

ويمكن كتابتهما كما يلي:

$$X = A + x$$

$$Y = B + y$$

حيث:

$$A = \frac{\sum P_0 Q_t}{\sum P_0 Q_0} \quad \text{الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي صحيح لا يحتوي على اخطاء} \quad -1$$

$$B = \frac{\sum p_o q_t}{\sum p_o q_o} \quad \text{الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط صحيح لايحتوي على اخطاء}$$

-٣ الخطأ العشوائي (Random error) الناجم عن قياس الرقم القياسي (x) الحجمي للانتاج الاجمالي.

-٤ الخطأ العشوائي الناجم عن قياس الرقم القياسي الحجمي (y) للاستهلاك الوسيط.

ويفترض Mr. Hill ما يلي:

(١) ان التوقع الرياضي Mathematical Expectancy للخطأ العشوائي لكل (x) و (y) صفر

أي :

$$E(x) = 0$$

$$E(y) = 0$$

(ب) ان المتغيرين (x) و (y) مستقلان عشوائياً:

(independent random error of measurement) أي: $E(xy) = E(x) \cdot E(y) = 0$.

(ج) إن النسبة:

$$D = \frac{1}{1 - C} = \frac{\sum P_o Q_o}{\sum P_o Q_o - \sum p_o q_o}$$

صحيحة (true rate) وخالية من أي خطأ.

ثم يتكلم عن ثلاث طرائق لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V) وهي:

- طريقة التقليل المزدوج Double deflation

- طريقة استخدام الانتاج الاجمالي كمؤشر وحيد Output as indicator

- طريقة استخدام الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد Input intermediate as indicator

وليكن (Z) الخطأ الناجم عن تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية. إن قيمة هذا الخطأ تتعلق بنوع الطريقة المطبقة في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

-١ طريقة التقليل المزدوج

إذا كان (Z) يمثل القياسي المقدر للقيمة المضافة الحقيقية بطريقة التقليل المزدوج فيكون

$$Z = V + z$$

حيث:

الرقم القياسي الصحيح للقيمة المضافة الحقيقية أي في حالة عدم وجود أخطاء عشوائية في قياس كل من الرقم القياس الحجمي للانتاج الاجمالي (A) والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (B)

V =

إن (Z):

$$Z = D X - (D-1) Y$$

و (V)

$$V = D A - (D-1) B$$

ومنه (z)

$$z = Z - V = D (x-A) - (D-1) (Y-B)$$

$$z = D x - (D-1) y \quad (3)$$

ومنه يكون التوقع الرياضي

$$E (z) = D E (x) + (D-1) E (y) = 0$$

وفي هذه الحالة يكون التقدير (Z) للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية غير متحيز (an unbiased estimate) إن تباين الخطأ (Variance of errors) هو:

$$E (Z - V)^2 = E \left(\frac{Z}{Z} \right) = D^2 E (x^2) + (D - 1)^2 E (y^2) \quad (4)$$

-٢ طريقة استخدام الرقم القياسي الحجمي للإنتاج الإجمالي كمؤشر وحيد لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V)

في هذه الحالة يمثل تقدير الرقم القياسي الحجمي للإنتاج (x) تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية أي:

$$Z = X = V + z$$

$$z = x - V = (A + x) - [DA - (D-1) B]$$

$$z = x - (D - 1) (A - B)$$

ويكون التوقع الرياضي ل (z)

$$E (z) = - (D - 1) (A - B) \quad (5)$$

وهذه القيمة لاتساوي الصفر أي أن تقدير الرقم القياسي الحجمي للإنتاج الإجمالي هو تقدير متحيز (a biased estimate) للقيمة المضافة الحقيقية (V) ويكون مقدار التحيز (biase) صغيراً عندما يتقارب الرقم القياسي الحجمي للإنتاج من الرقم القياسي للاستهلاك الوسيط. وكذلك عندما تتقارب النسبة (D) من الواحد وهذا التقارب يتحقق عندما تكون النسبة

$$C = \frac{\sum P_o Q_o}{\sum P_o Q_o} \text{ صغيرة.}$$

ويكون تباين الخطأ

$$E (X - V)^2 = E (x^2) + (D - 1)^2 (A - B)^2 \quad (6)$$

طريقة استخدام الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V)

وفي هذه الحالة يمثل تقدير الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (Y) تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية أي:

$$Z = Y = V + z$$

$$z = Y - V = (B + y) - [DA - (D - 1) B] \\ = y - D (A - B)$$

ويكون التوقع الرياضي (z)

$$E(z) = E(y) - D(A - B) = -D(A - B) \quad (7)$$

وهنا يكون التقدير متحيزاً والقيمة المطلقة لهذا التحيز (absolute volue of the bias) هو أكبر من التحيز عند استخدام الرقم القياسي للانتاج كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية باعتبار (D < 1) وهذه صيغة تبين الخطأ في استخدام الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط

$$E(Y - v)^2 = E(Y^2) + D^2(A - B)^2 \quad (8)$$

ولبيان الفعالية النسبية لتقدير كل طريقة (Relative efficiency of the estimate) يصار الى قياس تبين الخطأ الناجم عن استخدام هذه الطريقة إذ كلما صغر التباين يكون التقدير اكثر دقة (more accurate estimate) ثم يقارن هذا التباين مع التباين الناجم عن تطبيق طريقة أخرى. ولنقسم باجراء تقييم لتباين كل طريقة من الطرائق الثلاثة المستخدمة في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية:

f- تباين الخطأ في حالة التقليل المزدوج حسب الصيغة (4)

$$E(Z - V)^2 = D^2 E(x^2) + (D - 1)^2 E(y^2) \quad (4)$$

من هذه الصيغة يستخلص مايلي:

أولاً: إن تباين الخطأ في هذه الحالة هو دوماً أكبر من : $E(X - A)^2 = E(x^2)$ أي تباين الخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للانتاج وبالفعل فإن: $E(z - v)^2 = D^2 E(x^2) + (D - 1)^2 E(y^2)$ وباعتبار أن $D > 1$ وأن $(D - 1)^2 E(y^2) > 0$

تتحقق المراجعة التالية: $E (z - v)^2 > E (x^2)$

ثانياً: إذا كان تباين الخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للانتاج $E (X - A)^2$ هو أكبر من تباين الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط $E (Y - B)^2$ أي $E (X - A)^2 \leq E (Y - B)^2$ فيكون تباين الخطأ في القيمة المضافة الحقيقية أكبر من كل منهما

$$E (Z - V)^2 \geq E (X - A)^2$$
$$E (Z - V)^2 \geq E (Y - B)^2$$

وبالحقيقة لاحظنا مسبقاً بأن تباين $E (Z - V)^2$ هو دوماً أكبر من تباين الخطأ في الانتاج $E (x^2)$ وباعتبار أن هذا التباين الأخير هو فرضياً أكبر من تباين الخطأ في الاستهلاك الوسيط فيكون هذا الأخير بدوره اصغر من تباين الخطأ في القيمة المضافة الحقيقية.

ثالثاً: إذا كانت النسبة $D \geq 2$ فإن تباين $E (Z - V)^2$ هو أكبر من مجموع تباين الخطأ في رقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي وتباين الخطأ في الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط أي

$$E (Z - V)^2 \geq E (x^2) + E (y^2)$$

وهما كانت كبيرة قيمة تباين $E (y^2)$

وبالفعل باعتبار ان: $D \geq 2$

فيكون: $(D - 1) \geq 1$

$$(D - 1)^2 \geq 1$$

ومنه $(D - 1)^2 E (y^2) \geq E (y^2)$

$$D^2 E (x^2) \geq E (x^2)$$

وباعتبار ان: $E (Z - V)^2 = D^2 E (x^2) + (D - 1)^2 E (y^2)$

تتحقق المترراجعة التالية: $E (Z - V)^2 > E (x^2) + E (y^2)$

مثال: إن قيمة الانحراف المعياري للخطأ في حساب الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي هو واحد بالمائة وقيمة الانحراف المعياري للخطأ في حساب الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط اثنين في المائة. كما أن قيمة نسبة الاستهلاك الوسيط الى الانتاج الاجمالي للصناعات الغذائية خمسين بالمائة.

وعلى ضوء هذه البيانات لنحسب تباين الخطأ في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية (V) بطريقة التقليص المزدوج وفق الصيغة التالية:

$$E (Z - V)^2 = E (\frac{Z}{V})^2 = D^2 E (x^2) + (D - 1)^2 E (y^2)$$

$$E (x^2) = (0,01)^2 = 0,0001 \quad \text{حيث:}$$

$$E (y^2) = (0,02)^2 = 0,0004$$

$$C = 0,5$$

$$D = \frac{1}{1 - C} = \frac{1}{1 - 0,5} = 2$$

$$D^2 = 4 \quad (D - 1)^2 = 1$$

$$E (Z - V)^2 = 4 \times 0,0001 + 1 \times 0,0004$$

$$E (Z - V)^2 = 0,0008$$

$$\sqrt{E (Z - V)^2} = 0,02828$$

$$= 2,8\%$$

وأما إذا كانت نسبة الاستهلاك الوسيط الى الانتاج الاجمالي في قطاع التشييد والبناء مثلاً ستين في المائة فيكون التباين في خطأ في قياس الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية مساوياً:

$$E (z^2) = 0,0001 \times D^2 + 0,0004 \times (D - 1)^2$$

$$D = \frac{1}{1 - 0,6} = 2,5 \quad \text{حيث أن}$$

ومنہ:

$$E(z^2) = 0,0001 \times 6,25 + 0,0004 \times 2,25$$
$$= 0,000625 + 0,0009 = 0,001525$$

قيمة الانحراف المعياري للخطأ في حساب الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية:

$$z = 0,039$$

أي 3,9%

وإذا ارتفعت نسبة الاستهلاك الوسيط الى الانتاج الاجمالي في صناعة مطاحن الحبوب الى ثمانين في المائة فيصبح التباين للرقم القياسي للقيمة المضافة مساوياً:

$$E(z^2) = 0,0001 \times D^2 + 0,0004 (D - 1)^2$$

$$D = \frac{1}{1 - 0,8} = \frac{1}{0,20} = 5 \quad \text{حيث}$$

$$E(z^2) = 25 \times 0,0001 + 16 \times 0,0004$$
$$= 0,0025 + 0064 = 0,0089$$

$$\sqrt{z} = 0,0943$$

أي 9,4%

وهكذا كلما ازدادت نسبة استهلاك الوسيط الى الانتاج الاجمالي في احدى الصناعات مع ثبات قيمة الانحراف لكل من:

$$\sqrt{E(y^2)} \quad , \quad \sqrt{E(x^2)}$$

فإن قيمة $E(z)$ ترتفع وبالتالي فإن تطبيق طريقة التقليل المزدوج في حساب القيمة المضافة الحقيقية يؤدي الى تقدير بعيد عن الدقة بالرغم من كونه غير متحيز.

إن استخدام الرقم القياسي الحجمي للانتاج (x) أو الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (y) كمؤشر لقياس الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية يؤدي كل منهما الى تقدير متحيز ولكن قد يكون التباين لهذا التقدير أحياناً أصغر من تباين التقدير (estimate) الذي يتم الحصول عليه بطريقة التقليل المزدوج ويفضل حينئذ تطبيق طريقة المؤشر الوحيد خصوصاً إذا كانت قيمة التحيز صغيرة وذلك بسبب كون هذه الطريقة أكثر فعالية (more efficient) من طريقة التقليل المزدوج.

ويبين Mr. Hill الشروط التي يفضل فيها استخدام طريقة مؤشر وحيد وذلك بمقارنة تباين الخطأ الناجم عن استخدام كل من الطرائق الثلاثة في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

Output as a single indicator compared with double deflation

تكون طريقة تقدير مؤشر الانتاج للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية مفضلة على طريقة تقدير طريقة التقليل المزدوج عندما يكون التباين في طريقة مؤشر الانتاج اصغر من التباين في طريقة التقليل المزدوج $E(x-v)^2 < E(z-v)^2$ إن التباين $E(x-v)^2$ محدد حسب الصيغة (6)

$$E(x-v)^2 = E(x^2) + (D-1)^2(A-B)^2$$

وأما تباين التقدير (Z) فهو محدد حسب الصيغة (4)

$$E(z-v)^2 = D^2 E(x^2) + (D-1)^2 E(y^2)$$

ومنه

$$E(x^2) + (D-1)^2(A-B)^2 < D^2 E(x^2) + (D-1)^2 E(y^2)$$

$$(D-1)^2(A-B)^2 < (D^2-1) E(x^2) + (D-1)^2 E(y^2)$$

$$(A-B)^2 < \frac{D^2-1}{(D-1)^2} E(x^2) + E(y^2)$$

$$(A-B)^2 < \frac{D+1}{D-1} E(x^2) + E(y^2) \quad (9)$$

إن هذه المتراجحة (inequality) هي قابلة التحقيق بصورة عامة. إذ بالإضافة الى أن الفرق بين الرقم القياسي الحجمي الصحيح (A) (True) للانتاج والرقم القياسي الحجمي الصحيح للاستهلاك الوسيط (B)

يظل صغيراً بينما النسبة $\frac{D+1}{D-1}$ التي تضرب بقيمة تباين الرقم القياسي للانتاج (x) تكون كبيرة.

وعلى سبيل المثال إذا كانت النسبة:

$$C = \frac{\sum p_o q_o}{\sum P_o Q_o} = \frac{1}{4}$$

فتكون النسبة:

$$D = \frac{1}{1 - c} = \frac{4}{3}$$

وتصبح قيمة الكسر مساوية:

$$\frac{D + 1}{D - 1} = \frac{4/3 + 1}{4/3 - 1} = 7$$

وتؤدي الى زيادة قيمة الجداء

$$\frac{D + 1}{D - 1} E(x^2)$$

حتى ولو كانت قيمة $E(x^2)$ صغيرة.

ويكون تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية باستخدام المؤشر الحجمي للانتاج اكثر دقة من تقدير الرقم القياسي لهذه القيمة المضافة باستخدام طريقة التقليل المزدوج في احدى الحالات التالية:

١- يكبر تباين الخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للانتاج $E(x^2)$.

٢- يكبر تباين الخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط $E(y^2)$.

٣- عندما يصغر الفرق $(A - B)$

لكن من الناحية العملية تظل القيم الصحيحة لكل من: $A, B, C, E(x^2), E(y^2)$

مجهولة وكل ما يمكن عمله هو أن تخمن (Surmised) هذه القيم الصحيحة. وبالرغم من عدم امكانية الحصول على قيم صحيحة فإن هذه الصيغ تقدم ارشادات ايجابية (objective guidelines) تساعد على اختيار معقول (rational choice) بين مختلف طرائق التقدير (different methods of estimation) إذ عندما لا يوجد فرق معنوي بين تغير الانتاج وتغير الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة فإن استخدام طريقة التقليل المزدوج (عوضاً عن ادخال تحسين في التقدير) تدخل تشتتاً عشوائياً (random disturbances) لاصبر له في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية بالمقارنة للتقدير المرتكز على الانتاج الاجمالي كمؤشر وحيد. ومن الملاحظ بأن الفرضية الاساسية في اغلب التطبيقات لجداول المدخلات والمخرجات هي أن معاملات المدخلات (input coefficients) أي نسب المدخلات الى المخرجات تبقى ثابتة خلال فترة من السنوات.

وبالتالي تبني استخدام الرقم القياسي الحجمي للانتاج كمؤشر لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

ويتبين من هذا العرض النظري بأنه في بعض الحالات تقدم طريقة استخدام الرقم القياسي الحجمي للانتاج تقديراً للرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية اكثر دقة من التقدير الذي تقدمه طريقة التقييص المزدوج وفي هولندا والدانمرك يفضل استخدام الانتاج كمؤشر وجيد للقيمة المضافة الحقيقية مالم يوجد فرق معنوي بين الرقم القياسي الحجمي للانتاج والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط.

ج - مقارنة بين طريقة المؤشر الوحيد للاستهلاك الوسيط (y) وطريقة المؤشر الوحيد للانتاج الاجمالي (x)

Intermediate input as a single indicator compared with output as a single indicator

تكون طريقة المؤشر الوحيد للاستهلاك الوسيط لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية مفضلة على طريقة المؤشر الوحيد للانتاج عندما يكون تباين التقدير بطريقة مؤشر الاستهلاك الوسيط اصغر من تباين التقدير بطريقة مؤشر الانتاج أي:

$$E (Y - V)^2 < E (X - v)^2$$

إن $E (Y - V)^2$ محدد حسب الصيغة (8)

$$E (Y - v)^2 = E (y^2) + D^2 (A - B)^2$$

وإن $E (X - v)^2$ محدد بالصيغة (6)

$$E (X - v)^2 = E (x^2) + (D - 1)^2 (A - B)^2$$

ومنه

$$E (y^2) + D^2 (A - B)^2 < E (x^2) + (D - 1)^2 (A - B)^2$$

$$D^2 (A - B)^2 - (D - 1)^2 (A - B)^2 \leq E (x^2) - E (y^2)$$

$$(A - B)^2 [D^2 - (D - 1)^2] < E (x^2) - E (y^2)$$

$$(A - B)^2 < \frac{1}{2D - 1} \left[E(x^2) - E(y^2) \right] \quad (10)$$

وتتحقق هذه المتراجحة (10) عملياً ضمن شروط صعبة وعند تحققها وباعتبار أن $(A - B)^2 > 0$ يكون تباين الخطأ في تقدير الرقم القياسي الحجمي للإنتاج (x) أكبر من تباين الخطأ في تقدير الاستهلاك الوسيط (y) أي: $E(y^2) < E(x^2)$

وإن احتمال صحة هذه المتراجحة تتزايد مع:

١- زيادة الفرق: $E(x^2) - E(y^2)$

٢- وصغر قيمة النسبة (D)

٣- ونقص الفرق (A - B)

ويلاحظ بأن الجانب الأيمن من المتراجحة (10)

$$(A - B)^2 < \frac{1}{2D - 1} \left[E(x^2) - E(y^2) \right]$$

هو اصغر من الجانب الأيمن للمتراجحة (9):

$$(A - B)^2 < \frac{D + 1}{D - 1} E(x^2) + E(y^2)$$

وهذا بديهي لاسيما وأن $\frac{1}{2D - 1} < \frac{D + 1}{D - 1}$

ومنه عندما تتحقق صحة المتراجحة (10) فإن المتراجحة (9) تصبح حتماً صحيحة. لذلك إذا تم تفضيل استخدام طريقة الاستهلاك الوسيط (في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية) على استخدام طريقة الإنتاج (في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية) فتكون حتماً استخدام طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر مفضلة على طريقة التقليل المزدوج لهذا ليس من الضروري إجراء مقارنة مباشرة بين طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وطريقة التقليل المزدوج في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

وعلى سبيل المثال يستخدم الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط كمؤشر للقيمة المضافة الحقيقية في صناعة الطباعة والنشر حيث يؤخذ الاستهلاك من كمية الورق كمؤشر لهذه القيمة المضافة الحقيقية.

ومحذور هذه الطريقة بأن التحيز (bias) الناجم عن استخدام الاستهلاك الوسيط كمؤشر هو أكبر من التحيز المتولد عن استخدام الانتاج الاجمالي كمؤشر.

وعليه عندما تساوي فعالية طريقة استخدام الاستهلاك الوسيط كمؤشر مع طريقة استخدام الانتاج كمؤشر أي في حالة تحقق المساواة:

$$E(A - B)^2 = \frac{1}{2D - 1} [E(x^2) - E(y^2)]$$

يفضل اتخاذ الانتاج كمؤشر نظراً لصغر تحيزه. من الناحية العملية توجد حالتان فقط يفضل فيهما طريقة استخدام الاستهلاك الوسيط كمؤشر على طريقة استخدام الانتاج وهما:

أ- عندما يصبح التحيز مهملاً في كلتي الطريقتين بسبب أن الفرق (A - B) أصبح صغير جداً حينئذ يصار إلى انتقاء الطريقة التي تتمتع بفعالية أكبر.

ب- عندما لا تتوفر إلا بيانات جزئية غير كاملة عن الانتاج.

وهذا يحدث عندما يصبح تباين الرقم القياسي الحجمي للانتاج كبيراً جداً. وقد لاحظنا بأنه في حالة تفضيل طريقة استخدام الاستهلاك الوسيط كمؤشر على طريقة استخدام الانتاج كمؤشر فإن طريقة استخدام الاستهلاك الوسيط هذه تكون بدورها مفضلة على طريقة التقليل المزدوج.

د- الملحق الرياضي: الطريقة المثلى في قياس القيمة المضافة الحقيقية

Mathematical annex: The optimal method of measuring real value added

كرس Mr. Hill ملحقاً رياضياً لمقارنة مختلف الطرائق الثلاثة المستخدمة في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية^(١). وقد سبق وتم عرض هذه الطرائق الثلاثة ومقارنة فعالية كل منها، وقد شرحها بايجاز كما يلي:-

(1) Annex "The reliability of alternative measures of real product" -page 27-
The measurement of real product-OECD.

١- حسب طريقة التقليل المزدوج

يتحدد تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية بعلاقة خطية مع الرقم القياسي الحجمي للإنتاج (x) والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (y) مع ترجيحهما على الترتيب بالوزنين (Weights) التاليين

$$\begin{aligned} + D &= \text{الوزن الاول:} \\ - (D - 1) &= \text{الوزن الثاني:} \end{aligned}$$

$$Z = D X - (D - 1) Y$$

٢- حسب طريقة الانتاج الاجمالي

تصبح صيغة الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية $Z = X$

٣- حسب طريقة الاستهلاك الوسيط تصبح صيغة الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

تصبح صيغة الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية $Z = Y$

وبعد اجراء مقارنات بين هذه الطرائق لاحظ Hill بان كلا من هذه الطرائق الثلاثة لاتعتبر الطريقة المثلى (Optimal Method) لتقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية. وقد عرف الطريقة المثلى بالطريقة التي يتم بموجبها تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية بحيث يكون تباين هذا التقدير (Variance of estimate) حداً أدنى في الصغر. ويرمز الى قيمة هذا التقدير الامثل (T) ويحدد بعلاقة خطية مع الرقم القياسي الحجمي للإنتاج (x) والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط (y) وهي:

$$T = W X - (W - 1) Y \quad (11)$$

حيث الوزن (W) عبارة عن رقم حقيقي (any real number) ثم يصار الى تحديد (W) بصورة يصبح التباين $V(T) = E(T - V)^2$ قيمة صغرى وفي هذه الحالة يسمى الوزن (W) بالوزن الامثل للإنتاج optimum weight of output.

إن صيغة تباين التقدير (T) للرقم القياس للقيمة المضافة الحقيقية هي:

$$E (T - V)^2 = E \left[T - \left[(DA - (D - 1) B) \right] \right]^2$$

وبدلالة العلاقة (11) يكون

$$E (T - V)^2 = E \left[\left[W X - (W - 1) Y \right] - \left[D A - (D - 1) B \right] \right]^2$$

وبدلالة

$$X = A + x$$

$$Y = B + y$$

$$E (x) = 0$$

$$E (y) = 0$$

$$E (xy) = 0$$

$$T = W (A + x) - (W - 1) (B + y) \quad \text{يكون}$$

$$T = W A + W x - W B - W y + B + y$$

$$V = D A - D B + B \quad \text{(وفق الصيغة 1)}$$

$$T - V = W (A - B) - D (A - B) + W (x - y) + y$$

$$T - V = (W - D) (A - B) + W (x - y) + y$$

$$(T - V)^2 = (W - D)^2 (A - B)^2 + W^2 (x - y)^2 + y^2 + 2(W - D) (A - B) y + 2W (W - D) (A - B) (x - y) + 2W (x - y) y$$

ومنه يكون التباين ولنرمز اليه (k)

$$K = E(T-V)^2 = (W-D)^2(A-B)^2 + W^2 [E(x^2) + E(y^2)] + E(y^2) - 2WE(y^2)$$

ان هذا التباين يتغير بدلالة الوزن (W) ويبلغ نهاية صفري:

- عندما يكون المشتق الاول (First derivative) للتباين معدوما بالنسبة للوزن (W)

$$\frac{dk}{dw} = 0$$

- ويكون المشتق الثاني موجبا بالنسبة للوزن (W)

$$\frac{d^2 k}{d w^2} = 0$$

وبالفعل فان ميفة المشتق الاول للتباين بدلالة الوزن (W)

$$\frac{dk}{dw} = 2(W-D)(A-B)^2 + 2W [E(x^2) + E(y^2)] - 2E(y^2)$$

وميفة المشتق الثاني للتباين:

$$\frac{d^2 k}{d w^2} = 2 [(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)]$$

ان الجانب الايمن من المشتق الثاني مؤلف من مجموعة حدود موجبة لذلك تصبح قيمة التباين (k) صفري عندما يكون المشتق الاول لهذا التباين معدوما:

$$\frac{dk}{dw} = 2(W-D)(A-B)^2 + 2W [E(x^2) + E(y^2)] - 2E(y^2) = 0$$

وهذا يتحقق عندما يصبح وزن الانتاج الاجمالي (W) مساويا:

$$W_o = \frac{D(A-B)^2 + E(y)^2}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)} \quad (12)$$

وفي هذه الحالة يمكن استنتاج ما يلي:

اولا: باعتبار ان النسبة (D) هي دوما اكبر من الواحد ($D > 1$) فتكون النسبة $\frac{W_o}{D}$

اصغر من الواحد. ونحصل على هذه النتيجة بتقسيم طرفي الصيغة (12) على (D)

$$\frac{W_o}{D} = \frac{(A-B)^2 + E(y)^2/D}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)}$$

وهنا البسط اصغر من المقام ومنه:

$$\frac{W_o}{D} \leq 1$$

ومن الصيغة (12) يلاحظ بان الوزن الامثل (W_o) هو موجب دوما لان كلا من البسط والمقام موجب وعليه تتحقق صحة المتراجحة المزدوجة التالية:

$$0 \leq \frac{W_o}{D} < 1$$

وعندما يتساوى الوزن الامثل (W_o) مع الحد الاعلى: $W_o = D$ ويستبدل في الصيغة (12) الوزن (W_o) بالقيمة (D) يكون:

$$D = \frac{D(A-B)^2 + E(y)^2}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)}$$

$$D(A-B)^2 + D E(x^2) + D E(y^2) = D(A-B)^2 + E(y^2)$$

$$D \cdot E(x^2) + E(y^2) [D-1] = 0$$

لكن القيمة (D) هي دوما اكبر من الواحد وعليه فان المساواة الاخيرة لا تتحقق الا عندما يكون كل من تباين (x) و (y) معدوما: $E(x^2) = 0$ و $E(y^2) = 0$

$$(A-B)^2 \neq 0 \quad \text{مع بقاء}$$

في هذه الحالة فقط فان طريقة التقليل المزدوج تعتبر مثلى (double deflation is optimal) اي عند عدم وجود اخطاء عشوائية في قياس كل من الرقم القياسي الحجمي للانتاج والرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط.

ثانيا: من المعادلة الخطية (11) $T = WX - (W-1) Y$

يلاحظ انه عندما يتم تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية باستخدام طريقة

الانتاج الاجمالي كمؤشر وحيد تصبح هذه المعادلة مساوية $T = W$

ويكون الوزن (W) مساويا واحد تعتبر هذه الطريقة بدورها مثلى عندما تتحقق صفة

الصيغة (11) فيكون الوزن الامثل للانتاج الاجمالي $W_0 = 1$

مساويا الي:

$$W_0 = \frac{D(A-B)^2 + E(y^2)}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)} = 1$$

$$(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2) = D(A-B)^2 + E(y^2)$$

وبعد الاختصار يكون:

$$(D-1)(A-B)^2 = E(x^2)$$

$$(A-B)^2 = \frac{E(x^2)}{D-1} \quad (13)$$

ويلاحظ بان الصيغة الاخيرة (13) لا تتضمن تباين الخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط. وفي حالة خاصة عندما يكون $D=2$ أي عندما تؤلف نسبة الاستهلاك الوسيط الى الانتاج الكلي خمسين بالمائة فتأخذ الصيغة الشكل التالي:

$$(A-B)^2 = \frac{E(x^2)}{2-1} = E(x^2)$$

$$|A-B| = \sqrt{E(x^2)}$$

ويتساوى الانحراف المعياري للخطأ في قياس الرقم القياسي الحجمي للانتاج الكلي مع القيمة المطلقة للفرق بين الرقمين القياسيين الصحيحين (True indexes) للانتاج الاجمالي والاستهلاك الوسيط.

ثالثا: عندما تكون قيمة (W) اقل من الواحد $W < 1$ يصبح الوزان (Two weights) من المعادلة (11) ، $T = WX - (W-1)Y$ موجبين. وبالتالي فان وزن الاستهلاك الوسيط يحقق صحة المتراجحة: $0 < (W-1)$ كما يصبح تقدير (estimate) -T- وسطا عاديا مرجحا (Ordinary weighted average) بوزنين موجبين. وفي هذه الحالة عندما يكون وزن الانتاج مثلا $W=W_0$ فتتحقق صحة المتراجحة:

$$(A-B)^2 < \frac{E(x^2)}{D-1} \quad (14)$$

وعندما تكون قيمة هذا الوزن الامثل: 1
 $W_0 = \frac{1}{2}$

يتم الحصول من المعادلة (12)

$$W_0 = \frac{D(A-B)^2 + E(y^2)}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)} = \frac{1}{2}$$

على الصيغة التالية:

$$2D(A-B)^2 + 2E(y^2) = (A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)$$

أو

$$(A-B)^2 = \frac{1}{2D-1} [E(x^2) - E(y^2)] \quad (15)$$

وإذا اعطي للوزن الامثل للانتاج قيمة اقل من النصف:

$$W_0 < \frac{1}{2}$$

فتنقلب المعادلة (15) الى متراجحة:

$$(A-B)^2 < \frac{1}{2D-1} [E(x^2) - E(y^2)]$$

وهي نفس المتراجحة (10). وفي هذه الحالة يفضل تطبيق طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد على طريقة الانتاج كمؤشر وحيد في تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية.

رابعاً: عندما يتقارب الرقم القياسي الصحيح للانتاج (A) من الرقم القياسي الصحيح للاستهلاك الوسيط (B):

$$A \text{ -----} \rightarrow B$$

$$(A-B) \text{ -----} \rightarrow 0$$

فان الوزن الامثل للانتاج (W_0) يتقارب حسب الصيغة (12) الى:

$$W_0 \text{ -----} \rightarrow \frac{E(y^2)}{E(x^2) + E(y^2)}$$

ويكون الوزنان (W_0) و ($W_0 - 1$) - موجبين لان $0 < W_0 < 1$ ومنه:

$$-(W_0 - 1) = - \left(\frac{E(y^2)}{E(x^2) + E(y^2)} - 1 \right) = \frac{E(x^2)}{E(x^2) + E(y^2)}$$

خامساً: طريقة اختبار الرقم القياسي للاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد مع افتراض أن هذه الطريقة هي مثلى.

بتطبيق هذه الطريقة تصبح صيغة المعادلة (11) مساوية $T = Y$

$$W_0 \text{ -----} \rightarrow 0$$

أي عندما

ان هذا الافتراض لا يتحقق الا في احدى حالتين:

$E(x^2) \rightarrow \infty$ الحالة الاولى

$(A-B) \rightarrow 0$ الحالة الثانية

$E(y^2) \rightarrow 0$

مع بقاء $E(x^2)$ مساوية الى قيمة محدودة.

هـ- انتقاء الطريقة المفضلة بالاشتقاق من الطريقة المثلى

The choice of preferred method derived from the optimal method

ان الطرائق الثلاثة التي تمت مقارنتها:

- طريقة التقليل المزدوج
- طريقة الانتاج كمؤشر وحيد
- طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد

تعتبر مثلى في الحالات التالية:

طريقة تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية قيمة الوزن الامثل W_0

$W_0 = D$ - التقليل المزدوج

$W_0 = 1$ - مؤشر الانتاج الاجمالي

$W_0 = 0$ - مؤشر الاستهلاك الوسيط

وهذه الحالات الثلاثة تُولف ثلاث نقاط فقط من القيم التي يأخذها الوزن والتي تُولف المجال (Range)

$$0 \leq W \leq D$$

$$1 \leq D$$

وباعتبار أن

يمكن تقسيم المجال الى فترتين:

$$1 \leq W \leq D$$

- الفترة الاولى

$$0 \leq W \leq 1$$

- الفترة الثانية

وتتم المقارنة بين الطرائق الثلاثة بدلالة القيم التي تعطى الى الوزن الامثل للانتاج (W_0)

ان الوسط الحسابي للفترة $0 \leq W \leq D$ هو:

$$\frac{1+D}{2}$$

$$W_0 < \frac{1+D}{2}$$

يجري تفضيل طريقة الانتاج كمؤشر وحيد على طريقة التقليل المزدوج. وفي الحقيقة من

$$W_0 < \frac{1+D}{2}$$

المتراجعة:

$$W_0 = \frac{D(A-B)^2 + E(Y^2)}{(A-B)^2 + E(X^2) + E(Y^2)} < \frac{1+D}{2}$$

$$2D(A-B)^2 + 2E(Y^2) < (1+D)(A-B)^2 + (1+D)E(X^2) + (1+D)E(Y^2)$$

$$(D-1)(A-B)^2 < (1+D)E(X^2) + (D-1)E(Y^2)$$

$$(A-B)^2 < \frac{1+D}{D-1} E(X^2) + E(Y^2) \quad (16)$$

نحصل على المتراجحة (16) التي هي نفس المتراجحة (9) حيث يفضل عند تحققها طريقة الانتاج كمؤشر وحيد على طريقة التقليل المزدوج. وكذلك ان الوسط الحسابي للغترة (1)

$$w_0 < \frac{1}{2} \text{ وفي حالة } w_0 < \frac{1}{2}$$

نتوصل الى المتراجحة:

$$(A-B)^2 < \frac{1}{2D-1} [E(x^2) - E(y^2)] \quad (17)$$

وهي نفس المتراجحة (10) حيث يفضل تطبيق طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر على طريقة الانتاج كمؤشر.

وهكذا فيمكن تقسيم المجال الكامل الذي تشغله (the total range spanned) قيم الوزن الامثل (w_0) الى ثلاثة اقسام.

في القسم الاول تفضل طريقة التقليل المزدوج ويكون

$$\frac{D+1}{2} < w \leq D \quad (18)$$

في القسم الثاني تفضل طريقة الانتاج كمؤشر وحيد ويكون

$$\frac{1}{2} < w < \frac{D+1}{2} \quad (19)$$

في القسم الثالث تفضل طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد ويكون

$$0 \leq w < \frac{1}{2} \quad (20)$$

وتجدر الاشارة اخيرا بأنه عندما $D < \frac{1}{2}$

يتم الحصول على المتراجحة:

$$w_0 = \frac{D(A-B)^2 + E(y^2)}{(A-B)^2 + E(x^2) + E(y^2)} < \frac{D}{2}$$

التي يتم تحويلها الى المتراجحة التالية:

$$(A-B)^2 < E(x^2) + \frac{D-2}{D} E(y^2) \quad (21)$$

ان تحقق هذه المتراجحة (21) يعني ايضا ان طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد مفضلة على طريقة التقليل المزدوج. وبالفعل فان تباين تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية بطريقة التقليل المزدوج حسب الصيغة (4)

$$D^2 E(x^2) + (D-1)^2 E(y^2)$$

وتباين تقدير الرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية وطريقة الاستهلاك الوسيط حسب الصيغة (8)

$$E(y^2) + D^2(A-B)^2$$

ويجري تفضيل طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وحيد على طريقة التقليل المزدوج حين تتحقق صحة المتراجحة التالية:

$$E(y^2) + D^2(A-B)^2 < D^2 E(x^2) + (D-1)^2 E(y^2)$$

$$D^2(A-B)^2 < D^2 E(x^2) + (D^2-2D) E(y^2)$$

$$(A-B)^2 < E(x^2) + \frac{D-2}{D} E(y^2)$$

وهذه المتراجحة الاخيرة هي نفس المتراجحة (21).

$$W = \frac{D}{2}$$

ومع ذلك فان النقطة

تظل داخل القسم الثاني (19) من المجال حيث تعتبر طريقة الانتاج الاجمالي احسن طرق التقدير. وعليه فالحالة الوحيدة التي ترجح فيها طريقة الاستهلاك الوسيط كمؤشر وتعتبر مثلى وبالتالي مفضلة على كل من طريقة التقليل المزدوج وطريقة الانتاج

الاجمالي عندما تتحقق المتراجحة $0 < W_0 < \frac{1}{2}$ في هذه الحالة فقط.

-III قياس الضرائب السلعوية والرسوم الجمركية بالاسعار المشبته
Commodity taxes and import duties at constant prices

-١ الضرائب السلعوية والرسوم الجمركية بالاسعار المشبته

تفرض هذه الضرائب على تدفقات السلع والخدمات (flows of goods & services) حين انتاجها أو استيرادها أو استخدامها للاستهلاك أو التصدير أو تكوين رأس المال، وتدفع هذه الضرائب والرسوم سواء من قبل المنتج أو الموزع (التاجر). وتعرف الضريبة لوحدة السلعة أو الخدمة T (أو السعر الضريبي) (the tax per unit of commodity) بالفرق بين سعر المنتج -P- (Producer's price) أو سعر الاساس التقريبي -B- (approximate basic price) لهذه السلعة أو الخدمة أي تحقق العلاقة التالية:

$$P - B = T \quad (1)$$

وإذا رمزنا لكمية هذه السلعة أو الخدمة بالحرف (Q) فتكتب العلاقة كما يلي:

$$PQ - BQ = TQ \quad (2)$$

وتكون لمجموع السلع والخدمات

$$\sum_{1}^{n} PQ - \sum_{1}^{n} BQ = \sum_{1}^{n} TQ \quad (3)$$

وحين تتناسب قيمة الضريبة لوحدة الكمية (T) مع سعر الاساس التقريبي وإذا كان معدل التناسب (K) فتتحدد قيمة الضريبة لوحدة الكمية بالعلاقة التالية:

$$T = K.B \quad (4)$$

ويحلل مجموع قيم الضرائب السلعوية الى مركبتين:

$$\sum_{1}^{n} TQ = \sum_{1}^{L} K.BQ + \sum_{L+1}^{n} T.Q \quad (5)$$

وتمثل المركبة الاولى $\sum_{1}^{L} KBQ$ مجموع الضرائب السلعوية التي تفرض بالتناسب مع سعر السلعة. وتتألف هذه المركبة من (L) سلعة وخدمة.

وأما المركبة الثانية $\sum_{L+1}^n T_o Q$ فتتألف من مجموع الضرائب السلعية التي تفرض على الوحدات الكمية للسلع والخدمات في هذه الحالة ولا تؤخذ أسعارها في تحديد الضرائب بعين الاعتبار ويكون عدد السلع والخدمات في هذه المركبة الثانية $(n - L)$. وعندما تقيم معاملات (تيارات) السلع والخدمات للسنة (t) بأسعار المنتج وبأسعار الأساس التقريبي لسنة الأساس (0) يحصل على المعادلة التالية:

$$\sum_1^n P_o Q_t - \sum_1^n B_o Q_t = \sum_1^L K_o B_o Q_t + \sum_{L+1}^n T_o Q_t$$

ويتبين من هذه المعادلة الأخيرة بأن المحافظة على خاصة الاتساق التجميعي (additive consistency) بين أسعار المنتج وأسعار الأساس التقريبي بالأسعار الثابتة لسنة الأساس تتطلب أن يتم تقدير الضرائب السلعية والرسوم الجمركية بالأسعار الثابتة في المركبتين:

$$\sum_1^L K_o B_o Q_t$$

$$\sum_{L+1}^n T_o Q_t$$

أي بأسعار السلع والخدمات في سنة الأساس وبنفس نسب الضرائب (tax rates) لسنة الأساس أيضاً. وتظهر المعادلة مقدار مجموع الرسوم التي تدفع في سنة المقارنة (t) فيما إذا بقيت الضرائب وأسعار الأساس التقريبي ثابتة كما هي عليه في سنة الأساس. إن الهدف في تطبيق هذه الطريقة لحساب الضرائب السلعية والرسوم الجمركية بالأسعار المثبتة هو تحقيق الاتساق داخل إطار الحسابات (accounting frame) لذلك فإن المرشد للحسابات القومية بالأسعار المثبتة يومي بتطبيقها. إلا أنه يلاحظ بأنها ليست هي الطريقة الوحيدة في حساب الضرائب السلعية بالأسعار الثابتة كما أنها ليست بالضرورة الأكثر ملاءمة لتحقيق جميع الأهداف. ويشير «المرشد» على سبيل المثال إلى الرأي القائل بأن الضرائب غير المباشرة هي مدفوعات لقاء خدمات حكومية. وهنا يرى «المرشد» بأن الحجم (volume) قد يتغير من سنة إلى أخرى. ويقاس حجم التغير بتطبيق نسب الضرائب لسنة المقارنة (t) على السلع والخدمات مقيمة بأسعار سنة الأساس. ولكن لا يعالج المرشد هذا القياس الأخير ثم يعرض الأرقام القياسية لحجوم وأسعار الضرائب السلعية التالية:

$$\frac{\sum T_o Q_t}{\sum T_o Q_o}$$

الرقم القياسي الحجمي - صيغة لاسبير -

$$\frac{\sum T_t Q_t}{\sum T_t Q_0} \quad \text{الرقم القياسي الحجمي - صيغة باش -}$$

$$\frac{\sum T_t Q_0}{\sum T_0 Q_0} \quad \text{الرقم القياسي للسعر - صيغة لاسبير -}$$

$$\frac{\sum T_t Q_t}{\sum T_0 Q_t} \quad \text{الرقم القياسي للسعر - صيغة باش -}$$

ان الرقم القياسي للسعر الضريبي (tax price index) وفق صيغة لاسبير يقيس التغيرات في مجموع قيمة الضرائب المفروضة على سلة (given basket) من السلع والخدمات لا تتغير كمياتها سنويا. وتظل ثابتة كما هي عليه في سنة الاساس. وتكون تغيرات هذا الرقم نتيجة لتغيرات السعر الضريبي (T_t) ويحقق هذا السعر العلاقة التالية:

$$T_t = K_t B_t$$

ويتغير بتبدل نسبة الضريبة (K_t) وسعر الاساس التقريبي. يرى «المرشد» بأن قياس الرقم القياسي للسعر الضريبي اسهل من قياس الرقم القياسي الحجمي الضريبي (tax volume index) لذلك من الناحية العملية يمكن تقدير الرقم القياسي الحجمي بصورة غير مباشرة عن طريق تقليص قيمة الضرائب السلعية بالامعار الجارية على الرقم القياسي للسعر الضريبي - صيغة باش - ويكون حينئذ الرقم القياسي للسعر هو وسط توافقي مرجح باستخدام القيم الجارية كأوزان.

يمكن الحصول على السعر الضريبي مباشرة عن طريق تقسيم قيمة الضريبة السلعية على الكمية عندما تتحدد الضريبة بالكمية فقط. وأما اذا كانت الضريبة تتحدد على اساس نسبة معينة بالنسبة للقيمة (ad-volum) كما هو المطبق في الغالب فيلزم الحصول على بيانات تتعلق بنسب الضرائب (tax rates) بالاضافة الى بيانات عن اسعار الاساس التقريبي. وتكون في هذه الحالة نسبة السعر الضريبي لسنة المقارنة () بالنسبة لسنة الاساس (0) مساوية:

$$\frac{T_t}{T_0} = \frac{K_t B_t}{K_0 B_0} = \frac{K_t}{K_0} \cdot \frac{B_t}{B_0} \quad (6)$$

ولكن من الناحية العملية ان نسب الاسعار المتوفرة هي نسب اسعار المنتج: $\frac{P_t}{P_0}$

ويمكن تحويل المعادلة (6) بدلالة نسب اسعار المنتج وذلك وفق العلاقة التالية:

$$P = B+T = B+KB = (1+K)B$$

ومنه

$$B = \frac{P}{1+K}$$

وتكتب المعادلة (6) كما يلي:

$$\frac{T_t}{T_0} = \frac{K_t}{K_0} \cdot \frac{B_t}{B_0} = \frac{K_t}{K_0} \cdot \frac{P_t}{P_0} \left(\frac{1+K_0}{1+K_t} \right) \quad (7)$$

وعليه تتحدد نسبة السعر الضريبي بدلالة نسبة الضريبة وسعر المنتج في كل من سنة المقارنة وسنة الاساس. وبالاستناد الى نسب الاسعار الضريبية يتم بناء رقم قياسي للسعر الضريبي.

وبالنسبة للواردات (imports) فان السعر بقيمة سيف يقابل سعر الاساس التقريبي. ويكون سعر المنتج مساويا للسعر بقيمة سيف بعد اضافة اليه سعر الرسوم الجمركية. وعندما تكون الرسوم الجمركية تتناسب مع القيم فان نسبة الرسم الجمركي يقابل نسبة الضريبة (K_t). ويمكن تطبيق العلاقة (7) للحصول على نسبة السعر الضريبي

$$\left(\frac{T_t}{T_0} \right)$$

-٢- التغيرات في نسب الضرائب السلعية

Variations in the Rates of Commodity Taxes

قد تختلف نسب الضرائب السلعية التي تفرض على نوع واحد من السلع حسب فئة المشتري. وعلى سبيل المثال قد تستفيد السلعة المباعة للتصدير بعدم دفع ضريبة سلعية بينما تظل هذه السلعة خاضعة لنسبة ضريبية اذا بيعت للاستهلاك داخل البلد. لذلك تكون نسب الضرائب السلعية المغروضة على سلعة معينة تختلف حسب نوع فئة المشتري فان قيمة مجموع الضرائب السلعية لا يتعلق فقط بمجموع قيم المبيعات لهذه

السلعة بل يتعلق أيضا بتوزيع المبيعات حسب فئات المشتريين. وبفرض أن الضرائب السلعية يتحملها كليا المشترون فإن مجموع القيم بسعر المنتج (total producers' values) يتأثر حسب توزيع (هيكل) المبيعات. ولهذا السبب يفضل في بناء جداول المدخلات والمخرجات اجراء تقييم المعاملات (التيارات) بأسعار الاساس على اسعار المنتج. وان استخدام اسعار الاساس التقريبي بدلا من اسعار المنتج يؤدي الى اعطاء قيم متجانسة لكميات السلع والخدمات المنتجة مستقلة عن آثار معدلات الضرائب التي تميز بين فئات المشتريين والتي تتحكم في تحديد القيم بسعر المنتج.

وإذا فرض بأن سعر الاساس التقريبي موحد بالنسبة لاية سلعة مباعه؛ وأن نسب الضريبة المفروضة على السلعة مختلفة حسب فئة المشتريين فان سعر المنتج لهذه السلعة يتغير بدوره من فئة الى اخرى. وان الوسط الحسابي لجميع وحدات السلعة المباعه يتعلق بهيكل المبيعات (pattern of sales) لمختلف فئات المشتريين. وفي هذه الحالة يلزم التحفظ في استخدام وتحليل قيم المنتج بالاسعار الثابتة (Producers' values at Constant Prices) باعتبار ان القياس بالاسعار الثابتة لا يؤدي بالضرورة الى بقاء قيمة الوسط الحسابي لجميع اسعار المنتج لمبيعات السلعة المعينة ثابتة خلال سنة المقارنة (t) بل تتأثر بتغير هيكل المبيعات خلال هاتين السنتين.

مثال:

تشير البيانات التالية الى مبيعات مادة الاسمنت حيث يفرض بأن ضريبة الامنت تدفع فقط على المبيعات الداخلية وتتناسب مع قيمة المبيعات.

| ١٩٨٧ | ١٩٨٥ | |
|------|------|------------------------------------|
| | | <u>المبيعات الداخلية</u> |
| ٢٠٠٠ | ٢٤٠٠ | - الكميات بآلاف الاطنان |
| ٢٦ | ٣٠ | - سعر الاساس التقريبي بوحدات النقد |
| ١٢ | ٨ | - نسبة الضريبة المثوية |
| | | <u>المبيعات للتصدير</u> |
| ١٨٠٠ | ١٢٠٠ | - الكميات بآلاف الاطنان |
| ٢٦ | ٣٠ | - سعر الاساس التقريبي بوحدات النقد |
| ٢٨٠٠ | ٣٦٠٠ | مجموع الكميات بآلاف الاطنان |

وبدلالة هذه البيانات يتم حسب القيم التالية بالآلاف الوحدات النقدية:

| ١٩٨٧ | | ١٩٨٥ | |
|-------------------------------|------------------|--------|-----------------------------|
| بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٥ | بالاسعار الجارية | | |
| <u>المبيعات الداخلية</u> | | | |
| ٦٠٠٠٠ | ٧٢٠٠٠ | ٧٢٠٠٠ | - القيمة الاساسية التقريبية |
| ٤٨٠٠ | ٨٦٤٠ | ٥٧٦٠ | - قيمة الضريبة السلعية |
| ٦٤٨٠٠ | ٨٠٦٤٠ | ٧٧٧٦٠ | - القيمة بسعر المنتج |
| <u>المبيعات للتصدير</u> | | | |
| ٥٤٠٠٠ | ٦٤٨٠٠ | ٢٦٠٠٠ | - القيمة الاساسية التقريبية |
| - | - | - | - قيمة الضريبة السلعية |
| ٥٤٠٠٠ | ٦٤٨٠٠ | ٢٦٠٠٠ | - القيمة بسعر المنتج |
| <u>مجموع المبيعات</u> | | | |
| ١١٤٠٠٠ | ١٣٦٨٠٠ | ١٠٨٠٠٠ | - القيمة الاساسية التقريبية |
| ٤٨٠٠ | ٨٦٤٠ | ٥٧٦٠ | - قيمة الضرائب السلعية |
| ١١٨٨٠٠ | ١٤٥٤٤٠ | ١١٣٧٦٠ | - القيمة بسعر المنتج |

ويكون الرقم القياسي الحجمي للضريبة السلعية: صيغة لاسبير:

$$\frac{\sum K_o B_o Q_t}{\sum K_o B_o Q_o} = \frac{4800}{5760} = 83,3\%$$

والرقم القياسي لسعر الضريبة السلعية: صيغة باث:

$$\frac{\sum K_t B_t Q_r}{\sum K_o B_o Q_t} = \frac{8640}{4800} = 180\%$$

والجدول التالي يبين الاسعار بوحدات النقد:

| ١٩٨٧ | | ١٩٨٥ | |
|---------------------------|--------------|-------|---------------------|
| السعر المثبت لسنة ١٩٨٥ | السعر الجاري | | |
| <u>المبيعات المحلية</u> | | | |
| ٣٠ | ٣٦ | ٣٠ | سعر الاساس التقريبي |
| ٣٢,٤ | ٤٠,٣٢ | ٣٢,٤ | سعر المنتج |
| <u>المبيعات للتصدير</u> | | | |
| ٣٠ | ٣٦ | ٣٠ | سعر الاساس التقريبي |
| ٣٠ | ٣٦ | ٣٠ | سعر المنتج |
| <u>مجموع المبيعات</u> | | | |
| ٣٠ | ٣٦ | ٣٠ | سعر الاساس التقريبي |
| ٣١,٣٦ | ٣٨,٢٧ | ٣١,٦٠ | سعر المنتج |

في هذا المجال توجد فئتان للمشتريين: المشتريين المحلية والصادرات. ويلاحظ في حالة دمج هاتين الفئتين ضمن فئة واحدة ان سعر الاساس التقريبي المشتب لسنة الاساس هو واحد (٢٠) وحدة نقدية بينما سعر المنتج المشتب يتغير حسب تغير توزيع كميات الاسمنت المباعة بين الصادرات والاسواق المحلية بين سنة وسنة أخرى.

وأما الرقم القياسي الحجمي -صيغة لاسبير- الذي يستخدم كأوزان قيم المنتج في سنة الاساس:

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o} = \frac{118800}{113760} = 104,4\%$$

بينما الرقم القياسي يستخدم كأوزان قيم الاساس التقريبي

$$\frac{\sum B_o Q_t}{\sum B_o Q_o} = \frac{114000}{108000} = 105,6\%$$

ويرى «المرشد» أن اختلاف الاجوبة يجب أن لا يؤدي الى الحكم على قصور في استخدام طريقة التقييم بالاسعار المنتجة الشابتة (producers' values at constant prices) أو طريقة التقييم بأسعار الاساس التقريبية والشابتة (approximate basic values at constant prices). بل يؤكد «المرشد» على ضرورة انتقاء مجموعات متجانسة من السلع والخدمات.

الجزء الرابع

قياس الانتاج الاجمالي والقيمة المضافة بالامعار الثابتة لانشطة الخدمات

Messurement of gross output and value added at constant prices in
service activities

تتألف الخدمات من الأنشطة المؤلفة للاقسام الرئيسية (major divisions) من (٦) الى (٩) من التصنيف الدولي للصناعات.

The International Standard Industrial Classification (ISIC)
ISIC M^o 4 Rev.3

وهذه الاقسام هي:

القسم السادس: تجارة الجملة والمغرق والمطاعم والغنادق

Whole sale and retail trade and restaurants and hotels

القسم السابع: النقل والتخزين والمواصلات

Transport, storage and communications

القسم الثامن: خدمات المصارف والتأمين والخدمات العقارية وخدمات رجال الاعمال

Financing, insurance, real estate and business services

القسم التاسع: خدمات المجتمع والخدمات الاجتماعية والخدمات الشخصية

Community, social and personal services

تتزايد أهمية أنشطة الخدمات في الحياة الاقتصادية للدولة عبر السنوات فقد تجاوزت قيمتها المضافة الخمسين بالمائة بالنسبة لمجموع الناتج المحلي الاجمالي بالنسبة للبلاد المتطورة اقتصاديا. ولكن بقيت الخدمات خلال فترة طويلة من الزمن مهملة في بناء الارقام القياسية على مختلف انواعها والمتعلقة بالاسعار أو الكميات وذلك بسبب الصعوبة في تحديد طبيعة الخدمة وتوزيع قيمتها الى المركبتين التاليتين: الكمية والسعر. ولقياس الانتاج الاجمالي والقيمة المضافة للخدمات يجرى التمييز بين الخدمات المسوقة (Market Services) والخدمات غير المسوقة (Non-Market Services).

Market Services .I الخدمات المسوقة

Services wholesale and retail trade - خدمات تجارة الجملة والمغرق

يقاس الانتاج الاجمالي لخدمات التوزيع (Gross output of distribution) بمجموع قيم الهوامش (The total value of the margins) للسلع التي تجتاز (grossing through) قطاع تجارة الجملة والمغرق. وليس مجموع مبيعات هذا القطاع الى المشترين.

إن طريقة القياس هذه تتجاوب مع المفهوم الخاص للدور الاقتصادي الذي يقوم به القطاع التجاري: وبالرغم من أنه يشتري ويبيع إلا أنه مبدئياً لا يقوم بأية عملية تحويلية على السلع التي يشتريها. وإن وظيفة هذا القطاع هي أن يقدم إلى زبائنه خدمات تضاف إلى السلع المباعة اليهم بدون اجراء أي تحويل في هذه السلع وأن الخدمات الرئيسية (basic services) المقدمة من الموزع (التاجر) تهدف إلى عرض مجموعة من السلع (a wide range of goods) في مكان واحد تاركة للزبائن حرية اختيار ما يريدون شراؤه من هذه السلع.

ويمكن لهؤلاء الزبائن أن يحسنوا اختيار ما يرغبون في شراؤه من سلع وبوقت قصير من الزمن فيما إذا كانت مجموعة السلع تحتوي على انواع عديدة من الاصناف ومعرضة بصورة جيدة في جميع ارجاء المحل التجاري مع وجود بطاقات تبين أسعار السلع وخصائصها.

تتألف الخدمات الرئيسية التي يقدمها التجار للزبائن من ثلاث خدمات:

١- تقديم خيار واسع (wide choice) للسلع وذلك بعرض مجموعة كبيرة من البضائع.

٢- بيان السلع المتوفرة (goods available).

٣- توفير الوقت (saving time).

إن هذه الخدمات الرئيسية هي مترابطة (Interlinked) فإن عرض مجموعة كبيرة من البضائع لا يقدم للزبائن خياراً واسعاً فقط بل يؤدي أيضاً إلى سرعة في عمليات الشراء وبالنسبة للسلع الدائمة كبيرة الحجم يقدم التاجر خدمات مساعدة (ancillary services) منها بيان خصائص هذه السلع وتقديم المشورة (advice).

إن المستهلك عادة لا يقوم بعملية شراء السلعة الدائمة إلا مرة كل عدة سنوات ولا يكون على علم كافٍ بخصائص السلعة الدائمة الجديدة لذلك يكون بحاجة لخدمات مساعدة يقدمها التاجر. ومن الخدمات المساعدة الأخرى تأمين نقل السلعة الدائمة هذه إلى مكان المستهلك وتركيبها ثم تشغيلها. والقيام بأعمال الصيانة مجاناً خلال مدة من الزمن. كما يتعهد بأن تستبدل السلعة الدائمة بسلعة أخرى مماثلة إذ ظهر خلل في تشغيلها خلال فترة لا تقل عن السنة.

تبدو جميع الخدمات المقدمة من قبل التاجر واضحة ولكن ليست سهلة القياس بسبب عدم تجانسها (heterogeneity). ولا يمكن بصورة أكيدة تحديد مدى الترابط بين حجم الخدمات المقدمة وحجم السلع المباعة فعلياً. إذ أن التجار لا يقدمون خدمات للزبائن الذين يشترون السلع فقط بل يقدمون أيضاً خدمات للأفراد الذين يزورون المحلات التجارية لمشاهدة السلع بأمل أن يصبحوا في المستقبل من الزبائن. ويمكن اعتبار أن

التجار يقدمون خدمة الى الجمهور (to the public) بمجرد عرض السلع للبيع. وعلى سبيل المثال يعتبر خدمة تجارية ما يعرضه التجار في واجهات المحلات التجارية (window shopping) من تشكيلات للسلع.

ويعتبر المرشد بأن بعضاً من خدمات قطاع التجارة هي خدمات مجانية مقدمة الى المجتمع (community). إذ للأفراد مطلق الحرية في أن يدخلوا المحلات التجارية ويطوفوا بأرجائها سواء كانت لديهم الرغبة في الشراء أم لا. وعندما يقوم الفرد بعملية شراء لاحدى السلع من محل تجاري يكون قد حصل بأن واحد على اقتناء السلعة وعلى مجموعة من الخدمات التجارية. إلا أنه لا يدفع قيمة مجموعة الخدمات التجارية بصورة منفصلة عن السلعة المنتقاة.

ومن الناحية العملية توجد صعوبة كبيرة لقياس استخدام هذه الخدمات (quantify the utilization of the services).

عالج «مرشد الحسابات القومية بالاسعار الثابتة^(١)» مفهوم وقياس الانتاج الاجمالي للخدمات التجارية في الفصلين الثامن والعاشر وبالنسبة لقياس القيمة المضافة بالاسعار المثبتة لهذه الخدمات فإن منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية (Organization for Economic Co-operation and Development) قد شرحت مختلف الطرائق لقياس القيمة المضافة بالاسعار المثبتة من قبل الدول الاعضاء في المنظمة بناء على بحث قامت به في نهاية عام ١٩٨٥ وصدرت النتائج في نشرة خاصة ("Measurement of value added at constant prices in service activities" -OECD-Paris 1987) مؤلفة من قسمين رئيسيين:

القسم الاول: الخدمات المسوقة

القسم الثاني: الخدمات غير المسوقة

ومن ملحق يشرح بالتفصيل الطرائق المتبعة لمختلف أنشطة الخدمات من قبل ٢٢ دولة شملها البحث وهي: كندا - الولايات المتحدة - اليابان - استراليا - زيلاندة الجديدة - النمسا - بلجيكا - الدانمرك - فنلندا - فرنسا - المانيا - اليونان - ايسلاندة - ايرلنדה - ايطاليا - لوكسمبورغ - هولنדה - نرويج - اسبانيا - السويد - تركيا - المملكة المتحدة.

(1) Manual on National Accounts at Constant Prices series M: 64.

٢ - الانتاج الاجمالي لخدمات قطاع التجارة

عالج الفصل الثامن من «مرشد الحسابات القومية بالاسعار الثابتة» موضوع هوامش التجارة وهوامش النقل بالاسعار الثابتة. وطريقة تقييم الانتاج الاجمالي لخدمات القطاع التجاري بالاسعار الثابتة عن طريق قياس هوامش التجارة وذلك بحساب الفروق لقيم السلع التي تدخل السوق بسعر المشتري (purchasers values) وقيم هذه السلع بسعر المنتج (producers values) وبأسعار سنة الاساس وباعتبار أن السدور الرئيسي للتاجر هو تقديم خدمات متنوعة للمستهلك فإن قيمة السلعة بسعر المشتري (purchaser's price) هي قيمة لمنتج - مركب (composit product) تتألف من مجموع قيمتين فرعيتين:

- ١ - قيمة هذه السلعة بأسعار المنتج (producer's price)
- ب - قيمة مجموعة من الخدمات (bundle of services).

ويعتبر «المرشد» أنه من الخطأ اعتبار سعر المنتج وسعر المشتري طريقتان (two alternative ways) لتقييم سلعة واحدة. فبينما سعر المنتج يعكس قيمة وحدة السلعة عند مغادرتها باب المصنع (أو الحيازة الزراعية)، فإن سعر المشتري يمثل قيمة لمنتج مركب يحتوي هذا المنتج - المركب على عنصر الخدمة (an element service) بالاضافة الى وحدة هذه السلعة.

ومن الناحية الاقتصادية، يرى «المرشد» بأنه لا يوجد لنفس السلعة سعران مختلفان؛ وبالتالي لا يمكن اعتبار أن الفرق بين سعر المشتري وسعر المنتج يعود الى فرق في جودة السلعة المباعة من قبل التاجر ونفس السلعة المباعة من قبل المنتج (produceres). وعليه يوزع «المرشد» مبيعات كل سلعة باسعار المشتري خلال السنة الجارية (t) الى عنصرين:

- ١- قيمة السلعة باسعار المنتج
 - ٢- قيمة الخدمات المقدمة من قبل التاجر
- وذلك وفق المعادلة التالية:

$$G_t = P_t^X Q_t = P_t Q_t + R_t S_t \quad (1)$$

بدلالة الرموز التالية:

(t) = السنة الجارية أو سنة المقارنة

| | | |
|---------|---|--|
| Q_t | = | كمية السلعة المباعة |
| S_t | = | كمية الخدمة المقدمة من قبل التاجر |
| P_t | = | سعر السلعة عند باب المصنع (السعر المنتج) |
| R_t | = | سعر الخدمة |
| P_t^x | = | سعر المشتري |
| G_t | = | قيمة الهامش التجاري بالاسعار الجارية |

ومن حيث الكميات (in real terms) فإن المنتج - المركب (Composite-product) المباع من قبل التاجر يتألف من مجموع الكمية (Q_t) للسلعة المباعة ومن الكمية (S_t) من الخدمة التجارية وعند تجميع السلع المباعة خلال سنة المقارنة (t) وبالاسعار الجارية يتم الحصول على ما يلي:

$$\sum P_t^x Q_t = \sum P_t Q_t + \sum R_t S_t \quad (2)$$

تبين هذه المعادلة (٢) المساواة بين مجموع قيم استخدامات السلع (dispositions) بأسعار المشتري وبين مجموع قيم نفس السلع بأسعار المنتج زائد قيمة الهوامش التجارية المقابلة لهذه السلع.

لكن المعادلة (١) والمعادلة (٢) غير صحيحتين فيما اذا تم تقييم كميات السنة الجارية (Q_t) و (S_t) بأسعار عائدة لسنة اخرى.

ففي حالة تقييم هذه الكميات بأسعار سنة الاساس (٥) فلا تتحقق المساواة للصيغة (١) أي أنه لا توجد مساواة في الصيغة (٢) المقابلة للصيغة (١):

$$P_o^x Q_t = P_o Q_t + R_o S_t \quad (3)$$

مثال : لنفترض أن تاجراً قد اشترى خلال سنة ١٩٨٠، ٣٠٠٠ طناً من القمح بسعر الطن ٢٠٠ ديناراً وباع جميع هذه الكميات بعد ان قدم للمشتريين كمية من الخدمة التجارية تتألف من ٣٠٠ وحدة بسعر الوحدة ٢٠ ديناراً.

وخلال عام ١٩٨٥ اشترى ٣٣٠٠ طناً من القمح سعر الطن ٢٤٠ ديناراً وباع جميع الكميات بعد أن قدم كمية من الخدمة التجارية تتألف من ٣٥٠ وحدة بسعر الوحدة ٢٥ ديناراً. إن قيمة الكمية المباعة خلال سنة ١٩٨٠ تساوي

$$٦٠٦٠٠٠ = ٢٠ \times ٣٠٠٠ + ٢٠٠ \times ٣٠٠٠$$

ويكون سعر المشتري هو $٦٠٦٠٠٠ \div ٣٠٠٠ = ٢٠٢$ ديناراً وفي سنة ١٩٨٥ تكون قيمة المبيعات بالاسعار الجارية

لنفترض أن التاجر يقدم خدمة واحدة متجانسة (S_t) للسلعة المباعة (Q) وذلك لتبسيط العرض النظري.

$$800750 = 25 \times 350 + 240 \times 3300$$

واما قيمة الكميات المباعة خلال عام 1980 باسعار سنة الاساس فهي:

$$667000 = 20 \times 350 + 200 \times 3300$$

وهذا المبلغ مختلف من جراء الكميات المباعة خلال عام 1980 بسعر المشتري لسنة الاساس :1980

$$666600 = 202 \times 3300$$

أي انه لا يمكن تقدير الخدمات التجارية بالاسعار المشبته عن طريق حساب الفرق بين قيمة المبيعات (بسر المشتري لسنة الاساس) وقيمة المشتريات (بسر المنتج لسنة الاساس) إذ تكون قيمة هذه الخدمات في هذه الحالة :

$$6600 = 660000 - 666600$$

وهذا الرقم مختلف عن الرقم الفعلي (7000) للخدمات التجارية باسعار عام 1980.

حسب التعريف؛ إن كميات واسعار سنة الاساس تحقق المساواة في الصيغة (4) المقابلة للصيغة (1). وإن كميات سنة المقارنة (t) المقيمة باسعار سنة الاساس تحقق المساواة في الصيغة (5) في حالة خاصة فقط. ولندرس هذه الحالة الخاصة. فمن مجموع الصيغتين (4) و (5) التاليتين:

$$P^X_{00} Q_0 = P_0 Q_0 + R_0 S_0 \quad (4)$$

$$P^X_{0t} Q_t = P_0 Q_t + R_0 S_t \quad (5)$$

نحصل على هاتين المعادلتين:

$$R_0 S_0 = (P^X_{00} - P_0) Q_0 \quad (6)$$

$$R_0 S_t = (P^X_{0t} - P_0) Q_t \quad (7)$$

وبتقسيم جانبي المعادلتين (6) و (7) نحصل على التناسب:

$$\frac{S_t}{S_0} = \frac{Q_t}{Q_0}$$

حيث تتناسب كمية الخدمة التجارية المقدمة من التاجر للمستهلك مع الكمية المباعة للسلعة. ومنه فإن حجم الخدمة المقدم من قبل التاجر لوحة الكمية السلعية يبقى ثابتاً لا يتغير خلال السنتين (0) و (t)، أي سنة الاساس وسنة المقارنة على التوالي.

وتتحقق المساواة بين جانبي الصيغة (2) بالنسبة لجميع السلع المباعة إذا بقي حجم الخدمة المقدم لوحة كمية كل سلعة ثابتاً خلال السنتين (0) و (t) المشار لها أعلاه ولكن في الواقع فان كميات الخدمات التجارية لوحدات الكميات تتغير من سنة الى أخرى. ولقياس الهوامش التجارية مباشرة يعرض «المرشد» مجموعة الارقام القياسية التالية:

١- الأرقام القياسية الحجمية للهوامش التجارية

Volume Indices of Trade Margins

صيغة لاسبير:
$$\frac{\sum R_{O_t} S_t}{\sum R_{O_0} S_0}$$

حسب صيغة باث
$$\frac{\sum R_{t_t} S_t}{\sum R_{t_0} S_0}$$

٢- الأرقام القياسية لاسعار الهوامش التجارية

Price Indices of Trade Margins

حسب صيغة لاسبير:
$$\frac{\sum R_{t_0} S_0}{\sum R_{O_0} S_0}$$

حسب صيغة باث
$$\frac{\sum R_{t_t} S_t}{\sum R_{O_t} S_t}$$

ولكن توجد صعوبة في قياس هذه الأرقام القياسية. وعلى سبيل المثال لحساب الرقم القياسي الحجمي للهوامش التجارية حسب صيغة لاسبير يمار الى تحويلها كما يلي:

$$\frac{\sum R_{O_t} S_t}{\sum R_{O_0} S_0} = \frac{1}{R_{O_0} S_0} \sum R_{O_0} S_0 \left(\frac{S_t}{S_0} \right)$$

إن الجداء $(R_{O_0} S_0)$ يمكن الحصول عليه عن طريق الصيغة (4):

$$G_0 = R_{O_0} S_0 = P^X_{O_0} Q_0 - P_{O_0} Q_0$$

المساوي للفرق بين قيمة السلعة بسعر المشتري وقيمة هذه السلعة بسعر المنتج. ولقياس النسبة الحجمية للخدمات $\left(\frac{S_t}{S_0}\right)$ فإن الطريقة الوحيدة التي يرى «المرشد» استخدامها عملياً لقياس النسبة $\left(\frac{S_t}{S_0}\right)$ الحجمية للخدمات هي اعتبار أنها مساوية للنسبة الحجمية للسلعة المباعة $\left(\frac{Q_t}{Q_0}\right)$ إلا أن هذه المساواة لا تتوفر إلا في حالة ثبات حجم الخدمة لوحدة الكمية $\left(\frac{Q_t}{Q_0}\right)$ للسنة المباعة. وهذه الفرضية لا تتحقق بسبب تبدل حجم الخدمة هذه من سنة الى أخرى. لذلك يومي «المرشد بمتابعة البحوث العلمية للوصول إلى طريقة سليمة لقياس مختلف الأرقام القياسية للهوامش التجارية كما لا يستبعد امكانية تقليص (deflating) القيمة الجارية للهوامش التجارية $(R_t S_t)$ وذلك بالحصول على ارقام قياسية لبعض خدمات تجارية مختارة عن طريق تقدير نسب الاسعار (price relatives).

ويلاحظ أن غالب الدول حتى الآن تقيس مجموع الهوامش التجارية بأسعار سنة الأساس وذلك بتقسيم القيمة الجارية لمجموع الهوامش التجارية للسنة الجارية $\sum R_t S_t (t)$ والمساوية الى:

$$G_t = \sum R_t S_t = \sum P_t^X Q_t - \sum P_t Q_t$$

على ارقام قياسية مناسبة للاسعار (appropriate price indices).
لمبيعات الجملة والتجزئة

ب - قياس القيمة المضافة للخدمات التجارية بالاسعار الثابتة

في دراسة (OECD) (1) استخدمت دول منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية طرائق مختلفة لقياس القيمة المضافة للقطاع التجارى بالاسعار المثبتة وسيقتصر هنا على ذكر الطرائق الثلاثة الآتية:

(1) تقليم القيمة المضافة الجارية Deflation of current value added

وتستخدم هذه الطريقة الصيغة التالية لتقدير القيمة المضافة لخدمات تجارة الجملة بالاسعار الثابتة.

$$= \frac{G_t - I_t}{P_g}$$

بدلالة الرموز التالية

$$\begin{aligned} G_t &= \text{قيمة هامش تجارة الجملة بالاسعار الجارية للسنة (t)} \\ I_t &= \text{مجموع قيم الاستهلاك الوسيط لتجارة الجملة بالاسعار الجارية} \\ G_t - I_t &= \text{القيمة المضافة لتجارة الجملة بالاسعار الجارية} \\ P_g &= \text{الرقم القياسي لاسعار الجملة} \end{aligned}$$

وبالنسبة لتقدير القيمة المضافة لخدمات تجارة التجزئة بالاسعار المثبتة فتستخدم الصيغة:

(1) "Measurement of value added at constant prices in service activities" - National Accounts: Sources and methods 1- OECD - Paris 1987.

$$= \frac{G_t - I_t}{P_c}$$

حيث (G) و (I) يرمزان على التوالي الى الانتاج والاستهلاك الوسيط لقطاع تجارة المفرق بينما يُرمز (P_c) الى الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك أو التجزئة.

وهذه الطريقة تطبق من قبل الولايات المتحدة وايسلندا والسويد

مثال : الارقام هي بملايين الوحدات النقدية

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | |
|------------------------|-------|------------------------------|
| <u>الاسعار الجارية</u> | | |
| <u>تجارة الجملة</u> | | |
| ١٠٥٨ | ٤٢٩ | الانتاج |
| ١١٢ | ٥٢ | الاستهلاك الوسيط |
| <hr/> | <hr/> | |
| ٩٤٦ | ٣٧٦ | القيمة المضافة |
| <u>تجارة التجزئة</u> | | |
| ٢٢٤٧ | ١٠٠٥ | الانتاج |
| ٢٢١ | ١١٢ | الاستهلاك الوسيط |
| <hr/> | <hr/> | |
| ٢٠٢٦ | ٨٩٣ | القيمة المضافة |
| ١٨٥ | ١٠٠ | الرقم القياسي لاسعار الجملة |
| ١٩٦ | ١٠٠ | الرقم القياسي لاسعار التجزئة |

وعليه تكون القيمة المضافة لتجارة الجملة لعام ١٩٨٧ بالاسعار المشتبة لعام
سنة الاساس ١٩٨١:

$$٥١١ = ١٠٨٥ \div ٩٤٦$$

والقيمة المضافة لتجارة التجزئة لعام ١٩٨٧ بالاسعار المشتبة:

$$١٠٣٤ = ١٠٩٦ \div ٣٠٢٦$$

وأخيراً القيمة المضافة لكامل القطاع التجارى بالاسعار المشتبة لسنة الاساس:
 $١٥٤٥ = ١٠٣٤ + ٥١١$ مليون وحدة نقدية

(٢) طريقة التقليل المزدوج

أي يجري تقليل كل من الانتاج والاستهلاك الوسيط لقطاع الخدمات التجارية
وتكون القيمة المضافة بالاسعار المشتبة هي الفرق بين هاتين القيمتين اللتين جرى
تقليلهما. وأما تقليل الانتاج للخدمات التجارية فيتم عن طريق تقليل قيمة السلع
التي دخلت قطاع تجارة الجملة والمفرق. وبعد تقليل هذه القيمة يتم ضربها بنسبة
الهامش التجاري لسنة الاساس

(margin rate at the base year)

ولنستخدم الرموز التالية:

- $V_o =$ قيمة السلع حين دخولها القطاع التجاري خلال سنة الاساس
 $V_t =$ قيمة السلع بالاسعار الجارية حين دخولها القطاع التجاري خلال السنة (t)
 $P_v =$ الرقم القياسي لاسعار السلع حين دخولها القطاع التجاري
 $G_o =$ قيمة مجموع الهوامش التجارية لهذه السلع خلال سنة الاساس
 $G_t =$ قيمة مجموع الهوامش التجارية بالاسعار الجارية للسلع حين دخولها
القطاع التجاري خلال السنة (t)
 $T_o = \frac{G_o}{V_o}$ نسبة الهامش التجاري خلال سنة الاساس
 $I_t =$ قيمة الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية خلال السنة (t)
 $P_i =$ الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك الوسيط
وبدلالة هذه الرموز تكون صيغة انتاج القطاع التجاري للسنة (t)
باسعار سنة الاساس بعد التقليل:

$$\frac{\Lambda}{G} = \frac{V_t}{P_v} \cdot T_o$$

وصيغة القيمة المضافة بالاسعار الثابتة:

$$\frac{V_t}{P_v} \cdot T_o - \frac{I}{P_i}$$

إن هذه الصيغة مطبقة من قبل الدول التالية:
كندا - النمسا - فرنسا - هولندا - اليابان - الدانمرك - المانيا - النرويج

مثال:

الارقام بملايين الوحدات النقدية

| الرمز | ١٩٨٧ بالاسعار الجارية | ١٩٨٠ | |
|----------------|--------------------------|-------|--|
| V | ٩٥١٧ | ٤١٣٩ | قيمة البضائع حين دخولها الاسواق التجارية |
| G | ٣٣٠٥ | ١٤٣٤ | الهامش التجاري |
| | | ٣٤,٥٦ | نسبة الهامش التجاري |
| I | ٣٣٣ | ١٦٥ | الاستهلاك الوسيط |
| P _v | ١٩٣ | ١٠٠ | الرقم القياسي لاسعار البضائع حين دخولها الاسواق التجارية |
| P _i | ١٨٠ | ١٠٠ | الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك الوسيط للقطاع التجاري |

لنحسب قيمة البضائع حين دخولها القطاع التجاري خلال سنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠

$$9517 \div 1,93 = 4957 \text{ مليون وحدة نقدية}$$

ومنه تكون قيمة الهامش التجاري أو الانتاج المتحقق خلال سنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠.

$$1718 \text{ مليون وحدة نقدية} = 0,3465 \times 4957$$

وقيمة الاستهلاك الوسيط للقطاع التجاري خلال سنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس

$$333 \div 1,80 = 185 \text{ مليون وحدة نقدية}$$

وتصبح القيمة المضافة بالاسعار الثابتة حسب طريقة التقليل المزدوج

$$1718 - 185 = 1533 \text{ مليون وحدة نقدية.}$$

(٣) طريقة مؤشرات حجمية Volume indicators obtained by deflation

تتوزع القيمة المضافة لسنة الاساس الى زمر حسب النشاط الرئيسي للمنشآت التجارية. يجري تقدير قيم المبيعات لهذه الزمر خلال سنة الاساس والقيم بالاسعار الجارية خلال سنة المقارنة ثم يتم تقليص قيم زمر المبيعات الجارية الاخيرة على الارقام القياسية للاسعار المقابلة لهذه الزمر. ويصار الى احتساب ارقام قياسية حجمية لزمر المبيعات. وتضرب هذه الارقام القياسية الحجمية بالقيمة المضافة خلال سنة الاساس وتجمع الجداً فنحصل على القيمة المضافة للقطاع التجاري للسنة (t) بالاسعار الثابتة لسنة الاساس (o).

ويقصد بمبيعات المنشآت التجارية بقيم السلع عند مغادرتها القطاع التجاري وهي تساوي قيم السلع عند دخولها هذا القطاع بالاضافة الى الهوامش التجارية.

ولنستخدم الرموز التالية:

$$D_{i0} = \text{القيمة المضافة للمنشآت التجارية ذات النشاط (i) خلال سنة الاساس (o)}$$

$$V_{i0} = \text{قيمة مبيعات المنشآت التجارية ذات النشاط (i) خلال سنة الاساس (o)}$$

قيمة مبيعات المنشآت التجارية ذات النشاط (i): خلال سنة (t)

$$V_{it} = \text{بالاسعار الجارية}$$

P_i = الرقم القياسي للاسعار المتعلقة بالنشاط (i)

قيمة مبيعات المنشآت التجارية ذات النشاط (i) خلال السنة (t)
بالاسعار الثابتة

$$v_{it} = \frac{V_{it}}{P_i}$$

الرقم القياسي الحجمي لمبيعات المنشآت النشاط (i) خلال السنة (t)

$$\frac{v_{it}}{v_{io}} = \frac{V_{it}}{P_i} \cdot \frac{1}{V_{io}}$$

وطبقت هذه الصيغة من قبل استراليا - بلجيكا - اليونان - ايرلندا - المملكة المتحدة - نيوزلندا - فنلندا - لوكسمبورغ وايطاليا.

وتكون قيمة مجموع القيم المضافة بالاسعار الثابتة للقطاع التجاري محددة بالصيغة التالية:

$$\hat{D}_t = \sum D_{io} \cdot \frac{v_{it}}{P_i} \cdot \frac{1}{V_{io}}$$

الارقام بملايين الوحدات النقدية

| الارقام القياسية للاعمار | المبيعات بالاسعار الجارية ١٩٨٧ | المبيعات ١٩٨٠ | القيمة المضافة ١٩٨٠ | المنشآت التجارية حسب زمر نشاطها الرئيسي |
|--------------------------------|---|------------------|---------------------------|--|
| ١٨٩ | ٢٤٢٠ | ١٢٦٢ | ١٦٠ | تجارة المحاصيل الزراعية |
| ١٨٥ | ٤٤٧٥ | ٢٢٧٩ | ٦٤٠ | تجارة المواد الغذائية المصنعة والمشروبات والتبغ |
| ١٨٠ | ١٨٦١ | ٩٢٤ | ٢٣٠ | تجارة المنسوجات والملابس والاحذية |
| ١٩٩ | ٨٦٥ | ٣٦٨ | ٨٠ | تجارة الادوات المنزلية ومواد النظافة |
| ٢٥٠ | ٥٢٨ | ١٧٦ | ٤٤ | تجارة الادوية |
| ١٩٩ | ٩٧٩ | ٣٠٦ | ٦٠ | تجارة الاخشاب ومواد البناء والادوات الصحية |
| ٢٠٠ | ٦٩٤ | ٢٤٨ | ٥٥ | تجارة الاشك والتجهيزات والالات |
| - | ١٢٨٢٢ | ٥٥٧٣ | ١٢٦٩ | المجموع |

لنبدأ بتقدير المبيعات خلال سنة المقارنة باسعار سنة الاساس ثم باحتساب الرقم القياسي الحجمي لمبيعات كل زمرة وذلك بتقسيم مبيعات الزمر لعام ١٩٨٧ المقيمة بالاسعار الثابتة على قيم مبيعات الزمر خلال ١٩٨٠ وفق جدول الحساب التالي:

| المنشآت التجارية حسب زمرة نشاطها الرئيسي | المبيعات بالاسعار الجارية ١٩٨٧ | الرقم القياسي للاسعار | المبيعات بالاسعار المثبتة ١٩٨٧ | الرقم القياسي الحجمي للمبيعات |
|---|--------------------------------|-----------------------|--------------------------------|-------------------------------|
| تجارة المحاصيل الزراعية | ٢٤٢٠ | ١٨٩ | ١٨١٠ | ١٤٢،٤٢ |
| تجارة المواد الغذائية المصنعة والمشروبات والتبغ | ٤٤٧٥ | ١٨٥ | ٢٤١٩ | ١٠٦،١٤ |
| تجارة المنسوجات والملابس الاحذية | ١٨٦١ | ١٨٠ | ١٠٢٤ | ١١٠،٧١ |
| تجارة الادوات المنزلية ومواد النظافة | ٨٦٥ | ١٩٩ | ٤٣٥ | ١١٨،٢١ |
| تجارة الادوية | ٥٢٨ | ٢٥٠ | ٢١١ | ١١٩،٨٩ |
| تجارة الاخشاب ومواد البناء والادوات الصحية | ٩٧٩ | ١٩٩ | ٤٩٢ | ١٦٠،٧٨ |
| تجارة الاشياء والتجهيزات والالات | ٦٩٤ | ٢٠٠ | ٢٤٧ | ١٢٩،٩٢ |
| المجموع | ١٢٨٢٢ | | ٦٧٤٨ | |

ثم لنحسب القيمة المضافة للقطاع التجاري خلال ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة وفق الجدول التالي:

| القيمة المضافة بالاسعار ١٩٨٧ | الرقم القياسي الحجمي للمبيعات | القيمة المضافة ١٩٨٠ | |
|------------------------------------|--|---------------------------|--|
| ٢٢٩ | ١٤٢،٤٢ | ١٦٠ | تجارة المحاصيل الزراعية |
| ٦٧٩ | ١٠٦،١٤ | ٦٤٠ | تجارة المواد الغذائية المصنعة والمشروبات والتبغ |
| ٢٥٥ | ١١٠،٧١ | ٢٣٠ | تجارة المنسوجات والملابس والاحذية |
| ٩٥ | ١١٨،٢١ | ٨٠ | تجارة الادوات المنزلية ومواد النظافة |
| ٥٣ | ١١٩،٨٦ | ٤٤ | تجارة الادوية |
| ٩٦ | ١٦٠،٧٨ | ٦٠ | تجارة الاخشاب ومواد البناء والادوات الصحية |
| ٩٧ | ١٣٩،٩٨ | ٥٥ | تجارة الاتك والتجهيزات والالات |
| ١٥٠٤ | | ١٢٦٩ | المجموع |

(٢) خدمات المطاعم والمقاهي والفنادق

Services of restuarants, cafes and hotels

لتقدير القيمة المضافة بالاسعار المثبتة لخدمات المطاعم والمقاهي والفنادق تستخدم دول منظمة التعاون (OECD) عدة طرائق أهمها:

٢ - طريقة تقليص القيمة المضافة

يجري التقليص بتقسيم القيمة المضافة الجارية على الزمر المقابلة للارقام القياسية لاسعار المستهلكين وتطبق هذه الطريقة الولايات المتحدة - بلجيكا - السويد وايسلندا بالنسبة لخدمات المطاعم والمقاهي وبلجيكا وايسلندا والسويد بالنسبة لخدمات الفنادق.

مثال

| ١٩٨٧ بالاسعار الجارية | ١٩٨٠ | |
|---|------|------------------|
| <u>المقاهي والمطاعم</u> | | |
| | | الانتاج |
| ١٢٠ | ٥٢ | الاستهلاك الوسيط |
| ٢٨- | ١٨- | القيمة المضافة |
| ٨٢ | ٢٤ | |
| الرقم القياسي لاسعار خدمات المقاهي والمطاعم | | |
| ٢٠٥ | ١٠٠ | |
| <u>الفنادق</u> | | |
| | | الانتاج |
| ٤٦ | ٢٠ | الاستهلاك الوسيط |
| ١٨- | ٩- | القيمة المضافة |
| — | — | |
| ٢٨ | ١١ | |
| الرقم القياسي لاسعار خدمات الفنادق | | |
| ١٨٠ | ١٠٠ | |

وتكون القيمة المضافة لخدمات المطاعم والمقاهي لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة
الاساس ١٩٨٠:

$$٨٢ \div ٢,٠٥ = ٤٠ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

والقيمة المضافة لخدمات الفنادق لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة
 $٢٨ \div ١,٨ = ١٦$ مليون وحدة نقدية

ب - طريقة التقليم المزدوج

يجري تقسيم القيم الجارية للانتاج الاجمالي لهذه الخدمات على الزمر المقابلة
للارقام القياسية لاسعار المستهلكين. كما تقسم القيمة الجارية لاستهلاك الوسيط لكل
زمرة من هذه الخدمات على الرقم القياسي الممثل لاسعار المواد المستهلكة من قبل هذه
الخدمات وتطبق هذه الطريقة من قبل كندا واليابان والدانمرك وفرنسا وايطاليا
والمانيا.

المثال السابق مع اضافة الرقمين القياسيين لاسعار الاستهلاك الوسيط: ١٩٨٧

الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك الوسيط لخدمات المطاعم والمقاهي ١٩٢

الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك الوسيط لخدمات الفنادق ١٧١

ومنه يجري تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات المطاعم والمقاهي وفق
طريقة التقليم المزدوج كما يلي:

أولاً: قيمة الانتاج بالاسعار الثابتة
 $١٢٠ \div ٢,٠٥ = ٥٩$ مليون وحدة نقدية

ثانياً: قيمة الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة
 $٣٨ \div ١,٩٢ = ٢٠$ مليون وحدة نقدية

ثالثاً: وتكون القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات المطاعم والمقاهي
 $٥٩ - ٢٠ = ٣٩$ مليون وحدة نقدية

ثم يجري تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات الفنادق كما يلي:

أولاً: قيمة الانتاج بالاسعار الثابتة
 $٤٦ \div ١,٨ = ٢٦$

ثانياً: قيمة الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة

$$11 = 1,71 \div 18$$

ثالثاً: القيمة المضافة بالاسعار الثابتة

$$26 - 11 = 15 \text{ بملايين الوحدات النقدية}$$

ج - طريقة مؤشر قيمة الانتاج بالاسعار الثابتة

Volume measured obtained by deflation of the output

يفترض في هذه الطريقة بأن القيمة المضافة لخدمات كل من المطاعم والمقاهي والغنادق بالاسعار الثابتة تتناسب مع قيمة انتاجها الاجمالي بالاسعار الثابتة.

وتطبق هذه الطريقة بالنسبة للمطاعم والمقاهي من قبل استراليا - نيوزلندا - النمسا - فنلندا - ايرلندا - لوكسمبورغ - اليونان والمملكة المتحدة. وأما بالنسبة للغنادق فتطبق هذه الطريقة من قبل الولايات المتحدة - نيوزلندا - لوكسمبورغ - النمسا والمملكة المتحدة.

وفي المثال المدرج اعلاه يجري تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة حسب هذه الطريقة كما يلي:

(١) المطاعم والمقاهي:

$$\begin{aligned} & \text{القيمة المضافة لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة} \\ & \frac{\text{الانتاج بالاسعار الجارية لعام ١٩٨٧}}{\text{الرقم القياسي للاسعار} \times \text{الانتاج ١٩٨٠}} \times \text{القيمة المضافة لعام ١٩٨٠} \end{aligned}$$

$$= 24 \times \frac{120}{2,000} \times \frac{1}{52} = 28 \text{ مليون وحدة نقدية}$$

(٢) بالنسبة للغنادق

$$\begin{aligned} & \text{القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٧} \\ & = 11 \times \frac{46}{20} \times 1,80 = 14 \text{ مليون وحدة نقدية} \end{aligned}$$

د طريقة المقاييس الحجمية التي تركز على الكميات

Volume measures based on physical quantities

حيث يستخدم بالنسبة للفنادق مجموع عدد الليالي التي قضاها النزلاء في الفنادق كمؤشر لتقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة وهذه الطريقة مطبقة لدى استراليا - ايرلندا - فنلندا - هولندا - نروج - اسبانيا واليونان.

المثال توزيع الليالي التي قضاها النزلاء حسب درجة الفنادق

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | | |
|-------------|-------------|-------------------------|----------------------|
| عدد الليالي | عدد الليالي | القيمة المضافة | درجة الفندق |
| بالالف | بالالف | بملايين الوحدات النقدية | |
| ٩٢٥ | ٧١١ | ٦ | الفنادق الممتازة |
| ٤٩٨٠ | ١٤٢ | ٢ | فنادق الدرجة الاولى |
| ١٩٣ | ٢٧٩ | ٢ | فنادق الدرجة الثانية |
| ١٤٢ | ٣١٨ | ١ | الفنادق الاخرى |
| ١٧٥٩ | ١٤٥٠ | ١١ | المجموع |

ولاجل الحصول على القيمة المضافة لخدمات الفنادق لعام ١٩٨٧ باسعار عام ١٩٨٠. يصار الى احتساب الارقام القياسية الحجمية لعدد الليالي التي قضاها النزلاء حسب درجة الفندق ثم تضرب هذه الارقام القياسية بالقيم المضافة المقابلة لعام ١٩٨٠ وذلك وفق جدول الحساب التالي:

| عدد الليالي بالالف | النسب المئوية | الحجمية لعدد الليالي | القيمة المضافة | |
|--------------------|---------------|----------------------|-------------------------|-------|
| | | | بملايين الوحدات النقدية | ١٩٨٠ |
| ١٩٨٧ | | | ١٩٨٧ | ١٩٨٠ |
| بالاسعار المثبتة | | | | |
| ٧١١ | ١٣٠,٤ | ٦ | ٧٤٨ | ٧٤٠ |
| ١٤٢ | ٣٥٠,٤ | ٢ | ١٤٤ | ١٤٤ |
| ٢٧٩ | ٦٩,٢ | ٢ | ٠,٥ | ٠,٥ |
| ٣١٨ | ٤٥,٠ | ١ | ١٦٤,٧ | ١٦٤,٧ |
| ١٤٥٠ | - | ١١ | | |
| ١٧٥٩ | | | | |

وتكون القيمة المضافة لعام ١٩٨٧ باسعار عام ١٩٨٠ على وجه التقريب ١٧ مليون وحدة نقدية.

(٣) خدمات النقل Transport services

تتمتع خدمات النقل بنشاط نقل السلع أو الافراد من مكان الى آخر وتكون الوحدة التي تقيس انتاج خدمات النقل هي الطن - الكيلومتري (ton-kelometres) أو المسافر - الكيلومتري (passenger-kelometres). ويجري تقسيم البيانات الاحصائية الى كثير من الزمر المتميزة في مواصفات خدمات النقل. ففي كل نوع من الانواع الرئيسية مثل النقل بالطرق والنقل بالسكك الحديدية والنقل البحري والنقل الجوي يوجد عدد كبير من خدمات النقل النوعية المختلفة في مواصفاتها (great variety of different qualities of transport) وعلى سبيل المثال تتغير مواصفات خدمة النقل بدرجة السرعة ومستوى الرفاهية ومدى التقيد بمواعيد محددة وتأمين الجودة في تنفيذ الخدمة. إن مستوى جودة خدمات النقل تتغير من زمن الى آخر حسب تحسن أو تدني نوعية هذه الخدمات.

ونظراً للتعدد الكبير في نوعيات النقل يفضل «مرشد الحسابات القومية بالاسعار الثابتة» تقليص القيم الجارية بالارقام القياسية للاسعار على استخدام بيانات كمية. وفي غالب الاحيان يمكن معرفة القيم التجميعية التي تم تحديدها وفق معدلات اسعار النقل بينما ليس من الممكن تجميع كميات النقل مثل المسافات التي تنفذها خدمات نقل المسافرين والبضائع. إذ يتم الحصول بدون صعوبة على ارقام قياسية لاسعار خدمات النقل بدلالة قوائم اسعار النقل. ولكن المشكلة العملية الرئيسية هي التأكد بأن الارقام القياسية للاسعار قد أخذت بعين الاعتبار التغيرات في النوعية (change in quality) عند حدوثها. وعلى سبيل المثال تغير السرعة عامل أساسي في تقييم نوعية النقل. والقطار السريع لنقل الركاب بين مدينة القاهرة والاسكندرية يقدم خدمة نقل احسن جودة من الخدمة التي يقدمها القطار بطيء السرعة.

وإن فرق التعرف (السعر) في النقل لهذين القطارين يقيس الفرق بين نوعية خدمتهما. تتصف معظم خدمات النقل بأنها مقدمة الى مجموعة من الافراد بأن واحد. فعلى سبيل المثال: إن الطائرة أو الباخرة أو المركبة (vehicle) تنقل عدداً من الاشخاص أو كميات من السلع المختلفة وتسمى «خدمات المجموعة» (group services). ويجري القياس الكمي لنقل مجموعة الركاب بتجميع المسافات الكيلومترية التي يقطعها هؤلاء الركاب (passenger kilometers). كما يجري القياس الكمي لنقل مجموعة من السلع بتجميع الكيلومترات/الطن (ton-kelometers) لجميع هذه السلع. ولا تقاس خدمة النقل في هذه الحالة بالمسافة التي يقطعها الباص أو القطار أو الطائرة.

وعلى سبيل المثال: الباص الذي يقوم بصورة دورية بسفرة منتظمة ويقطع مسافة واحدة لا يمكن اعتبار كمية خدمات النقل للسفرة الواحدة ثابتة بل تختلف هذه الكمية بين سفرة وأخرى حسب تغير عدد الركاب.

فهناك يوجد تقابل بين تغيرات مجموع الخدمات المنتجة والمستهلكة. وفي حالة خلو الباص من الركاب فلا توجد أية خدمة مقدمة ويكون انتاج السفرة (Journey) معدوماً. ولكن عندما يرتفع كثيراً عدد الركاب في الباص تظهر مشكلة الازدحام (overcrowding). ويتعرض الراكب لمصاعب فعلية ليستطيع الوصول الى داخل الباص ويظل واقفاً اثناء تحرك الباص ثم إنه يبذل جهداً لمغادرة عربة النقل وفي هذه الحالة يوجد تدهور في نوعية الخدمة. وفي حالة الازدحام هذه لا يمكن الاستمرار على افتراض بوجود علاقة خطية صحيحة بين الانتاج والاستهلاك. وتبقى هذه العلاقة صحيحة فيما اذا كان عدد الركاب لا يزيد على الطاقة النظامية للعربة (official or designated capacity of the vehicle). وفي حالة تساوي عدد الركاب مع هذه الطاقة فإن جودة خدمة النقل للعربة تظل محافظة على ثبات جودة هذه الخدمة ولكن اذا زاد عدد الركاب على الطاقة النظامية للعربة فتؤدي الزيادة الى الازدحام وبالتالي الى هبوط في جودة النقل.

وفي النقل العام يلزم التمييز بين تذكرة السفر التي تعطي للراكب حريسة اختيار الوقت وبين التذكرة التي تفرض وقتاً محدداً لاستخدام وسيلة النقل. وعلى سبيل المثال شراء بطاقة سفر بالطائرة صالحة للسفر خلال شهر وعلى أية شركة طيران يختارها الراكب وبين بطاقة صالحة للسفر في يوم محدد وعلى شركة محددة. وادا لم يتقيد بهذين الشرطين فيفقد الراكب ثمن هذه البطاقة وإن لم يستخدمها. في هذا المثال فإن النوع الاول من البطاقة يؤدي خدمة احسن جودة من التي يقدمها النوع الثاني من بطاقة السفر. وتقاس نسبة الجودة في هذين النوعين من بطاقة السفر بنسبة سعريهما.

٢ - قياس الانتاج الاجمالي لخدمات قطاع النقل بالاسعار الشابتة

Measurement of the gross output of transport

يختلف قطاع خدمات نقل البضائع عن قطاع الخدمات التجارية في عدة صفات أهمها:

إن قطاع نقل البضائع لا يشتري ولا يبيع السلع التي ينقلها. إذ بينما يقوم قطاع تجارة الجملة والمفرق بعمليات شراء وبيع السلع لتحقيق الهامش التجاري يقتصر قطاع نقل البضائع على تقديم خدمات نقل للمنتجين والتجار والمستهلكين بنقل سلعهم من مكان الى مكان آخر بدون أن يصبح قطاع النقل هذا مالكاً للسلع.

إن خدمات نقل البضائع تعتبر استهلاكاً وسيطاً على وجه التقريب في جميع الحالات بينما تقدم الخدمات التجارية للزبائن وخصوصاً تجارة المفرق خدمات يعتبر معظمها استهلاكاً نهائياً.

إن المشتري لا يهتم بكميات خدمات النقل التي يستلزمها وصول السلعة الى مكان الشراء. وإن السلعتين المتطابقتين من حيث المواصفات هما بنظر المشتري متساويتان من حيث الفائدة وان تم شحن احدها من مكان أبعد من مكان شحن السلعة الأخرى. وإن الحصول على طن من اسمنت منقول من مسافة ٥٠ كيلومتر له نفس الفائدة لدى المشتري من الحصول على طن من اسمنت منقول من مسافة ٢٠٠ كيلومتر هذا اذا فرض التطابق الكامل في مواصفات الاسمنت المنقول. أي لا يجد المشتري امام التطابق الكامل في المواصفات أي فرق من حيث الكم (Quantum) في وحدة كمية الاسمنت وإن اختلفت تكاليف النقل وبالتالي اختلاف في سعر المشتري.

بينما يتأثر المشتري بفرق الخدمات التجارية التي يقدمها اليه مختلف التجار باعتبار أن الخدمات التجارية تبدل من حجم «المنتج - المركب» ولا تغير من الاسعار. وإن جهاز التلفزيون ماركة تليفونكن المباع مع خدمات تمليح وصيانة مجانية خلال مدة سنتين يفضل لدى المشتري على جهاز التلفزيون له نفس الماركة ونفس المواصفات مع خدمات تمليح وصيانة مجانية خلال سنة واحدة.

ولقياس الانتاج الكلي لاحدى خدمات النقل لسنة المقارنة (t) بالاسعار المشتبته لسنة الاساس (o) ولتكن هذه الخدمة على سبيل المثال خدمات نقل البضائع بالسكك الحديدية نستخدم الصيغة التالية:

$$\hat{G}_t = \sum Q_t D_t R_o$$

حيث يرمز:

Q_t لكمية احدى البضائع المنقولة خلال السنة (t) بالاطنان

D_t المسافة الوسطية التي يقطعها الطن الواحد من هذه البضاعة خلال السنة (t)

R_t سعر نقل طن واحد لمسافة كيلومتر واحد من هذه البضاعة خلال السنة (t)

قيمة الانتاج الاجمالي لخدمات نقل البضائع خلال السنة الجارية (t) باسعار سنة الاساس

$$\hat{G}_t = \quad (o)$$

إن الانتاج الاجمالي لخدمات نقل البضائع بالسكك الحديدية بالاسعار المشتبته يؤلف عنصراً من قطاع خدمات النقل وفي جداول المحاسبة القومية للنظام الحالي للأمم المتحدة يذكر في الجدولين (١١) و (١٢) وعنوانهما الجدول (١١) مصادر واستخدامات السلع والخدمات بالاسعار الثابتة

(11). supply and disposition of commodities at constant prices
الجدول (١٢) الانتاج الاجمالي والمدخلات للمصناعات بالاسعار الثابتة

(12). Gross output and input of industries at constant prices.

وتكون الارقام القياسية الحجمية لخدمات نقل البضائع^(١) على سبيل المثال لسنة المقارنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (o).

صيغة لاسبير Lasperies volume

$$\frac{\sum Q_t D_t R_o}{\sum Q_o D_o R_o}$$

صيغة باش Paasche volume

$$\frac{\sum Q_t D_t R_t}{\sum Q_o D_o R_t}$$

(١) إن صيغ الارشام القياسية طبق لنقل الركاب ويكون الرمز (Q) ممثلاً لعدد الركاب.

كما تكون الارقام القياسية للاسعار لخدمات نقل البضائع لسنة المقارنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (o):

صيغة لاسبير Lasperes price

$$\frac{\sum Q_o^D R_t}{\sum Q_o^D R_o}$$

صيغة باش Paasche price

$$\frac{\sum Q_t^D R_t}{\sum Q_t^D R_o}$$

مع الرموز التالية الاخرى:

كمية احدى البضائع المنقولة خلال سنة الاساس (o) بالاطنان $Q_o =$

المسافة الوسطية التي يقطعها طن واحد من هذه البضاعة خلال سنة الاساس (o) بالكيلومترات $D_o =$

سعر نقل طن واحد لمسافة كيلومتر واحد من هذه البضاعة خلال سنة الاساس (o) $R_o =$

مثال: يبين الجدول التالي الكميات المنقولة لزمر البضائع بالسكك الحديدية خلال سنة الاساس (١٩٨٠) وسنة المقارنة (١٩٨٧) مع قائمة بالاسعار لنقل طن واحد لمسافة كيلومتر واحد.

| ١٩٨٧ | | | ١٩٨٠ | | | |
|-------------------------|------------------------------|------------------|-------------------------|------------------------------|------------------|-----------------|
| سعر نقل | الكميات المنقولة | الكميات المنقولة | سعر نقل | الكميات المنقولة | الكميات المنقولة | زمر البضائع |
| الطن الكيلو متري الواحد | بملايين الاطنان الكيلو مترية | بآلاف الاطنان | الطن الكيلو متري الواحد | بملايين الاطنان الكيلو مترية | بآلاف الاطنان | |
| R_t | $Q_t D_t$ | Q_t | R_o | $Q_o D_o$ | Q_o | |
| ٠,٤٠٩٥ | ٩٤ | ٤٢٥ | ٠,٤٠٤٨ | ٦٥ | ٢٥٠ | الحبوب المختلفة |
| ٠,٤٠٩٥ | ٩٠ | ٤٥٠ | ٠,٤٠٥٢ | ٥٨ | ٢٤٠ | المواد الغذائية |
| ٠,٤٠٤٥ | ٧١٤ | ٢١٠٠ | ٠,٤٠٢٥ | ١٧ | ٥٠ | فوسفات وأسمدة |
| ٠,٤٠٧٥ | ٢١٥ | ١٢٥٠ | ٠,٤٠٣٥ | ١٨١ | ٧١٥ | محروقات سائلة |
| ٠,٤٠٧٠ | ١٢٤ | ٨٨٠ | ٠,٤٠٣٠ | ١٣٦ | ٨٤٠ | مواد البناء |
| ٠,٤١٢٥ | ١٢٢ | ٣٥٠ | ٠,٤٠٥٠ | ١١٤ | ٢٢٥ | آلات ومعدات |
| ٠,٤٠٨٠ | ٣٩ | ١٨٥ | ٠,٤٠٤٠ | ٧ | ٢٥ | أخرى |
| ٠ | ١٥٠٨ | ٥٦٤٠ | - | ٥٧٨ | ٢٤٥٥ | مجموع |

والمطلوب حساب الانتاج الاجمالي لخدمات نقل البضائع بالسكك الحديدية خلال سنة المقارنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ ثم حساب الرقم القياسي الحجمي لانتاج هذه الخدمات والرقم القياسي للاسعار. ولحساب الانتاج الاجمالي بالاسعار المثبتة يستخدم جدول الحساب التالي:

| القيم بالآلاف الوحدات النقدية | سعر نقل الطن الكيلومتری الواحد باسعار عام ١٩٨٠ | الكميات المنقولة خلال ١٩٨٧ بملايين الاطنان الكيلو مترية | زمر البضائع |
|-------------------------------------|---|--|-----------------|
| $Q_t D_t R_o$ | R_o | $Q_t D_t$ | |
| ٤٥١٢ | ٠,٠٤٨ | ٩٤ | الحبوب المختلفة |
| ٤٦٨٠ | ٠,٠٥٢ | ٩٠ | مواد غذائية |
| ١٧٨٥٠ | ٠,٠٢٥ | ٧١٤ | فوسفات وأسمدة |
| ١١٠٢٥ | ٠,٠٢٥ | ٣١٥ | محروقات سائلة |
| ٤٠٢٠ | ٠,٠٣٠ | ١٣٤ | مواد بناء |
| ٦١٠٠ | ٠,٠٥٠ | ١٢٢ | آلات ومعدات |
| ١٥٦٠ | ٠,٠٤٠ | ٣٩ | أخرى |
| ٤٩٧٤٧ | - | ١٥٠٨ | مجموع |

وتكون قيمة الانتاج الاجمالي لخدمات نقل البضائع بالسكك الحديدية لعام ١٩٨٧ بالاسعار عام ١٩٨٠:

$$\sum Q_t D_t R_o = 49747$$

ولحساب الرقم القياسي للكمية حسب صيغة لاسبير يستخدم جدول الحساب التالي:

| القيم بالآلاف الوحدات النقدية | سعر نقل الطن الكيلومترى الواحد خلال عام ١٩٨٠ | الكميات المنقولة خلال ١٩٨٠ بملايين الاطنان الكيلو مترية | زمر البضائع |
|-------------------------------------|---|--|-----------------|
| Q D R | R | Q D | |
| ٣١٢٠ | ٠٤٠٤٨ | ٦٥٠ | الحبوب المختلفة |
| ٣٠١٦ | ٠٤٠٥٢ | ٥٨ | المواد الغذائية |
| ٤٢٥ | ٠٤٠٢٥ | ١٧ | فوسفات وأسمدة |
| ٦٣٣٥ | ٠٤٠٣٥ | ١٨١ | محروقات سائلة |
| ٤٠٨٠ | ٠٤٠٣٠ | ١٣٦ | مواد بناء |
| ٥٧٠٠ | ٠٤٠٥٠ | ١١٤ | آلات ومعدات |
| ٢٨٠ | ٠٤٠٤٠ | ٧ | أخرى |
| ٢٢٩٥٦ | - | ٥٧٨ | مجموع |

ومنه تكون قيمة الرقم القياسي الحجمي حسب صيغة لاسبير:

$$\frac{\sum Q_t D_t R_t}{\sum Q_0 D_0 R_0} = \frac{49747}{22956} = 2,167$$

واخيراً لحساب الرقم القياسي للأسعار حسب صيغة باش فيتم وفق جدول الحساب التالي:

أي ٢١٦,٧%

| القيم بالآلاف الوحدات النقدية | سعر نقل الطن الكيلومتری الواحد خلال عام ١٩٨٧ | الكميات المنقولة خلال ١٩٨٧ بملايين الاطنان الكيلو مترية | زمر البضائع |
|-------------------------------------|---|--|-----------------|
| $Q_t^D R_t$ | R_t | Q_t^D | |
| ٨٩٣٠ | ٠,٠٩٥ | ٩٤ | الحبوب المختلفة |
| ٩٤٥٠ | ٠,١٠٥ | ٩٠ | المواد الغذائية |
| ٣٢١٣٠ | ٠,٠٤٥ | ٧١٤ | نوسفات وأسمدة |
| ٣٣٦٢٥ | ٠,٠٧٥ | ٣١٥ | محروقات سائلة |
| ٩٣٨٠ | ٠,٠٧٠ | ١٣٤ | مواد بناء |
| ١٥٢٥٠ | ٠,١٢٥ | ١٢٣ | آلات ومعدات |
| ٣١٢٠ | ٠,٠٨٠ | ٣٩ | أخرى |
| ١٠١٨٨٥ | - | ١٥٠٨ | مجموع |

ومنه تكون رقم القياسي للأسعار حسب صيغة باث:

$$\frac{\sum Q_t^D R_t}{\sum Q_t^D R_0} = \frac{101885}{49747} = 2,04,8$$

أي ٢٠٤,٨%

ب - قياس هوامش النقل بالأسعار الثابتة

Measurement of transport margins at constant prices

تؤمن هوامش التجارة وهوامش النقل الربط بين أساسين رئيسيين مستخدمين للتقييم في نظام الأمم المتحدة (link between two fundamental bases of valuation used in SNA)

(١) التقييم بقيمة المنتج (producer's value).

(٢) والتقييم بقيمة المشتري Purchaser's values

حيث خصص عمود خاص لهوامش النقل والتجارة في الجدولين التاليين؛

مصدر واستخدام السلع والخدمات المسوقة

2a. Supply and disposition of commodities

مصدر واستخدامات السلع والخدمات

Table 28- Supply and disposition of goods and services

معال: نموذج مبسط لهيكل الجدول (٢٨) والارقام بهلالين الودعاه التقنيه

جدول (٢٨) مصادر واستخدامات السلع والخدمات

| مصادر السلع والخدمات | | | استخدامات السلع والخدمات مقبوه باعمار المقتني | | | | | | |
|----------------------|-------------------|---|---|---------|---------------------------------------|------------------------------|--------------------------|--------------------|---------------------------------|
| مصادر السلع والخدمات | مجموع الاستخدامات | مصادر السلع والخدمات التقديم بامر المنتج الانتاج الامتداد سيقه + الرسوم الجمركيه | مجموع الاستخدامات | التصدير | الاحتياك اجمالي تكوين رأس المال | الانفاق الاستهلاكي المباش | الانفاق الحكومي الخام | الامتلاك الوسيط | تصنيف السلع |
| ٢٣٥١ | ١٧٧١ | ١٨٥ | ٢٣٥١ | ٣٥ | ١٠ | ٤ | ٤٢٠٢ | ١٩٨١ | السلع الزراعيه |
| ١٢٩١٢ | ٢٦٥٧ | ٢٨٤٦ | ١٢٩١٢ | ١٤٤٢ | ٢٤ | ٢٥٨٤ | ٢٥٣٦ | ٥٢٧٥ | السلع المساعيه والشهيديات |
| ٢٢٢ | - | - | ٢٢٢ | - | - | - | ٣١٤ | ١٨ | المطاعم والفنادق خدمات |
| ٥١١ | - | ١٤٧ | ٥١١ | ٢٢٨ | - | - | ٢٥٨ | ٢٥ | نقل الركاب خدمات |
| ٢٦٧١ | - | ١٥٩ | ٢٦٧١ | ١٨٢ | - | - | ٢٢٧٢ | ٨٨٤ | بقية الخدمات |
| ٢٣٨٢٢ | ٧٤٢٨ | ٢٣٢٧ | ٢٣٨٢٢ | ١٩٠٧ | ٣٤ | ٢٥٨٨ | ٢٢٧٢ | ٣٩٩٤ | مجموع السلع والخدمات |

يتألف هذا الجدول من قسمين:

(١) قسم المصادر Supply

حيث تقييم السلع والخدمات بأسعار المنتج في كل من عمود «الانتاج» وعمود «الاستيراد سيف + رسوم الاستيراد» وعلى سبيل المثال فان مصادر السلع الزراعية هو الانتاج وقيمته بأسعار باب المزرعة ٤٣٩٥ والاستيراد بقيمة سيف مع الرسوم الجمركية بقيمة (١٨٥) ويكون المجموع لهذين المصدرين بسعر المنتج:

$$٤٣٩٥ + ١٨٥ = ٤٥٨٠ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

(٢) قسم الاستخدامات Disposition

حيث تقييم السلع والخدمات بأسعار المشتري وفي هذا المثال توزع السلع الزراعية مقيمة بأسعار المشتري كما يلي:

بملايين الوحدات النقدية

| | |
|------|----------------------------------|
| ١٩٨١ | الاستهلاك الوسيط |
| ٤٣٠٢ | الانفاق الاستهلاكي النهائي الخاص |
| ١٠ | زيادة المخزون |
| ٤ | تكوين رأس المال الثابت |
| ٥٤ | المصادر |
| — | |
| ٦٣٥١ | |

وإذا اضيف الى مجموع قيم مصادر السلع الزراعية انتاج خدمات التجارة والنقل ١٧٧١ مليون وحدة نقدية فيكون المجموع

$$٦٣٥١ = ١٧٧١ + ٤٥٨٠$$

مساوياً الى مجموع قيم استخدامات السلع الزراعية ويتحقق التوازن بين مصادر واستخدامات السلع الزراعية بالاسعار الجارية وتكون هوامش التجارة والنقل مساوية لانتاج خدمات التجارة والنقل بالاسعار الجارية.

ولقد تبين مسبقاً بأن قيمة انتاج الخدمات التجارية بالاسعار الثابتة لا تساوي قيمة الهامش التجاري بالاسعار الثابتة.

أي لا يساوي الفرق بين قيمة الاستخدامات المقيمة بأسعار المشتري لسنة الاساس وبين قيمة المصادر المقيمة بأسعار المنتج لسنة الاساس الا في حالة تناسب حجم الخدمات التجارية المقدمة لكل سلعة مسوقة مع كمية هذه السلعة.

كما ان قيمة انتاج خدمات نقل البضائع بالاسعار الثابتة لا تساوي ايضاً قيمة هامش النقل بالاسعار الثابتة. ويفترض «المرشد» لاجراء مقارنة بين هاتين القيمتين بعدم وجود هوامش تجارية على السلع المنقولة بحيث ان الفرق بين سعر المشتري وسعر المنتج يعود الى تكاليف النقل فقط. ويستخدم الرموز التالية لوضع صيغة لهوامش نقل البضائع:

$$\begin{aligned} p^X & \text{ سعر المشتري للسلعة (Q) في مكان الوصول:} \\ P & \text{ سعر المنتج للسلعة (Q) على باب المنشأة المنتجة:} \\ m = p^X - P & \text{ معدل هامش النقل المتعلق بوحدة كمية السلعة (Q):} \end{aligned}$$

ويرى المرشد ان سعر المشتري هو اكبر من سعر المنتج لان السلعة كانت هدفاً لتغيير اضافي (further processing) نتيجة لنقلها.

هذا مع العلم بأنه من الناحية العملية فقد حافظت السلعة على جميع خصائصها قبل وبعد عملية النقل لذلك يمكن اعطاء رمز واحد لكمية السلعة (Q) سواء في مكان انتاجها قبل نقلها أو في مكان بيعها بعد عملية النقل ولو انه من الوجهة الاقتصادية قد حصل تغير نوعي في السلعة بسبب النقل (qualitative changed by transportation). وفي هذه الحالة تكتب صيغة هوامش النقل كما يلي:

$$\sum p^X Q - \sum P Q = \sum (p^X - P) Q = m Q$$

أي أن مجموع القيم باسعار المشتري للسلع ناقص مجموع قيم هذه السلع باسعار المنتج يساوي مجموع هوامش النقل.

ان هامش النقل (على خلاف هامش التجارة) لا يقيس مجموعة من الخدمات المقدمة بل يقيس التحويل الفيزيائي في السلع المنتجة (a physical transformation in the producer's goods).

ان هذا التحويل لا يقاس بمجموع خدمات النقل بل يقاس بتغير في اماكن السلع من حيث انتقالها من مصادر انتاجها الى محلات بيعها. ويتم الحصول على هوامش النقل بالاسعار الثابتة بضرب الكميات المباعة خلال سنة المقارنة (t) والتي تم نقلها الى مختلف اماكن بيعها بمعدلات هوامش النقل^(١) مقيمة ياسعار سنة الاساس^(٥) وتكتب صيغة مجموع قيم هوامش النقل لسنة المقارنة بالاسعار الثابتة لسنة الاساس كما يلي:

(١) إن معدل هامش النقل لسلعة ما (m) هو الفرق بين سعر المشتري للسلعة والسعر المنتج: $m = p^X - P$

$$\sum P_o^x Q_t - \sum P_o Q_t = \sum (P_o^x - P) Q_t = \sum m_o Q_t$$

وتكون صيغ الارقام القياسية الحجمية لهوامش النقل لسنة المقارنة (t) بالنسبة لسنة الاساس (كما يلي):

صيغة لاسبير Laspeyres volume

$$\frac{\sum m_o Q_t}{\sum m_o Q_o}$$

صيغة باش Paasche volume

$$\frac{\sum m_t Q_t}{\sum m_t Q_o}$$

كما تكون الارقام القياسية لاسعار هوامش النقل خلال السنة الجارية (t) بالنسبة لسنة الاساس (o).

صيغة لاسبير Laspeyres volume

$$\frac{\sum m_t Q_o}{\sum m_o Q_o}$$

صيغة باش Paasche volume

$$\frac{\sum m_t Q_t}{\sum m_o Q_t}$$

مثال:

يفترض في هذا المثال بأن الفرق بين سعر المشتري وسعر المنتج يمثل هامش النقل فقط ولا يوجد أي هامش للتجارة.

وأن نشاط خدمات نقل البضائع يقتصر على خمس مواد فقط. تتألف البيانات الاحصائية من الجدولين التاليين.

(١) جدول بكميات واسعار السلع المنقولة

| ١٩٨٧ | | | ١٩٨٠ | | | |
|---------------------------------|-------------------------------|-------|---------------------------------|--------------------------------|-------|-------------|
| سعر السلعة للطن الواحد بالدولار | الكمية المنقولة بالاف الاطنان | | سعر السلعة للطن الواحد بالدولار | الكميات المنقولة بالاف الاطنان | | |
| المشتري P_t^x | المنتج P_t | Q_t | المشتري P_o^x | المنتج P_o | Q_o | |
| ١٤٧ | ١٣٣٤٦ | ٥٥١ | ٨٥ | ٧٥٤٤ | ٤١٣ | الحنطة |
| ٢٢١ | ١٩١٤٦ | ١١٤ | ١٩٣ | ١٧٧٤٩ | ٧٢ | الارز |
| ٢٧٥ | ٢٤٥٤٠ | ٢٦١ | ١٤٨ | ١٣٦٤٠ | ١٦٠ | السكر |
| ١٦١ | ١٤٠٤٠ | ٢٨٤ | ١٠٠ | ٩٢ | ٥٢٢ | دقيق الحنطة |
| ١٢٣ | ١٠٢٤١ | ٢٢٥ | ٧٩ | ٧٠ | ١٤١ | الذرة |

(ب) جدول باسعار خدمات نقل البضائع والمسافات الوسطية لنقل السلع ومعدلات هوامش النقل

| سعر المنتج للسلعة للطن الواحد بالدولار | سعر نقل الطن للسلعة الواحدة ولمسافة كيلومتر واحد | المسافة الوسطية بالكيلومتر لنقل طن واحد للسلعة | معدل هامش النقل بالدولار | سعر المشتري للسلعة للطن الواحد بالدولار | |
|---|---|---|-----------------------------------|--|-------------|
| (١) | (٢) | (٣) | $٢ \times ٢ = ٤$ | $٤ + ١ = ٥$ | |
| P_0 | R_0 | D_0 | $m_0 = D_0 R_0$ | $P_0^X = P_0 + m_0$ | عام ١٩٨٠ |
| ٧٥٠٤ | ٠٠٠٤٠ | ٢٤٠ | ٩٠٦ | ٨٥ | الحنطة |
| ١٧٧٠٩ | ٠٠٠٤٧ | ٣٠٠ | ١٤٠١ | ١٩٢ | الارز |
| ١٣٦٠٠ | ٠٠٠٤٨ | ٢٥٠ | ١٢٠٠ | ١٤٨ | السكر |
| ٩٢٠٠ | ٠٠٠٥٠ | ١٦٠ | ٨٠٠ | ١٠٠ | دقيق الحنطة |
| ٧٠٠٠ | ٠٠٠٤٥ | ٢٠٠ | ٩٠٠ | ٧٩ | الذرة |
| P_t | R_t | D_t | $m_t = D_t R_t$ | $P_t^X = P_t + m_t$ | عام ١٩٨٧ |
| ١٣٢٠٦ | ٠٠٠٨٠ | ١٨٠ | ١٤٠٤ | ١٤٧ | الحنطة |
| ١٩١٠٣ | ٠٠٠٩٠ | ٢٣٠ | ٢٩٠٧ | ٢٢١ | الارز |
| ٢٤٥٠٠ | ٠٠١٠٠ | ٣٠٠ | ٣٠٠٠ | ٢٧٥ | السكر |
| ١٤٠٠٠ | ٠٠١٠٥ | ٢٠٠ | ٢١٠٠ | ١٦١ | دقيق الحنطة |
| ١٠٢٠١ | ٠٠٠٩٥ | ٢٢٠ | ٢٠٠٩ | ١٢٢ | الذرة |

لا يوجد فرق بين قيمة هامش نقل البضائع بالاسعار الجارية $(m_t Q_t)$ وبين قيمة إنتاج خدمة نقل البضائع بالاسعار الجارية $(R_t D_t Q_t)$.

تحسب قيم هوامش نقل البضائع لكل من عامي ١٩٨٠ و ١٩٨٧ بالاسعار الجارية وفق الجدول المزدوج التالي:

| ١٩٨٧ | | | ١٩٨٠ | | | |
|---------------------------------|---|---------------------------------|-----------------------------|--|---------------------------------|-------------|
| الكميات المنقولة بالالف الاطنان | معدل هامش النقل بالاسعار الجارية وبالالف الدولارات | الكميات المنقولة بالالف الاطنان | هامش النقل بالالف الدولارات | معدل هامش النقل بالدولار (١) | الكميات المنقولة بالالف الاطنان | |
| Q_t | $m_t = \frac{P_t^X - P_t}{P_t} = \frac{D_t \cdot R_t}{P_t}$ | Q_t | $m_o Q_o$ | $P_o^X - P_o = m_o$ $m_o = \frac{D_o \cdot R_o}{P_o}$ | Q_o | |
| ٥٥١ | ١٤,٤ | ٥٥١ | ٣٩٥٥,٢ | ٩,٦ | ٤١٢ | الحنطة |
| ١١٤ | ٢٩,٧ | ١١٤ | ١٠١٥,٢ | ١٤,١ | ٧٢ | الارز |
| ٢٦١ | ٢٠,٠ | ٢٦١ | ١٩٢٠,٠ | ١٢,٠ | ١٦٠ | السكر |
| ٢٨٤ | ٢١,٠ | ٢٨٤ | ١٨٠٠,٠ | ٨,٠ | ٢٢٥ | دقيق الحنطة |
| ٢٢٥ | ٢٠,٩ | ٢٢٥ | ١٢٦٩,٠ | ٩,٠ | ١٤١ | الذرة |
| | | | ٩٩٥٩,٤ | | | المجموع |

(١) معدل هامش النقل = سعر المشتري ناقصا سعر المنتج $DR = (P^X - P)$

وتحسب قيم هوامش نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ بموجب
الجدول التالي:

| الكميات المنقولة خلال ١٩٨٧ ببالاف الاطنان | معدل هامش النقل = سعر المشتري لسنة ١٩٨٠ ناقص سعر المنتج لسنة ١٩٨٠ بالدولار | قيمة هامش النقل لسنة ١٩٨٧ باسعار عام ١٩٨٠ وببالاف الدولارات |
|---|--|--|
| Q_t | $P_{00}^X - P_{00} = m_{00}$ $m_{00} = D_{00} \cdot R_{00}$ | $m_{00} Q_t$ |
| الحنطة | ٩٤٦ | ٥٢٨٩٤٦ |
| الارز | ١٤٤١ | ١٦٠٧٤٤ |
| السكر | ١٢٤٠ | ٣١٣٢٤٠ |
| دقيق الحنطة | ٨٤٠ | ٣٠٧٢٤٠ |
| الذرة | ٩٤٠ | ٢٠٢٥٤٠ |
| المجموع | | ١٥١٢٦٤٠ |

أي أن مجموع قيم هوامش نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة ١٩٨٠:

$$\sum m_{00} Q_t = ١٥١٢٦$$

وأما قيمة إنتاج خدمات نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس فتحسب وفق الجدول
التالي:

| الكميات المنقولة خلال ١٩٨٧ بالاف الاطنان | المسافة الوسطية كم لنقل طن للسلمة | المسافات الكلية بالاف الكيلومترات لنقل البضائع | السعر في سنة الاساس ١٩٨٠ لنقل طن/كم بالدولار | انتاج خدمة المنقولة خلال ١٩٨٧ بالاف الاطنان | |
|--|-----------------------------------|--|--|---|-------------|
| (١) | (٢) | (٣) | (٤) | (٥) | |
| Q_t | D_t | R_o | R_o | $Q_t D_t R_o$ | |
| ٥٥١ | ١٨٠ | ٩٩١٨٠ | ٠,٠٠٤٠ | ٣٩٦٧,٤٣٠ | الحنطة |
| ١١٤ | ٣٣٠ | ٣٧٦٣٠ | ٠,٠٠٤٧ | ١٧٦٨,١٤ | الارز |
| ٣٦١ | ٣٠٠ | ٧٨٣٠٠ | ٠,٠٠٤٨ | ٣٧٥٨,٤٠ | السكر |
| ٣٨٤ | ٢٠٠ | ٧٦٨٠٠ | ٠,٠٠٥٠ | ٣٨٤٠,٠٠٠ | دقيق الحنطة |
| ٢٢٥ | ٢٢٠ | ٤٩٥٠٠ | ٠,٠٠٤٥ | ٢٢٢٧,٤٥٠ | الذرة |
| | | | | ١٥٥٦١,٢٤ | المجموع |

وتكون القيمة لانتاج خدمات نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس ١٩٨٠:

$$\sum Q_t D_t R_o = 15561,24$$

ويلاحظ بانه بينما يتساوى هامش النقل مع الانتاج الاجمالي لخدمات نقل البضائع بالاسعار الجارية فانه يوجد فرق بين هامش النقل بالاسعار الثابتة لسنة الاساس وبين انتاج خدمات نقل البضائع بالاسعار الثابتة:

إن قيمة الرقم القياسي الحجمي لهامش نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ بالاسعار المشبته لسنة ١٩٨٠ تساوي:

$$\frac{\sum (P_o^x - P_o) Q_t}{\sum (P_o^x - P_o) Q_o} = \frac{\sum m_o D_t}{\sum m_o Q_o} = \frac{\sum R_o D_o Q_t}{\sum R_o D_o Q_o}$$

$$= \frac{15126}{9959,4} = 151,877\%$$

وقيمة الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمة نقل البضائع لسنة ١٩٨٧ بالاسعار المشبته لسنة ١٩٨٠ تساوي:

$$\frac{\sum R_o D_t Q_t}{\sum R_o D_o Q_o} = \frac{15561,24}{9959,4} = 156,247\%$$

وفي هذا المثل يكون الرقم القياسي الحجمي للانتاج اكبر من الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل.

وبالعكس فان قيمة الرقم القياسي لاسعار انتاج خدمات نقل البضائع - صيغة باش والمساوية الي:

$$\frac{\sum R_t D_t Q_r}{\sum R_o D_t Q_t} = \frac{31916,7}{15561,24} = 205,104\%$$

هي اقل من الرقم القياسي لاسعار الهامش التجاري - صيغة باش - والمساوية:

$$\frac{\sum m_t Q_t}{\sum m_o Q_t} = \frac{31916,7}{15126,0} = 211,006\%$$

إن الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل يقيس التغيرات لكميات السلع المنقولة الى مختلف اماكن الشراء مع استخدام هوامش النقل لسنة الاساس كأوزان حيث تكتب صيغة الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل كما يلي:

$$\frac{\sum m_o Q_t}{m_o Q_o} = \frac{1}{m_o Q_o} \sum m_o Q_o \cdot \left(\frac{Q_t}{Q_o}\right)$$

بينما الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات نقل البضائع يقيس التغيرات للمسافات الكيلومترية للسلع المنقولة الى مختلف اماكن الشراء مع استخدام هفس هوامش النقل لسنة الاساس كأوزان. وتكتب صيغة الرقم القياسي الحجمي للانتاج كما يلي:

$$\frac{\sum R_{00} D_{00} Q_t}{\sum R_{00} D_{00} Q_0} = \frac{1}{\sum R_{00} D_{00} Q_0} \sum R_{00} D_{00} R_{00} \left(\frac{D_{00} Q_t}{D_{00} Q_0} \right)$$

$$= \frac{1}{\sum m_{00} Q_0} \sum m_{00} Q_0 \left(\frac{D_{00} Q_t}{D_{00} Q_0} \right)$$

ويكون بين هذين الرقمين القياسيين العلاقة التالية:

الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات النقل = الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات النقل * معامل تعديل = Adjustment factor

$$\left[\frac{\sum R_{00} D_{00} Q_t}{\sum R_{00} D_{00} Q_0} \right] = \left[\frac{\sum R_{00} D_{00} Q_t}{\sum R_{00} D_{00} Q_0} \right] \times \left[\frac{\sum R_{00} D_{00} Q_t}{\sum R_{00} D_{00} Q_0} \right]$$

حيث يمكن تحويل الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات النقل الى الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل وذلك بضرب الرقم القياسي الاول بمعامل تعديل. ان معامل التعديل هذا هو مقلوب الرقم القياسي الذي يمثل التغير الوسيط للمسافات (distances) التي تقطعها السلع للوصول الى اماكن الشراء (the purchasing points). إن المشتري أو المستهلك لا يهتم بأطوال المسافات التي تقطعها السلع للوصول الى مكان الشراء. وجميع السلع من نوع معين المشتراة من مكان شراء واحد تعتبر واحدة ومتجانسة بالنسبة للمشتري مع أنها قد وردت من اماكن انتاج متعددة وبالتالي قد قطعت مسافات مختلفة قبل وصولها الى اماكن الشراء. وإن التغيرات الوسيطة في مسافات السلع المنقولة الى اماكن الشراء تعتبر تغيرات في وحدة التكاليف من وجهة نظر المشتري اي أن التغيرات الوسيطة للمسافات تؤدي الى تغيرات في الرقم القياسي لاسعار السلع بسعر المشتري (price index for the goods at purchanasers prices) وليس الى تغيرات في الرقم القياسي الحجمي وعليه فإن ازدياد الطلب على شراء سلعة في أحد مراكز الشراء يستلزم جلب قسم من السلعة من اماكن انتاج اكثر بعداً وبالتالي تصبح المسافات أطول لنقل السلعة الى مركز الشراء وهذا يؤدي الى زيادة في التكاليف الوسيطة النقل للوحدة الكمية من هذه السلعة أي الى ارتفاع في الرقم القياسي لاسعار هامش النقل. وما يستتبع من زيادة في الرقم القياسي لاسعار السلعة بأسعار المشتري. ويلاحظ في المثال المتعلق بنقل خمس صلع بأن الرقم القياسي لاسعار هامش النقل هو اكبر من الرقم القياسي لاسعار انتاج خدمات النقل بسبب كون الرقم القياسي لتغيرات المسافات.

$$\frac{\sum R_{O} D_{O} Q_{t}}{\sum R_{O} D_{O} Q_{t}} = \frac{\sum R_{O} D_{O} Q_{t}}{\sum m_{O} Q_{t}} = \frac{15561,24}{15126} = 102,877$$

هو اكبر من المائة. وإن الزيادة الحجمية للرقم القياسي للمسافات قد تضمنها واحتواها الرقم القياسي لاسعار هامش النقل. واعتبرت من قبل المشتري جزءاً من زيادة الرقم القياسي لاسعار النقل. وعلى سبيل المثال إن زيادة الطلب على مادة القمح في دمشق قد تستلزم الحصول على هذه المادة من اماكن انتاج اكثر بعداً مما يؤدي الى زيادة في تكاليف النقل وارتفاع في سعر القمح في دمشق وبالعكس فإن بنساء طريق مباشر بين محافظة الحسكة وبين مرفأ اللاذقية في سوريا يساعد على تخفيض تكاليف نقل القطن وبالتالي الى انقاص سعر القطن في اللاذقية.

وأما الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل فهو يعكس التغيرات الكمية للسلع المنقولة فقط ويهمل تغيرات الرقم القياسي الحجمي للمسافات.

من الوجهة النظرية يستحسن بيان الظروف التي أدت الى اختلاف الارقام القياسية لحجوم واسعار هامش النقل عن الارقام القياسية المقابلة لها لانتاج خدمات النقل بالاسعار الثابتة ولكن من الناحية العملية تظل الارقام القياسية المتقابلة لهذين النوعين متقاربة.

وفي الحقيقة تعتبر الزيادات الحجمية للسلع المنقولة زيادات مشتركة في كل من الرقم القياسي الحجمي لهامش النقل وللرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات نقل السلع واذا حدث فرق بين هذين الرقمين القياسيين الحجميين فيعود السبب الى كون أن المسافات الوسطية التي تقطعها السلع لانتقال من اماكن الانتاج الى مراكز الشراء خلال سنة المقارنة مختلفة عن المسافات المقابلة لها خلال سنة الاساس. ولكن يظل هذا الفرق متوازماً ما لم تحدث تغيرات جوهرية في شبكة النقليات (transportation net work) مثل انشاء جسر أو حفر نفق في جبل (tunnel) من شأنه اختصار المسافات والوقت وبالتالي انقاص تكاليف النقل. وفي غياب هذه التغيرات الجوهرية وبسبب عدم توفر بيانات احصائية كاملة فإن بناء كل من هذين النوعين من الرقمين القياسيين يكون مشوباً باخطاء ولا يمكن الحكم بوجود فرق معنوي بين تقديري هذين النوعين، وفي هذه الحالة يمكن اعتبار أن تقدير النوع الاول للرقم القياسي يؤدي الى قيمة تقريبية للنوع الثاني المقابل من الارقام القياسية.

وبالنسبة للجدولين (٢ - ٢) و (٢٨) المتعلقين بمصادر واستخدامات السلع والخدمات عندما يتم تقديرهما بالاسعار الثابتة نلاحظ بأن هامش النقل بالاسعار الثابتة «يحقق التوازن لجانبي المصادر والاستخدامات في كل من هذين الجدولين، بينما

انتاج خدمات نقل السلع (المختلف بالقيمة عن هامش النقل) لا يحقق التوازن في هذين الجدولين المدرجين في نظام المحاسبة القومية. والسبب يعود الى كونهما جدوليين مختلفين (mixed tables) يستخدمان بان واحد نوعين من التقييم:

- (١) التقييم باسعار المنتج في جانب المصادر
- (٢) التقييم باسعار المشتري في جانب الاستخدامات

ونتيجة للازدواجية في التقييم فان هوامش نقل السلع هي وحدها التي تحقق التوازن بين مجموع المصادر والاستخدامات لكل سطر من اسطر جدولي (٢ - ٢) و (٢٨) للسلع والخدمات بالاسعار الثابتة لسنة الاساس واما انتاج خدمات نقل السلع فلا يحقق التوازن.

ولناخذ سلعة دقيق الحنطة من المثال السابق ولنفرض ان مصدر هذه السلعة هو الانتاج فقط وان استخدامها يقتصر على الاستهلاك الوسيط. وبدلالة البيانات المدرجة في المثال السابق:

| البيسان | الرمز | ١٩٨٠ | ١٩٨٧ |
|---|----------------|------|-------|
| الكمية المنتجة بالآلاف الاطنان | Q | ٢٢٥ | ٢٨٤ |
| سعر المنتج للطن الواحد بالدولارات | P | ٩٢ | ١٤٠ |
| سعر نقل الطن الواحد لمسافة كيلو متر واحد | R | ٠,٠٥ | ٠,١٠٥ |
| المسافة الوسطية لنقل طن واحد بالكيلومترات | D | ١٦٠ | ٢٠٠ |
| معدل هامش نقل طن واحد | m=R.D | ٨ | ٢١ |
| سعر المشتري للطن الواحد بالدولارات | P ^X | ١٠٠ | ١٦١ |

| القيم بالآف الدولارات | | | |
|-----------------------|------------------|------------------|--|
| ١٩٨٧ | | ١٩٨٠ | |
| بالاسعار الجارية | بالاسعار الثابتة | لسنة الاساس ١٩٨٠ | |
| ٢٥٢٢٨ | ٥٢٧٦٠ | ٢٠٧٠٠ | انتاج الدقيق بسعر المنتج (PQ) |
| ٢٠٧٢ | ٨٠٦٤ | ١٨٠٠ | هامش النقل (mQ) |
| ٢٨٤٠٠ | ٦١٨٢٤ | ٢٢٥٠٠ | المجموع |
| ٢٥٢٢٨ | ٥٢٧٦٠ | ٢٠٧٠٠ | انتاج الدقيق بسعر المنتج (PQ) |
| ٢٨٤٠ | ٨٠٦٤ | ١٨٠٠ | انتاج خدمات النقل R.D.Q |
| ٢٩١٦٨ | ٦١٨٢٤ | ٢٢٥٠٠ | المجموع |
| ٢٨٤٠٠ | ٦١٨٢٤ | ٢٢٥٠٠ | الاستهلاك الوسيط بسعر المشتري (P ^X Q) |

ومن دراسة هذا الجدول يتبين لنا أنه يمكن الحصول على توازن لمصادر واستخدامات سلعة الدقيق من الجدولين (٢ - ٢) و (٢٨) بالاسعار الجارية لكل من عامي ١٩٨٠ و ١٩٨٧ باضافة هامش نقل السلعة (m_tQ_t) أو انتاج خدمة نقل مادة الطحين (R_tD_tQ_t) الى قيمة انتاج الطحين بأسعار المنتج للحصول على قيمة الاستهلاك الوسيط بسعر المشتري.

١- جدول بمصادر واستخدامات السلع والخدمات لعام ١٩٨٠ بآلاف الدولارات

| مصادر السلع والخدمات التقييم بأسعار المنتج | | المجموع | استخدامات السلع والخدمات التقييم بأسعار المشتري | | السلعة |
|---|-----------------------------|---------|--|--|--------|
| الانتاج | هامش النقل أو خدمة النقل | | الاستهلاك الوسيط | | |
| ٢٠٧٠٠ | ١٨٠٠ | ٢٢٥٠٠ | ٢٢٥٠٠ | | الطحين |

٢- جدول بمصادر استخدامات السلع والخدمات لعام ١٩٨٧ بالاسعار الجارية وبآلاف الدولارات

| مصادر السلع والخدمات التقييم بأسعار المنتج | | المجموع | استخدامات السلع والخدمات التقييم بأسعار المشتري | | السلعة |
|---|---------------------------|---------|--|--|--------|
| الانتاج | هامش النقل وخدمة النقل | | الاستهلاك الوسيط | | |
| ٥٣٧٦٠ | ٨٠٦٤ | ٦١٨٣٤ | ٦١٨٣٤ | | الطحين |

٣- جدول بمصادر واستخدامات السلع والخدمات لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسلعة الاساس وبآلاف الدولارات

| مصادر السلع والخدمات التقييم بأسعار المنتج | | المجموع | استخدامات السلع والخدمات التقييم بأسعار المشتري | | السلعة |
|---|------------|---------|--|--|--------|
| الانتاج | هامش النقل | | الاستهلاك الوسيط | | |
| PQ | mQ | | P ^X Q | | |
| ٢٥٣٢٨ | ٢٠٧٢ | ٢٨٤٠٠ | ٢٨٤٠٠ | | الطحين |

وبالنسبة لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ فان مجموع انتاج خدمات النقل والتي قيمتها ٣٨٤٠ الف دولار وقيمة انتاج الدقيق باسعار المنتج ٢٥٢٢٨ الف دولار لا يساوي قيمة الاستهلاك الوسيط باسعار المشتري الثابتة لسنة الاساس.

وإن عدم ظهور رقم انتاج خدمات نقل البضائع في الجدولين (٢ - آ) و(٢٨) لا يقلل من أهمية استخدامهما.

إذ أن كلا من هذين الجدولين المختلطين يبين مجموع المصادر لجميع الأنشطة باسعار المنتج باستثناء خدمات التجارة ونقل السلع، حيث يستعاض عن السطرين (line) المخصصين لهما بعمود يظهر هوامش التجارة ونقل السلع. ولكن يبقى هذان الجدولان غير كاملين باعتبار أنهما لا يظهران المجموع العام لمصادر جميع الأنشطة باسعار المنتج بدون استثناء لأي نشاط.

يمتاز الجدول (١١) من النظام الحالي للمحاسبة القومية «مصادر واستخدامات السلع والخدمات المسوقة بالاسعار الثابتة»

Table 11- supply and desposition of commodities at constant prices.

(والذي يستخدم نوعاً واحداً من التقييم بأسعار المنتج لمصادر واستخدامات السلع بأن واحد) بأنه كامل وشامل لجميع الأنشطة بدون استثناء. إذ يخص سطرًا لكل من خدمات التجارة وخدمات قطاع نقل السلع بالإضافة إلى تخصيص أسطر مقابلة للأنشطة الاقتصادية الأخرى.

وفي هذا الجدول (١١) يتم التوازن بين مصادر واستخدامات كل سلعة أو خدمة مقيمة بسعر المنتج وبأسعار سنة الاساس. ولكن مجموع قيم مصادر هذه السلع والخدمات في هذا الجدول (بما في ذلك الخدمات التجارية وخدمات نقل السلع) لا يساوي مجموع قيم استخدام السلع والخدمات المقيمة بأسعار المشتري وبالاسعار الثابتة والموجودة في الجدولين رقم (٢ - آ) و (٢٨).

ونظراً لكون جميع السلع مقيمة بسعر المنتج في الجدول (١١) بما في ذلك مختلف عناصر الطلب النهائي (final demand) فيمكن اعتبار أن المشتريين قد عقدوا نوعين منفصلين من صفقات الشراء. فالنوع الاول من الصفقات هو شراء السلع قبل عملية النقل من قبل المنتجين مباشرة. والنوع الثاني من الصفقات هو شراء خدمات نقل بصورة منفصلة. وعليه فإن أية زيادة في حجم خدمات النقل تقابلها نفس الزيادة الحجمية من وجهة نظر المشتري حتى ولو أدت هذه الزيادة إلى ارتفاع حقيقي في تكاليف نقل السلع إلى أماكن الشراء. ويرى «المرشد» بأن عملية توزيع قيمة السلعة المشتراة إلى المركبتين التاليتين:

قيمة السلعة باسعار المنتج
قيمة خدمات نقلها الى مكان الشراء

تتوافق مع تحليل المدخلات والمخرجات (input-output analysis) ولكن تظل عملية التوزيع هذه أقل فائدة بالنسبة لاهداف الرفاهية (less useful for welfare purpose).

إذ ان التغييرات في مجاميع خدمات النقل المستهلكة من قبل المستهلكين النهائيين لا تؤثر على منفعتهم (their utility) باعتبار أن خدمات النقل داخلة ضمن السلع النهائية (the transport services are embodied in the final goods) ولا تقدم أية منفعة مباشرة للمستهلكين النهائيين الذين يرون بان المنفعة او الفائدة الوحيدة تأتي من السلع وحدها.

وعلى مستوى الاقتصاد كله يرى «المرشد» بان الفروق بين تقييم الاستخدامات باسعار المنتج وبالسعار الثابتة وبين تقييمها باسعار المشتري وبالسعار الثابتة تظل صغيرة بالمقارنة مع الاخطاء الناجمة عن ضعف البيانات الاحصائية المتوفرة وقصورها في بناء حسابات قومية جيدة.

ج - قياس القيمة المضافة لخدمات النقل بالسعار الثابتة

Measurement of value added at constant prices of the transport.

في قياس القيمة المضافة لخدمات النقل ميزت دراسة منظمة التعاون الاقتصادي (OECD) بين الانواع التالية:

- ١- النقل البري Land transport
- ٢- النقل المائي Water transport
- ٣- النقل الجوي Air transport

١- النقل البري

في تقدير القيمة المضافة بالسعار المثبتة لخدمات النقل البري استخدمت دول منظمة التعاون الاقتصادية عدة طرائق اهمها:

٢- طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية Deflation of current value added

باستخدام الارقام القياسية الجزئية لاسعار الانتاج او الاستهلاك لتقليص القيم المضافة الجارية. وتطبق هذه الطريقة تركيا والسويد في نقل الركاب والبضائع بالطرق او بالسكك الحديدية.

طريقة التقليل المزدوج Double deflation

وهنا يتم الحصول على انتاج خدمات النقل بالاسعار الثابتة بأخذ رقم الانتاج في سنة الاساس وتعديله بدلالة الرقم القياسي لعدد الركاب الكيلومثري او الرقم القياسي للطن الكيلومثري او بتقليل القيمة الجارية للانتاج. اما الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة فيقدر بتقليل الاستهلاك الوسيط المقيم بالاسعار الجارية وتطبق هذه الطريقة من قبل كندا والدانمرك واليابان وفرنسا والمانيا وهولندا بالنسبة لجميع انواع النقل البري، كما تطبق من قبل الولايات المتحدة وايطاليا واسبانيا بالنسبة للنقل بالسكك الحديدية فقط.

٣- تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس مباشرة بمؤشرات حجمية

Extrapolation of base year value added directly by physical quantities

وتطبق هذه الطريقة من قبل بلجيكا - فنلندا - المملكة المتحدة -
ايرلندا - النمسا ولوكسمبورغ

مثال: تكبير القيمة المضافة لسنة الامان مباشرة بمؤشرات جديدة

| 1978 | | 1979 | | 1980 | |
|--|---------------------------------------|--|---------------------------------------|--|---------------------------------------|
| قيمة الامتلاك الوسيطة بملايين الوحدات النقدية | 1978 | قيمة الامتلاك الوسيطة بملايين الوحدات النقدية | 1979 | قيمة الامتلاك الوسيطة بملايين الوحدات النقدية | 1980 |
| 1987 | 1980 | 1987 | 1980 | 1987 | 1980 |
| بالامصار الجارية | بالامصار الجارية | بالامصار الجارية | بالامصار الجارية | بالامصار الجارية | بالامصار الجارية |
| (10) | (9) | (8) | (7) | (6) | (5) |
| 0100 | 0100 | 1030 | 701 | 0030 | 380 |
| 19000 | 00130 | 1030 | 3809 | 0000 | 078 |
| طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم |
| مجموع النقل بالسكة الحدودية | مجموع النقل بالسكة الحدودية | مجموع النقل بالسكة الحدودية | مجموع النقل بالسكة الحدودية | مجموع النقل بالسكة الحدودية | مجموع النقل بالسكة الحدودية |
| 78107 | 1301 | 33105 | 3105 | 0700 | 078 |
| ركاب | ركاب | ركاب | ركاب | ركاب | ركاب |
| 13001 | 00013 | 11300 | 3805 | 0000 | 0700 |
| طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم | طن/كم |
| 1360 | 00030 | 3800 | 3901 | 0010 | 190 |
| مجموع النقل بالسيارات والقاطرات | مجموع النقل بالسيارات والقاطرات | مجموع النقل بالسيارات والقاطرات | مجموع النقل بالسيارات والقاطرات | مجموع النقل بالسيارات والقاطرات | مجموع النقل بالسيارات والقاطرات |
| 9904 | 3301 | 33101 | 0701 | 0000 | 078 |

1 - ان الرقم القياسي لامصار خدمات النقل والمواصلات المستهلكة من قبل الامر لسنة 1978 بالنسبة لعام 1980 هو XTEC.

ب - وان الرقمين القياسيين لامصار المواد والخدمات المستهلكة من قبل السكة الحديدية

الحديدية والسيارات على الترتيب هما

XTEC و XTEF

وبدلالة ارقام هذا المثل يتم الحصول على تقدير للقيمة المضافة لسنة ١٩٨٧
باسعار سنة ١٩٨٠ لكل من هذه الطرائق الثلاثة:

طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية لعام ١٩٨٧

ويختار الرقم القياسي لاسعار خدمات النقل والمواصلات المستهلكة من قبل الاسر
(والذي يعتبر جزءاً من الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المعدة للاستهلاك) لتقليص
القيمة المضافة بالاسعار الجارية.

القيمة المضافة لسنة ١٩٨٠:

| | |
|----------------------------|--------------------|
| للنقل بالسكك الحديدية: | ٣٦٤٥ - ١٣٤١ = ٢٣٤٤ |
| وللنقل بالسيارات والشاحنات | ٥٧٤٦ - ٢٣٤١ = ٣٤٠٥ |
| وللمجموع خدمات النقل البري | ٢٣٤٤ + ٣٤٠٥ = ٥٧٤٩ |

القيمة المضافة لعام ١٩٨٧ بالاسعار الجارية:

| | |
|----------------------------|-----------------------|
| للنقل بالسكك الحديدية | ٣٤١٠٥ - ٧٩٤٧ = ٢٦١٤٨ |
| وللنقل بالسيارات والشاحنات | ٣٦١٤٦ - ٩٩٤٤ = ٢٦٢٠٢ |
| وللمجموع خدمات النقل البري | ٢٦١٤٨ + ٢٦٢٠٢ = ٥٢٣٥٠ |

وبتقليص القيمة المضافة الجارية لعام ١٩٨٧ باستخدام المعامل ٢٤٤% نحصل على
تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة التالية:

$$\begin{aligned} ٢٣٤ & \div ٢٤٤ = ١٣٢٤٨ \text{ مليون وحدة نقدية} \\ \text{والرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية للنقل البري} \\ ١٣٢٤٨ & \div ٥٧٤٩ = ٢٤٢٩ \text{ أي } ٢٢٩\% \end{aligned}$$

طريقة التقليص المزدوج

تؤخذ قيم انتاج خدمات كل من نقل الركاب والبضائع بالسكك الحديدية
وبالسيارات والشاحنات خلال سنة الاساس ١٩٨٠ ويجري تكبيرها بدلالة الارقام القياسية
الحجمية للمسافات المقطوعة للركاب والبضائع للحصول على قيم انتاج خدمات النقل
لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠ وفق جدول الحساب التالي:

يتم انتاج خدمات النقل لسنة ١٩٨٧ باسعار عام ١٩٨٠

| نوع خدمة النقل | وحدة خدمة النقل | قيم الانتاج المسافات بملايين الوحدات | | قيم الانتاج باساس ١٩٨٠ بملايين الوحدات | رقم القياسي الجزئي للكميات | قيم الانتاج ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس بملايين الوحدات |
|----------------------------------|-----------------|---|-------------|--|-------------------------------------|---|
| | | سنة ١٩٨٧ | سنة ١٩٨٠ | | | |
| | | (٣) | (٢) | (١) | (٢) = (٤) | (٥) = (١) × ٣ |
| <u>بالسكك الحديدية</u> | | | | | | |
| ركاب | راكب كم | ١٠٣٠ | ٢٨٠ | ٧٤٦ | ٢٧١,٠٠٥ | ٢٠,٤٦ |
| بضائع | طن/كم | ١٥٢٠ | ٥٧٨ | ٢٨,٩٠ | ٢٦٢,٩٨ | ٧٦ |
| المجموع | | | | ٣٦,٥ | ٢٦٤,٦٦ | ٩٦,٦ |
| <u>النقل بالسيارات والشاحنات</u> | | | | | | |
| ركاب | راكب/كم | ١١٣٠٠ | ٥٧٠٠ | ٢٨,٥ | ١٩٨,٢٥ | ٥٦,٥ |
| بضائع | طن/كم | ٢٨٠٠ | ١٩٤٠ | ٢٩,١ | ١٤٤,٣٣ | ٤٢,٥ |
| المجموع | | | | ٥٧,٦ | ١٧١,٥١ | ٩٨,٥ |
| المجموع | | | | ٩٤,١ | ٢٠٧,٣٣ | ١٩٥,١ |

ثم يجري تقليص القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لعام ١٩٨٧ لكل من خدمات النقل بالسكك الحديدية وخدمات النقل بالسيارات والشاحنات وهما على الترتيب التالي:

$$٣٢,٩ = ٢,٤٢ \div ٧٩,٧$$

$$٤٠,٦ = ٢,٤٥ \div ٩٩,٤$$

وتكون القيمة المضافة لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠:

$$٦٣,٧ = ٣٢,٩ - ٩٦,٦ \quad \text{للنقل بالسكك الحديدية}$$

$$٥٧,٩ = ٤٠,٦ - ٩٨,٥ \quad \text{للنقل بالسيارات والشاحنات}$$

$$١٢١,٦ = ٥٧,٩ + ٦٣,٧ \quad \text{ولمجموع خدمات النقل البري}$$

والرقم القياسي للقيمة المضافة الحقيقية للنقل البري

$$١٢١,٦ \div ٥٧,٩ = ٢,١٠٠ \text{ أي } ٢١٠,٠\%$$

طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشرات حجمية

إن قيمة الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات السكك الحديدية لعام ١٩٨٧ بالنسبة لعام ١٩٨٠ هي ٢٦٤,٦٦% وعليه تكون القيمة المضافة لخدمات السكك الحديدية لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة:

$$٢٣,٤ \times ٢,٦٤٦٦ = ٦١,٩ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

كما أن قيمة الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات النقل بالسيارات والشاحنات لعام ١٩٨٧ بالنسبة لعام ١٩٨٠ هي ١٧١,٠١%. وعليه تكون القيمة المضافة لخدمات النقل بالسيارات والشاحنات لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة:

$$٣٤,٥ \times ١,٧١٠١ = ٥٩,٠$$

ومنه تكون القيمة المضافة لعام ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لكامل قطاع النقل البري

$$١٢٠,٩ = ٥٩,٠ + ٦١,٩ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

تعتبر طريقة التقليل المزدوج مفضلة على غيرها باعتبارها تميز بين تغييرات الانتاج وتغيرات الاستهلاك الوسيط.

٢- النقل المائي Water transport

يطبق معظم دول التعاون الاقتصادي احدى الطريقتين التاليتين:

أ - طريقة التقليل المزدوج

حيث يتم اولاً تقدير الانتاج الاجمالي بالاسعار المثبتة سواء بتكبير انتاج سنة الاساس بمقاييس حجمية تتعلق بالركاب او الكميات الكيلومترية للبضائع المنقولة او عن طريق تقليل القيمة الجارية للانتاج. ثم يتم شانياً تقدير الاستهلاك الوسيط بالاسعار المثبتة وذلك بتقليل القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لسنة المقارنة.

وتطبق هذه الطريقة كل من كندا والدانمرك والمانيا واليابان وفرنسا وهولندا والسويد.

ب - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بقياس حجمي

Extrapolation of base-year value added by volume

يقاس حجم النقل المائي للبضائع بالوحدة المركبة الطن الكيلومتری وحجم النقل المائي لافراد بالوحدة المركبة الفرد الكيلومتری.

وتطبق هذه الطريقة الدول التالية: الولايات المتحدة - استراليا - نيوزلندا - النمسا - بلجيكا - اليونان - ايسلندا - ايرلندا - ايطاليا ولوكسمبورغ.

٣ - النقل الجوي

يطبق معظم دول التعاون الاقتصادي ايضاً احدى الطريقتين السابقتين في قياس القيمة المضافة الحقيقية (بالاسعار الثابتة لسنة الاساس).

٢ - طريقة التقييم المزدوج

تتبع نفس الطريقة في قياس القيمة المضافة الحقيقية للنقل المائي.

وتطبق من قبل الدول التالية: كندا واليابان والدانمرك وفرنسا والمانيشا وايسلندا وهولندا والنرويج وايطاليا والسويد واسبانيا.

ب - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بقياس حجمي

والوحدة في القياس الحجمي هي نقل الراكب بمسافة كيلومتر واحد بالنسبة لنقل الاشخاص ونقل طن لمسافة كيلومتر واحد بالنسبة لنقل البضائع.

وتطبق هذه الطريقة من قبل المملكة المتحدة واستراليا ونيوزلندا والنمسا وايرلندا واليونان ولوكسمبورغ وأما الولايات المتحدة فتطبق هذه الطريقة لنقل البضائع فقط.

٤ - خدمات المواصلات Communication

تقاس القيمة المضافة بالاسعار المشبته لقطاع المواصلات من قبل دول التعاون الاقتصادي وفق الطرائق الثلاثة الرئيسية التالية:

٢ - طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية

يتم الحصول على القيمة المضافة لسنة المقارنة بالاسعار الثابتة لكل من خدمات الهاتف والتلكس والتلفراف والبريد بتقسيم القيمة المضافة الجارية لهذه السنة على الرقم القياسي للاسعار (التعرفة Tariff) المقابل لكل نوع من هذه الخدمات.

وينحصر تطبيق هذه الطريقة على بلجيكا واسبانيا وتركيا وأما الولايات المتحدة فتطبق هذه الطريقة على خدمات الهاتف فقط.

ب - طريقة التقليل المزدوج

يتم الحصول على الانتاج الاجمالي بالاسعار الثابتة سواء بتكبير الانتاج الاجمالي لسنة الاساس بمقاييس حجمية مثل اعداد الخطوط الهاتفية او المكالمات الهاتفية او عدد التلغرافات او التلكسات او بتقليل القيمة الجارية للانتاج الاجمالي لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار الانتاج.

وتطبق هذه الطريقة كندا واليابان والدانمرك وفرنسا والمانيا وهولنـدة والسويد والنروج.

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمقياس حجمي

تتضمن المقاييس الحجمية عدد المكالمات الهاتفية وعدد كلمات البرقيات واسطر التلكس وعدد الطرود والرسائل البريدية.

وتطبق هذه الطريقة من قبل استراليا ونيوزلنـدة والنمسا واليونان وايسلنـدة وايرلنـدة وايطاليا والمملكة المتحدة ولوكسمبورغ والولايات المتحدة (باستثناء خدمات الهاتف).

مثال:

تتألف أنشطة خدمات المواصلات من ثلاث مؤسسات:

مؤسسة الهاتف

مؤسسة البريد

مؤسسة البرق (اللاسلكي)

وبدلالة البيانات التالية يجري تقدير للقيمة المضافة لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس لكل من هذه المؤسسات الثلاثة حسب مختلف طرائق التقدير:

أولاً: بيانات احصائية لنشاط مؤسسات الهاتف
البريد والبرق اللاسلكي

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | نوع وحدة القياس | |
|---|-------|-----------------|---|
| <u>I. مؤسسة الهاتف</u> | | | |
| <u>١- خطوط الهواتف</u> | | | |
| ٤٩٤ | ٢١٩ | بالالف خط | عدد الخطوط |
| ١٢٠ | ٤٥ | بالدولار | رسم الخط السنوي |
| ٥٩٢٨٠ | ٩٨٥٥ | بالاف الدولارات | مجموع رسوم الهواتف بالاسعار الجارية |
| <u>٢- مخابرات الهاتف الداخلية</u> | | | |
| ٧٤١٠٥ | ٣٠١٠٤ | بالمليون | عدد الوحدات |
| ٠٠١٢٤ | ٠٠٠٥٠ | بالدولار | سعر الوحدة |
| ٩١٩٤٦ | ١٥٠٧٠ | بالاف الدولارات | قيمة المخابرات الداخلية بالاسعار الجارية |
| <u>٣- مخابرات الهاتف الدولية</u> | | | |
| ١٤٩٢١ | ٤٩٥٠ | الف دقيقة | عدد الوحدات |
| ١٠٣ | ٠٠٤٨ | بالدولار | سعر الدقيقة |
| ١٩٢٩٧ | ٢٣٧٦ | بالاف الدولارات | قيمة المخابرات الدولية بالاسعار الجارية |
| <u>٤- موارد انتاج اخرى بالاسعار الجارية</u> | | | |
| ٢٣٢٦٧ | ٤٠٢٣ | بالاف الدولارات | |
| الانتاج الاجمالي بالاسعار الجارية | | | |
| ١٩٢٨٩٠ | ٣١٣٢٤ | بالاف الدولارات | |
| الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية | | | |
| ٦٠٨٨٢ | ٩٢٤٩ | بالاف الدولارات | |
| القيمة المضافة بالاسعار الجارية | | | |
| ١٢٣٠٠٨ | ٢٢٠٧٥ | بالاف الدولارات | |

تابع الجدول

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | نوع وحدة القياس | |
|---|------|-----------------|-------------------|
| <u>II مؤسسة البريد</u> | | | |
| <u>١- المراسلات الداخلية</u> | | | |
| ١٨٤١ | ١٥٤٢ | بالمليون | عدد المراسلات |
| ٠,٤٤ | ٠,١٦ | بالدولار | رسم الطابع الوسيط |
| قيمة طوابع المراسلات الداخلية بالاسعار الجارية | | | |
| ٧٩٦٤ | ٢٤٢٢ | بالاف الدولارات | |
| <u>٢- المراسلات الخارجية</u> | | | |
| ٧٤٢ | ٢٤٨ | بالملايين | عدد المراسلات |
| ٠,٩٨ | ٠,٢٥ | بالدولار | رسم الطابع الوسيط |
| قيمة طوابع المراسلات الخارجية بالاسعار الجارية | | | |
| ٧١٥٤ | ١٣٣٠ | بالاف الدولارات | |
| <u>٣- الطرود الداخلية</u> | | | |
| ٥٢٤٢ | ٢٢٤٩ | بالالف طرد | عدد الطرود |
| ٢,٣٦ | ١,٢٥ | بالدولار | رسم الطابع الوسيط |
| قيمة طوابع الطرود الداخلية بالاسعار الجارية | | | |
| ١٧٩ | ٤١ | بالاف الدولارات | |
| <u>٤- الطرود الخارجية</u> | | | |
| ٧١٤٥ | ٥١٤٧ | بالالف طرد | عدد الطرود |
| ٨٤٠٥ | ٢,٩٥ | بالدولار | رسم الطابع |
| قيمة طوابع الطرود الخارجية بالاسعار الجارية | | | |
| ٥٧٦ | ١٥٢ | بالاف الدولارات | |

تابع الجدول

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | نوع وحدة القياس | |
|-----------------------------------|------|-----------------|--|
| ١٦٦٦ | ٤٥٣ | بالاف الدولارات | ٥- مواد انتاج اخرى بالاسعار الجارية |
| ١٧٥٣٩ | ٤٤٠٩ | بالاف الدولارات | الانتاج الاجمالي بالاسعار الجارية |
| ٥٦٣٠ | ١٤٦٤ | بالاف الدولارات | الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية |
| ١١٩٠٩ | ٢٩٤٥ | بالاف الدولارات | القيمة المضافة بالاسعار الجارية |
| <u>III مؤسسة البرق (اللاسلكي)</u> | | | |
| <u>١- البرقيات الداخلية</u> | | | |
| ٩٠٥ | ٧٤١ | بالمليون | عدد الكلمات |
| ٠٠٦٣ | ٠٠٢٤ | بالدولار | سعر الكلمة الواحدة |
| ٥٩٨٥ | ١٧٠٤ | بالاف الدولارات | قيمة البرقيات الداخلية بالاسعار الجارية |
| <u>٢- البرقيات المرسله للخارج</u> | | | |
| ١٦٠٤ | ٩٠٤ | بالمليون كلمة | عدد الكلمات |
| ١٠٦ | ٠٠٥٩ | بالدولار | سعر الكلمة الواحدة |
| ٢٦٢٤٠ | ٥٥٤٦ | بالاف الدولارات | قيمة البرقيات الخارجية بالاسعار الجارية |

تابع الجدول

| ١٩٨٧ | ١٩٨٠ | نوع وحدة القياس | |
|-------|------|-----------------|--------------------------------------|
| ١٤٧١ | ٣٩٤ | بالاف الدولارات | ٢- موارد انتاج اخرى |
| ٣٣٦٩٦ | ٧٦٤٤ | بالاف الدولارات | الانتاج الاجمالي بالاسعار الجارية |
| ٩٦٠٣ | ٢١٤٠ | بالاف الدولارات | الاستهلاك الوسيط بالاسعار الجارية |
| ٢٤٠٩٢ | ٥٥٠٤ | بالاف الدولارات | القيمة المضافة بالاسعار الجارية |

ثانياً: الأرقام القياسية لأسعار الاستهلاك الوسيط

لعام ١٩٨٧ بالنسبة لعام ١٩٨٠:

الأرقام القياسية للأسعار

٢٤٨

الاستهلاك الوسيط لمؤسسة الهاتف

٢٥٢

الاستهلاك الوسيط لمؤسسة البريد

٢٤٥

الاستهلاك الوسيط لمؤسسة البرق اللاسلكي

٢- طريقة تقليص القيمة المضافة بالأسعار الجارية لسنة المقارنة

يبدأ بالحصول على الأرقام القياسية لأسعار كل من خدمات الهاتف والبريد

والبرق وتطبق صيغة باث:

$$\frac{\sum P_t Q_t}{\sum P_0 Q_t}$$

حيث يرمز إلى كمية الخدمة في سنة المقارنة

P_0 = حيث يرمز سعر وحدة الخدمة سنة الأساس

P_t = حيث يرمز سعر وحدة الخدمة في سنة المقارنة

أولاً: الرقم القياسي لأسعار خدمات الهاتف

| حساب قيمة الانتاج الاجمالي لسنة ٨٧ بأسعار سنة الاساس | | | |
|--|---|---|---|
| نوع الخدمة | الوحدة | الكميات في سنة ١٩٨٧ (التعرفة) في سنة الاساس ١٩٨٠ بالدولار | القيمة في سنة ١٩٨٧ بأسعار سنة الاساس بالدولارات |
| قيمة الانتاج | | في ١٩٨٧ | في ١٩٨٧ |
| | | بالاسعار الجارية بالالف الدولارات | بالاسعار الجارية بالالف الدولارات |
| $P_t Q_t$ | | P_o | $P_o Q_t$ |
| ٥٩٢٨٠ | عدد الهواتف بالالف | ٤٥ | ٢٢٢٢٠ |
| ٩١٩٤٦ | مخابرات الهاتف الداخلية عدد الوحدات بالملايين | ٠,٠٥٠ | ٣٧٠٧٥ |
| ١٩٣٩٧ | مخابرات الهاتف الخارجية عدد الدقائق بالالف | ٠,٤٨ | ٧١٦٢ |
| ١٧٠٦٢٢ | المجموع | | ٦٦٤٦٧ |

ومنه تكون قيمة الرقم القياسي لأسعار خدمات الهاتف:

$$\frac{\sum P_t Q_t}{\sum P_o Q_t}$$

$$257\% = 66.67 + 170.622$$

ثانياً: الرقم القياسي لاسعار خدمات البريد

| حساب قيمة الانتاج الاجمالي لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس | | | | | |
|---|----------------|---------------------|--|--|---|
| نوع الخدمة | الوحدة | الكميات سنة ١٩٨٧ | سعر الخدمة (التعرفة) في سنة الاساس ١٩٨٠ | قيمة الانتاج في سنة ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس بالاف الدولارات | قيمة الانتاج في سنة ١٩٨٧ بالاسعار الجارية بالاف الدولارات |
| | | Q_t | P_o | $P_o Q_t$ | $P_t Q_t$ |
| المراسلات الداخلية | مليون رسالة | ١٨٤١ | ٠,١٦ | ٢٨٩٦ | ٧٩٦٤ |
| المراسلات الخارجية | مليون رسالة | ٧٤٣ | ٠,٣٥ | ٢٥٥٥ | ٧١٥٤ |
| الطرود الداخلية | الف طرد | ٥٣٤٣ | ١,٢٥ | ٦٧ | ١٧٩ |
| الطرود الخارجية | الف طرد | ٧١٤٥ | ٢,٩٥ | ٢١١ | ٥٧٦ |
| المجموع | | | | ٥٧٢٩ | ١٥٨٧٣ |

ومنه تكون قيمة الرقم القياسي لاسعار خدمات البريد حسب صيغة باش:

$$١٥٨٧٣ \div ٥٧٢٩ = ٢,٧٧ \text{ أي } ٢٧٧\%$$

ثالثاً: الرقم القياسي لاسعار خدمات البرق (اللاسلكي)

حساب قيمة الانتاج الاجمالي لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة
الاساس

| نوع الخدمة | الوحدة | الكميات سنة ١٩٨٧ | سعر الخدمة الوسطي في سنة الاساس ١٩٨٠ | قيمة الانتاج في ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس بالاف الدولارات | قيمة الانتاج في سنة ١٩٨٧ بالاسعار الجارية بالاف الدولارات |
|---------------------------------|---------------|---------------------|---|--|---|
| | | Q_t | P_o | $P_o Q_t$ | $P_t Q_t$ |
| البرقيات الداخلية المرسلة | مليون كلمة | ٩٠٥ | ٠,٢٤ | ٢٢٨٠ | ٥٩٨٥ |
| البرقيات الخارجية المرسلة | مليون كلمة | ١٦,٤ | ٠,٥٩ | ٩٦٧٦ | ٢٦٢٤٠ |
| المجموع | | | | ١١٩٥٦ | ٣٢٢٢٥ |

الرقم القياسي لاسعار خدمات البرق (اللاسلكي) حسب صيغة باش

$$٣٢٢٢٥ \div ١١٩٥٦ = ٢,٧٠ \text{ أي } ٢٧٠\%$$

ثم تستخدم الارقام القياسية لاسعار لكل من خدمات الهاتف والبريد والبرق لتقليص
القيم المضافة المقابلة الجارية لعام ١٩٨٧ وفق جدول الحساب التالي:

| القيمة المضافة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة بالاف الدولارات | الرقم القياسي لاسعار الانتاج الاجمالي | القيمة المضافة لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الجارية وبالاف الوحدات النقدية | |
|---|---|--|-----------------------------|
| ٥١٧٥٤ | ٢٥٧ | ١٣٣٠٠٨ | مؤسسة الهاتف |
| ٤٣٩٩ | ٢٧٧ | ١١٩٠٩ | مؤسسة البريد مؤسسة البرق |
| ٨٩٣٣ | ٢٧٠ | ٢٤٠٩٣ | (الاملاكي) |
| ٦٤٩٧٦ | - | ١٦٩٠١٠ | المجموع |

ب - طريقة التقليل المزدوج

تتبع الدول التي اختارت هذه الطريقة والتابعة لمنظمة التعاون الاقتصادي في تقدير الانتاج الاجمالي بالاسعار المشبته احد الاسلوبين التاليين:

(١) تقليل الانتاج الاجمالي لسنة المقارنة (١٩٨٧) بتقليل الرقم القياسي لاسعار الانتاج الاجمالي.

(٢) تكبير الانتاج الاجمالي لسنة الاساس (١٩٨٠) بدلالة الرقم القياسي الحجمي للانتاج الاجمالي.

وبالنسبة للمثال فيتم تقليص القيم الجارية للانتاج الاجمالي لسنة ١٩٨٧ وفق جدول الحساب التالي:

| القيمة الجارية لانتاج لسنة ١٩٨٧ بالاف الدولارات | الرقم القياسي لاسعار الانتاج الاجمالي | قيمة الانتاج لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة بالاف الدولارات |
|---|---|---|
| ١٩٢٨٩٠ | ٢٥٧ | ٧٥٤٤٤ |
| ١٧٥٣٩ | ٢٧٧ | ٦٣٣٢ |
| ٢٣٦٩٦ | ٢٧٠ | ١٢٤٨٠ |

ثم يصار الى تقليص القيم الجارية للاستهلاك الوسيط لعام ١٩٨٧ كما يلي:

| القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لسنة ١٩٨٧ بالاف الدولارات | الرقم القياسي لاسعار الاستهلاك الوسيط | قيمة بالاسعار الشابطة للاستهلاك لسنة ١٩٨٧ بالاف الدولارات |
|--|---|---|
| ٦٠٨٨٢ | ٢٤٨ | ٢٤٥٤٩ |
| ٥٦٣٠ | ٢٥٢ | ٢٢٣٤ |
| ٩٦٠٣ | ٢٤٥ | ٣٩٢٠ |

ثم تحسب القيم المضافة الحقيقية لسنة ١٩٨٧ وفق الجدول التالي:

القيم لسنة ١٩٨٧ بالاسعار المثبته لسنة ١٩٨٠ وبالاف الدولارات

| الانتاج الاجمالي | الاستهلاك الوسيط | قيمة المضافة الحقيقية |
|------------------|------------------|--------------------------|
| ٧٥٤٤٤ | ٢٤٥٤٩ | ٥٠٨٩٥ |
| ٦٣٣٢ | ٢٢٣٤ | ٤٠٩٨ |
| ١٢٤٨٠ | ٣٩٢٠ | ٨٥٦٠ |
| ٩٤٢٥٦ | ٣٠٧٠٣ | ٦٣٥٥٣ |

الاسلوب الثاني

يبدأ بالحصول على الارقام القياسية الحجمية للانتاج الاجمالي لكل من خدمات الهاتف وخدمات البريد وخدمات البرق. ونختار صيغة لاسبير في تركيب الارقام القياسية الحجمية

$$\frac{\sum P_o Q_t}{\sum P_o Q_o}$$

Q_t = ويرمز الى كمية الخدمة في سنة المقارنة

Q_o = ويرمز الى كمية الخدمة في سنة الاساس

P_o = يرمز الى سعر الخدمة في سنة الاساس

ويتم تحويل هذه الصيغة كما يلي:

$$\frac{\sum P_t Q_o}{\sum P_o Q_o} = \frac{\sum P_o Q_o}{H} \left(\frac{Q_t}{Q_o} \right)$$
$$H = \sum P_o Q_o$$

ثانياً الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات البريد

| الوحدة | الكميات | | القيم في | | الرقم القياسي الحجمي وعناصره |
|--------------------|------------------------|-------------------|------------------------|-----------------|------------------------------|
| | سنة الأساس ١٩٨٠ | سنة المقارنة ١٩٨٧ | النسبة المئوية للكميات | سنة الأساس ١٩٨٠ | |
| | Q_0 | Q_t | $\frac{Q_t}{Q_0}$ | $P_0 Q_0$ | $\frac{P_0 Q_0 Q_t}{H Q_0}$ |
| المراسلات الداخلية | عدد المراسلات بالمليون | ١٥٤٢ | ١٨٤١ | ١١٩ | ٢٤٣٢ |
| المراسلات الخارجية | عدد المراسلات بالمليون | ٢٤٨ | ٧٤٢ | ١٩٢ | ١٣٣٠ |
| الطرود الداخلية | عدد الطرود بالالف | ٣٢٤٩ | ٥٣٤٢ | ١٦٢ | ٤١ |
| الطرود الخارجية | عدد الطرود بالالف | ٥١٤٧ | ٧١٤٥ | ١٣٨ | ١٥٢ |
| المجموع | | | | | ٣٩٥٦ |
| | | | | | ١٤٤٠٧٢ |

الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات البريد حسب صيغة لاسبير يساوي ١٤٥% على وجه التقريب.

شالاً الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات البرق (اللاسلكي)

| الرقم القياسي الحجمي وعناصره | القيم في سنة الاساس ١٩٨٠ بالالف الدولارات | الكميات | | | الوحدة |
|------------------------------|---|---------------------------------|-------------------|-----------------|-----------------------|
| | | النسب المئوية للكميات | سنة المقارنة ١٩٨٧ | سنة الاساس ١٩٨٠ | |
| | | $\frac{P_{O_0} Q_{O_0}}{H Q_0}$ | $\frac{Q_t}{Q_0}$ | Q_t | Q_0 |
| | | | | | عدد البرقيات الداخلية |
| ٣١,٤٩ | ١٧٠٤ | ١٣٤ | ٩٠٥ | ٧٤١ | بالمليون |
| | | | | | عدد البرقيات الخارجية |
| ١٣٣,١٠ | ٥٥٤٦ | ١٧٤ | ١٦,٤ | ٩,٤ | بالمليون |
| ١٦٤,٥٩ | ٧٣٥٠ | | | | المجموع |

ان الرقم القياسي الحجمي لانتاج خدمات البرق (اللاسلكي) يساوي ١٦٥% على وجه التقريب.

ومنه يكون الانتاج الاجمالي لسنة ١٩٨٧ بالاسعار المثبتة لسنة الاساس ١٩٨٠ عن طريق تكبير الانتاج الاجمالي لسنة الاساس بالرقم الحجمي لكل من خدمات الهاتف وخدمات البريد وخدمات البرق وفق جدول الحساب التالي:

| الانتاج الاجمالي لسنة الاساس ١٩٨٧ باسعار سنة الاساس بالاف الدولارات | الرقم القياسي الحجمي للانتاج | الانتاج الاجمالي لسنة الاساس ١٩٨٧ بالاف الدولارات | |
|--|---------------------------------|--|--------------|
| ٧٦٤٣١ | ٢٤٤ | ٣١٢٢٤ | مؤسسة الهاتف |
| ٦٣٩٣ | ١٤٥ | ٤٤٠٩ | مؤسسة البريد |
| ١٢٦١٣ | ١٦٥ | ٧٦٤٤ | مؤسسة البرق |
| ٩٥٤٣٧ | - | ٤٣٣٧٧ | المجموع |

ويكون الرقم القياسي الحجمي العام لمجموع قطاع المواصلات $٩٥٤٣٧ \div ٤٣٣٧٧ = ٢,٢٠$ أي ٢٢٠٪

ان قيم الاستهلاك الوسيط لعام ١٩٨٧ بالاسعار المثبتة سبق احتسابها عند عرض الاسلوب الاول من طريقة المقلص المزدوج.

وعليه يتم الحصول على القيم المضافة لعام ١٩٨٧ بالاسعار المثبتة لسنة الاساس وفق جدول الحساب التالي:

القيم لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ وبالاف الدولارات

| الانتاج الاجمالي | الاستهلاك الوسيط | القيمة المضافة الاجمالي | |
|------------------|------------------|----------------------------|--------------|
| ٧٦٤٣١ | ٢٤٥٤٩ | ٥١٨٨٢ | ؤسسة الهاتف |
| ٦٣٩٣ | ٢٢٣٤ | ٤١٥٩ | مؤسسة البريد |
| ١٢٦١٣ | ٣٩٢٠ | ٨٦٩٣ | مؤسسة البرق |
| ٩٥٤٣٧ | ٣٠٧٠٣ | ٦٤٧٣٤ | المجموع |

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمقياس حجمي

يجري تكبير القيم المضافة الاجمالية لسنة الاساس ١٩٨٠ بدلالة الارقام القياسية الحجمية لانتاج خدمات كل من مؤسسات الهاتف والبريد والبرق وفق جدول الحساب التالي:

| القيمة المضافة الاجمالية لسنة الاساس ١٩٨٠ بالاف الدولارات | الرقم القياسي الحجمي لانتاج | القيمة المضافة الاجمالية لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ بالاف الدولارات | |
|--|--------------------------------|---|--------------|
| ٢٢٠٧٥ | ٢٤٤ | ٥٢٨٦٢ | مؤسسة الهاتف |
| ٢٩٤٥ | ١٤٥ | ٤٢٧٠ | مؤسسة البريد |
| ٥٥٠٤ | ١٦٥ | ٩٠٨٢ | مؤسسة البرق |
| ٣٠٥٢٤ | - | ٦٧٢١٥ | المجموع |

ويمكن تلخيص مختلف القيم المضافة الاجمالية لسنة ١٩٨٧ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ وفق الجدول التالي:

| القيمة المضافة الاجمالية لسنة ١٩٨٧ باسعار سنة ١٩٨٠ بالاف الدولارات | | | | |
|--|--------------|-------------|----------------------|-----------------|
| مؤسسة الهاتف | مؤسسة البريد | مؤسسة البرق | مجموع قطاع المواصلات | |
| ٥١٧٥٤ | ٤٢٩٩ | ٨٩٢٣ | ٦٤٩٧٦ | الطريقة الاولى |
| الطريقة الثانية | | | | |
| ٥٠٨٩٥ | ٤٠٩٨ | ٨٥٦٠ | ٦٣٥٥٣ | الاسلوب الاول |
| ٥١٨٨٢ | ٤١٥٩ | ٨٦٩٣ | ٦٤٧٤٣ | الاسلوب الثاني |
| ٥٣٨٦٣ | ٤٢٧٠ | ٩٠٨٢ | ٦٧٢١٥ | الطريقة الثالثة |

٥- خدمات المؤسسات المالية
Services of financial institutions

تقاس القيمة المضافة لخدمات المؤسسات المالية في دول التعاون الاقتصادي وفق الطرائق الثلاثة الرئيسية:

٢- طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية
Deflation of current value added

تطبق هذه الطريقة ثلاث دول : بلجيكا - ايطاليا - واليونان بتقسيم القيمة المضافة بالاسعار الجارية لسنة المقارنة على الرقم القياسي العام لاسعار المستهلك. (the overall consumer price index) وبالنسبة لتقدير الخدمات المصرفية المحتسبة بالاسعار الشابتة فان (imputed bank service) بلجيكا تأخذ معدلات الغوائد السائدة خلال سنة الاساس (base-year interest rates) وتطبيقها على قيم الودائع المصرفية (bank deposits) لسنة المقارنة بعد تقليص هذه القيم أي تقسيمها على الرقم القياسي لاسعار المستهلك.

ب - طريقة التقييم المزدوج

يقدر الانتاج الاجمالي لخدمات المؤسسات المالية لسنة المقارنة بالاسعار الثابتة عن طريق تقسيم القيمة الجارية للانتاج على الرقم القياسي العام لاسعار المستهلك أو على الرقم القياسي الضمني لاسعار الناتج الاجمالي القومي (gross national product) وأما الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة فيقدر بتقسيم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط على الرقم القياسي لاسعار المواد المستهلكة وسيطياً.

وتطبق هذه الطريقة من قبل كندا - الدانمرك - فرنسا - اليابان - فنلندا - المانيا وهولندا.

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمقياس حجمي

وتطبق هذه الطريقة من قبل الولايات المتحدة ونيوزلندا والنرويج والسويد واستراليا والنمسا واسبانيا والمملكة المتحدة وتركيا.
ويتألف المقياس الحجمي من جداء الرقمين القياسيين:

الرقم القياسي لعدد المشتغلين في القطاع المصرفي
والرقم القياسي لانتاجية العمل (labour productivity).

وفي المملكة المتحدة يفترض بأن الزيادة السنوية لانتاجية هي ٤% وفي السويد ٢% وفي بقية الدول يفترض بانه لا توجد زيادة سنوية في الانتاجية.

مثال: يشير الجدول التالي الى نشاط قطاع المصارف خلال سنتي ١٩٨٠ و١٩٨٨.

القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | الخدمات المصرفية |
|---|------|--|
| | | <u>انتاج الخدمات المصرفية</u> |
| ٢٠٤ | ٢١ | الفعلية |
| ١٣٦١ | ٢٠٦ | المحتسبة |
| ———— | ———— | |
| ١٥٦٥ | ٢٢٧ | المجموع |
| ٢٥٨ | ٢٦ | الاستهلاك الوسيط |
| ٢٧٥ | ١٠٠ | الرقم القياسي العام لاسعار المستهلك |
| | | الرقم القياسي لاسعار المواد والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل قطاع المصارف |
| ٢٨٢ | ١٠٠ | |
| ١٤٣٢١ | ٧٦٤٠ | عدد المشتغلين |
| ملاحظة ان الزيادة السنوية لانتاجية العمل = ٣% | | |

آ - وبتطبيق طريقة تقليص القيمة المضافة باستخدام الرقم القياسي العام لاسعار المستهلك يتم الحصول على تقدير القيمة المضافة لعام ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لعام ١٩٨٠

$$٤٧٥ = ٢٠٧٥ \div (٢٥٨ - ١٥٦٥) \text{ مليون وحدة نقدية}$$

ب - طريقة التقليص المزدوج

تمت طريقة التقليص المزدوج بتقسيم إنتاج الخدمة بالاسعار الجارية لسنة ١٩٨٨ على الرقم القياسي العام لاسعار المستهلك
 $١٥٦٥ = ٢٠٧٥ \div ٥٦٩$ مليون وحدة نقدية

ثم بتقسيم الاستهلاك الوسيط الجاري على الرقم القياسي لاسعار المواد والخدمات المستهلكة من قبل قطاع المصارف:
 $٢٥٨ = ٢٠٨٣ \div ٩١$ مليون وحدة نقدية

وإن الفرق بين الانتاج والاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة هو تقدير للقيمة المضافة بالاسعار المثبتة
 $٤٧٨ = ٩١ - ٥٦٩$

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لخدمات المصارف لسنة الاساس

تحتسب هذه الطريقة بإستخدام مقياس حجمي يتألف من ضرب الرقمين القياسيين التاليين:

(١) الرقم القياسي لعدد المشغلين في القطاع المصرفي لسنة ١٩٨٨ بالنسبة ١٩٨٠.

$$١٤٣٣١ \div ٧٦٤٠ = ١٠٨٧٤ \text{ أي } ١٨٧,٤\%$$

(٢) والرقم القياسي للانتاجية لسنة ١٩٨٨ بالنسبة ١٩٨٠
 $١٣٦,٧\% = ١٠٠ \times (١,٠٣)^{\wedge}$

ومنه يكون الرقم القياسي للمؤشر الحجمي (١)×(٢)
 $٢٣٧,٤\% = ١٠٣٦٧ \times ١٨٧,٤$

والقيمة المضافة للخدمات المصرفية لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠.

القيمة المضافة لسنة الاساس × الرقم القياسي الحجمي
= (٢٢٧ - ٢٦) × ٢٠٢٧٤ = ٤٥٤ مليون وحدة نقدية.

٦- خدمات التأمين Services of insurance

تطبق ثلاث طرائق لتقدير القيمة المضافة بالاسعار المشبته لخدمات التأمين مسن قبل دول منظمة التعاون الاقتصادي

٢ - طريقة تقليم القيمة المضافة بالاسعار الجارية

يتم احتسابها بتقسيم القيمة المضافة الجارية على الرقم القياسي لرسوم التأمين (index of premiums) أو على الرقم القياسي العام للاسعار (general price indices) وتطبق هذه الطريقة في بلجيكا وايطاليا واسبانيا.

ب - طريقة التقليل المزدوج

تحتسب بتقسيم القيمة الجارية لانتاج خدمات التأمين على الرقم القياسي لرسوم التأمين او على الرقم القياسي العام للاسعار ثم بتقسيم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط على الرقم القياسي للسلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل قطاع التأمين. وتطبق طريقة التقليل المزدوج كل من كندا والدانمرك وفرنسا وهولندا واليابان والمانيا الاتحادية وفنلندا. إلا أن هذه الدولة الاخيرة تقدر الانتاج الاجمالي لسنة المقارنة بالاسعار الثابتة عن طريق تكبير (extrapolatin) رقم الانتاج لسنة الاساس بالرقم القياسي لعدد بوالص التأمين (issurance policies) المادرة خلال سنة المقارنة بالنسبة لسنة الاساس.

ج - تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمقياس حجمي

Extrapolatin of base-year value added by volume measure

ويتألف المؤشر الحجمي من جداء الرقمين القياسيين التاليين:

الرقم القياسي لعدد المشتغلين في قطاع التأمين.
والرقم القياسي لانتاجية العمل.

وتطبق هذه الطريقة من قبل استراليا والنرويج والسويد وتركيا. وبالنسبة للسويد فإنها تفترض بأن الزيادة السنوية للانتاجية هي ٢٪ سنوياً.

-٧- خدمات دور السكن services of dwellings

هناك ثلاث طرائق مختارة لتقدير القيمة المضافة بالاسعار الشابتة لخدمات دور السكن من قبل دول منظمة التعاون الاقتصادي.

- ٢ - طريقة تقليم القيمة المضافة بالاسعار الجارية

تحتسب بتقسيم القيمة المضافة بالاسعار الجارية لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار إيجارات دور السكن (rent price index of dwellings) وتطبق هذه الطريقة من قبل الولايات المتحدة وايطاليا ولوكسمبورغ.

- ب - طريقة التقليل المزدوج

هذه الطريقة يتم إحتسابها بتقسيم مجموع الايجارات الفعلية والمقدرة لسدور السكن لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار ايجارات دور السكن ثم بتقسيم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط على الرقم القياسي للسلع والخدمات المستهلكة وسيطياً.

وتطبق طريقة التقليل المزدوج هذا من قبل كندا والدانمرك والمانيا الاتحادية والسويد وفنلدا واليابان وبلجيكا وفرنسا والنرويج وتركيا.

- ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي

يعنى بالمؤشر الحجمي هو عدد دور السكن.

وتطبق هذه الطريقة: استراليا واليونان وايرلندا واسبانيا ونيوزلندا وايسلندا وهولندا والنمسا.

مثال:

بدلالة البيانات التالية تطبق الطرائق الثلاثة في احتساب القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الشابتة لسنة الاساس ١٩٨٠.

أولاً: البيانات المتعلقة بسنة الأساس ١٩٨٠

| بملايين الوحدات النقدية | | | عدد دور السكن بالآلاف | |
|-------------------------|------------------|----------------|--------------------------|--------------|
| الايجازات | الاستهلاك الوسيط | القيمة المضافة | | |
| ١٨٢١ | ٢١١ | ١٦٢٠ | ٣٠٥٤٣ | المدن الكبرى |
| ٥١٩ | ٥٦ | ٤٦٢ | ١٠٨٤١ | المدن الوسطى |
| ٤٩٧ | ٥٢ | ٤٤٥ | ١٣٨٤١ | المدن الصغرى |
| ٥٠٠ | ٤٨ | ٤٥٢ | ٢٠٨٤٣ | الريف |
| ٣٢٤٧ | ٣٦٧ | ٢٩٨٠ | ٧٥٩٤٨ | المجموع |

ثانياً: البيانات المتعلقة لسنة المقارنة ١٩٨٨ وبالسعار الجارية

| | | | | |
|------|------|------|-------|--------------|
| ٥٥٤١ | ٦٦٥ | ٤٨٧٦ | ٣٦٩٤٤ | المدن الكبرى |
| ١٢٨٠ | ١٤٥ | ١١٢٥ | ١٢٥٤٥ | المدن الوسطى |
| ١١٢٠ | ١٢٧ | ٩٩٢ | ١٥٥٤٥ | المدن الصغرى |
| ٧٨٠ | ٧٦ | ٧٠٤ | ٢١٦٤٨ | الريف |
| ٨٧٢١ | ١٠١٢ | ٧٧٠٨ | ٨٦٧٤٢ | المجموع |

شالاً:

الرقم القياسي لاسعار ايجارات دور السكن لعام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠. %٢٢١

الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل قطاع خدمات دور السكن لعام ١٩٨٨ بالنسبة لعام ١٩٨٠. %٢٥٧

٢ - طريقة تقليم القيمة المضافة الجارية لسنة ١٩٨٨

يتمثل احتساب هذه الطريقة في تقسيم القيمة المضافة الجارية لعام ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار ايجارات دور السكن:
 $٧٧٠٨ \div ٢٠٢١ = ٣٤٨٨$ مليون وحدة نقدية

ب - طريقة التقليم المزدوج

لاستخدام هذه الطريقة نقوم بتقسيم القيمة الجارية للانتاج الاجمالي لخدمات دور السكن لعام ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار ايجارات دور السكن.
 $٨٧٢١ \div ٢٠٢١ = ٣٩٤٦$ مليون وحدة نقدية.

ثم نقوم بتقسيم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لعام ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً.
 $١٠١٣ \div ٢٠٥٧ = ٣٩٤$ مليون وحدة نقدية

وتكون القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠:
 $٣٩٤٦ - ٣٩٤ = ٣٥٥٢$ مليون وحدة نقدية.

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس ١٩٨٠ بمؤشر حتمي وفق جدول الحساب التالي:

| القيمة المضافة بملايين الوحدات النقدية | | النسبة المئوية لدود السكن | عدد دور السكن بالالف | | |
|---|------|------------------------------------|----------------------|-------|--------------|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| بالاسعار الثابتة | | | | | |
| (٣) × (٤) = (٥) | (٤) | (٣) = (٢) (١) | (٢) | (١) | |
| ١٩٦٠,٢ | ١٦٢٠ | ١٢١,٠ | ٣٦٩,٤ | ٣٠٥,٣ | المدن الكبرى |
| ٥٣٧,٥ | ٤٦٣ | ١١٦,١ | ١٢٥,٥ | ١٠٨,١ | المدن الوسطى |
| ٥٠١,١ | ٤٤٥ | ١١٢,٦ | ١٥٥,٥ | ١٣٨,١ | المدن الصغرى |
| ٤٧٠,٥ | ٤٥٢ | ١٠٤,١ | ٢١٦,٨ | ٢٠٨,٣ | الريف |
| ٣٤٦٩,٢ | ٢٩٨٠ | - | ٨٦٧,٢ | ٧٥٩,٨ | المجموع |

ومنه تكون القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ مساوية الى:
٣٤٦٩,٣ = ٣٤٦٩ مليون وحدة نقدية.

٨- الخدمات التعليمية Education services

يتم انتاج الخدمات التعليمية من قبل المعلمين (teachers) او بصورة أدق من قبل المؤسسات التعليمية. وتستهلك هذه الخدمات من قبل التلامذة (pupils). وتسعى هذه الخدمات الى تشقيف الطالب الذي يهدف الى زيادة معلوماته ومهاراته (skills) بمساعدة المعلمين. ولا يقتصر التعليم (instruction) على الشرح الشفوي للمعلم وان كانت هي الطريقة العامة في التدريس، بل يشمل توفير الاجهزة والادوات التي يستطيع بواسطتها الطالب أن يتابع عملياً شرح المعلم وأن يجري باشراف هذا الاخير تطبيقات عملية.

إن «مرشد الحسابات القومية بالاسعار الثابتة» يرى أن هناك صعوبة عملية لقياس كميات خدمات التعليم نتيجة عدم امكانية ملاحظة وتسجيل الزيادة في المهارات والمعرفة (additional skills and knowledge) التي يكتسبها الطلاب من خدمات التعليم. إذ أن كميات هذه الخدمات المقدمة من قبل المعلمين لا يمكن ان تتكافأ وتتساوى مع مجموع الزيادات في المهارات والمعرفة باعتبار أن هذه الزيادات تتعلق بصورة رئيسية بالجهود الشخصية التي يبذلها الطلاب وبمدى قدرتهم على الاستفادة من خدمات التعليم. وهذا ما يلاحظ بصورة خاصة في التعليم الجامعي. إن رغبة وحوافز الطلاب في مطالعة الكتب في دورهم أو في المكتبات لها دور كبير في زيادة المهارات والمعرفة المكتسبة بصورة مستقلة عن حجم خدمات التعليم المقدمة. ولا يمكن اعتبار أن عدد الشهادات من كفاءة و ثانوية وجامعية ودكتوراة المعتمدة مقاييس صالحة ومقبولة لقياس كميات خدمات التعليم ثم إن هذه الشهادات التي يتم الحصول عليها سنوياً لا تتعلق بكميات الخدمات التعليمية المقدمة خلال السنة وحدها بل هي نتيجة لخدمات تعليمية تراكمية خلال مجموعة من السنوات. ومن الناحية التعليمية يرى «المرشد» بأن خدمة التعليم المقدمة للطالب تقاس بصورة تقريبية بعدد ساعات التدريس وإن التغيرات النسبية في ساعات التدريس لنوع معين من التعليم تساوي على وجه التقريب التغيرات النسبية لكمية هذه الخدمة من التعليم. ويؤكد «المرشد» على لزوم التمييز بين الانواع المختلفة للتدريس خصوصاً اذا كانت تكاليف هذه الانواع مختلفة.

كما يلاحظ بأن جميع مستويات التعليم هي مشتركة في تقديم خدمات الى مجموعات من الطلاب. (pupils in groups) متواجدين ضمن صفوف (classes) في المعاهد التعليمية.

إن هذه الحالة هي مشابهة لانتاج الخدمات في قطاع النقل المشترك حيث تقدم خدمة معينة لعدد متغير من المستهلكين. ففي هذه الظروف يجري تمييز بين كميات الخدمات المنتجة والمستهلكة وبين اسلوب الانتاج (process of production) الذي ينتج هذه الخدمات. وتزداد كميات خدمات التعليم كلما ازداد عدد المستهلكين (الطلاب). ولا يمكن قياس أية خدمة بصورة مستقلة عن آثار انتاجها على الافراد حتى ولو امكن تحديد اسلوب الانتاج. وعلى سبيل المثال فإن القاء محاضرة في احدى الجامعات هو نوع أو اسلوب انتاج ولكن الانتاج لا يمكن قياسه بدون دراسة اثر المحاضرة على الطلاب فإذا كانت المحاضرة غير مفهومة أو تم القاؤها بلغة اجنبية بدون ان ترافقها ترجمة فلا يوجد أي انتاج وكذلك إذا كانت قاعة المحاضرات خالية فالانتاج هو ايضاً معدوم حتى ولو استغرق القاء المحاضرة عدة ساعات.

إن الانتاج الحقيقي لخدمات أي نوع من التعليم هو تابع (function) يتزايد مع عدد الطلاب. وإن انتاج هذه الخدمات يستلزم أن يكون المعلمون على اتصال مستمر مع الطلاب لتدريسهم ولتصحيح اخطائهم والاستماع الى مشاكلهم وترشيدهم. لذلك فإن جودة خدمة التعليم المقدمة للتلاميذ في صفوف المدرسة تتأثر بمعدل عدد الطلاب للمعلم الواحد. وبصورة عامة عندما يتجاوز هذا المعدل للمعلم الواحد حداً معيناً فإن جودة خدمة التعليم تضعف.

إن تحديد المعدل للمعلم الواحد يختلف حسب نوع التعليم. وفي حالة تدريس الطلاب في صفوف المدارس يقترح «المرشد» لقياس كميات خدمات التعليم استخدام مجموع جداءات عدد ساعات التدريس بعدد الطلاب: $\sum H.S$ حيث يرمز الى:

H = عدد ساعات التدريس
S = عدد الطلاب في الصف

(وهذا غير مجموع جداءات عدد ساعات التدريس بعدد المعلمين).

وعندما يحدث تغير كبير في معدلات اعداد الطلاب للمعلم الواحد يرى «المرشد» لزوم اجراء تعديل على قياس الكمية باعتبار أن هذا التغير يؤدي الى تغير في جودة خدمات التعليم.

كما يرى لزوم الاخذ بعين الاعتبار للتغير في القيمة الحقيقية للتجهيزات (capital equipment) التي توفر للطلاب الواحد، إذ أن التغير في هذه القيمة الحقيقية للطالب الواحد تؤدي الى تغير في جودة الخدمة.

وللحصول على الرقم القياسي الكمي العام لجميع خدمات التعليم يقترح المرشد أن يتم تشييل الارقام القياسية الجزئية لكل نوع من انواع هذه الخدمات بمجموع قيم الانفاق على النوع الواحد في سنة الاساس. ويعتبر مختلف التكاليف الوسطية للطالب الواحد ولساعة واحدة من التدريس لانواع خدمات التعليم في سنة الاساس (the average costs per pupil-hour of different kinds of instruction is the base year) بمثابة مقاييس دقيقة لكميات مختلف انواع الخدمات التعليمية لان الفروق في هذه التكاليف الوسطية تعكس الفروق في جودة هذه الانواع من الخدمات التعليمية. لذلك يؤكد «المرشد» على لزوم التفصيل في الانواع حسب تكاليفها المقابلة. كما يرجح استخدام مقاييس حجمية في تقدير الارقام القياسية الجزئية لخدمات التعليم مثل التغيرات في اعداد الطلاب على طريقة تقليص القيم الجارية لخدمات التعليم لسنة المقارنة.

إن دول التعاون الاقتصادية OECD تتبع في قياس القيمة المضافة لخدمات التعليم الخاص بالاسعار المثبتة اربع طرائق رئيسية:

٢ - الطريقة المتبعة في تقدير الخدمات غير المسوقة (non-market services)

تعتبر اليابان وزيلندا الجديدة واستراليا وبلجيكا والمانيا الاتحادية وايسلندا وتركيا أن جميع انواع التعليم الخاص بخدمات غير مسوقة وتطبق نفس الاساليب المتبعة في قطاع الادارة العامة لقياس القيمة المضافة لخدمات التعليم الخاص بالاسعار الشابتة.

ب - طريقة التقليص المزدوج

تقسم القيمة الجارية للانتاج الاجمالي لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار خدمات التعليم الخاص. كما تقسم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل قطاع التعليم الخاص.

ج - تكبير القيمة المضاف لسنة الاساس بمؤشر حجمي لاعداد الطلاب

Extrapolatin of base-year value added by volume measure: Number of students

وتطبق هذه الطريقة اليونان - فنلندا - النروج - ايطاليا واسبانيا واما فسي إيرلندا فيستخدم الرقم القياسي لاعداد الطلاب والمعلمين معاً كمؤشر حجمي للقيمة المضافة بالاسعار الشابتة.

د - تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي لاعداد المشتغلين

Extrapolatin of base-year value added by volume measure: Numbers employed

وتطبق هذه الطريقة الولايات المتحدة والسويد والمملكة المتحدة حيث تفترض هذه المملكة بأن الزيادة في الانتاجية السنوية واحد بالمائة.
مثال:

تشير البيانات التالية الى نشاط قطاع خدمات قطاع التعليم الخاص ويشمل مراحل الابتدائية والاعدادية والثانوية وقد قسمت المرحلة الابتدائية الى ثلاث فئات تالية:

الاولى: تأمين خدمات التعليم مع خدمات نقل الطلاب صباحاً وظهراً ومساءً.

الثانية: تأمين خدمات التعليم مع خدمات نقل الطلاب صباحاً ومساءً.

الثالثة: تأمين خدمات التعليم فقط.

أولاً: البيانات المتعلقة بسنة الاساس ١٩٨٠

| القيم بملايين الوحدات النقدية | | | عدد | عدد | |
|-------------------------------|------------------|---------|-----------|--------|----------------|
| | | | المشتغلين | الطلاب | |
| القيمة المضافة | الاستهلاك الوسيط | الانتاج | | | |
| <u>المرحلة الابتدائية</u> | | | | | |
| ٢٤٣ | ٠٤٤ | ٢٤٧ | ١٥٦ | ١٥٢١ | الفئة الاولى |
| ٤٤٨ | ٠٤٧ | ٥٤٥ | ٣٥٦ | ٣٦٦٧ | الفئة الثانية |
| ١١٤٨ | ١٤٤ | ١٣٤٢ | ٩٧٤ | ١٠٩٩٧ | الفئة الثالثة |
| ١٨٤٩ | ٢٤٥ | ٢١٤٤ | ١٤٨٦ | ١٦١٨٥ | المجموع الجزئي |
| <u>المرحلة الاعدادية</u> | | | | | |
| ١٤٤٩ | ٢٤٨ | ١٧٤٧ | ٨٤٨ | ٨٨٥٠ | |
| <u>المرحلة الثانوية</u> | | | | | |
| ٢٤٥ | ٠٤٦ | ٣٤١ | ١٣٤ | ١٢٤٠ | |
| ٣٦٤٣ | ٥٠٩ | ٤٢٤٢ | ٢٤٦٨ | ٢٦٢٧٥ | المجموع العام |

ثانياً: البيانات المتعلقة بسنة ١٩٨٨ وبالاسعار الجارية

| القيم بملايين الوحدات النقدية | | | عدد الطلاب | | عدد المشغلين | |
|-------------------------------|------------------|---------|------------|--------------|-------------------|--|
| القيمة المضافة | الاستهلاك الوسيط | الانتاج | عدد الطلاب | عدد المشغلين | | |
| <u>المرحلة الابتدائية</u> | | | | | | |
| ٩٤٠ | ١٤٦ | ١٠٤٦ | ٣٠٦ | ٣٩٤٤ | الفئة الاولى | |
| ١٣٤٣ | ٢٤١ | ١٥٤٤ | ٥٣٩ | ٥١٥١ | الفئة الثانية | |
| ٢٥٤٤ | ٣٤١ | ٢٨٤٥ | ١١١٨ | ١٣٠٧٠ | الفئة الثالثة | |
| ٤٧٤٧ | ٦٤٨ | ٥٤٤٥ | ١٩٥٣ | ٢١١٦٥ | المجموع الجزئي | |
| <u>المرحلة الاعدادية</u> | | | | | | |
| ٣٢٤٦ | ٦٤٥ | ٣٩٤١ | ٩٣٣ | ٩٩٠٢ | المرحلة الاعدادية | |
| <u>المرحلة الثانوية</u> | | | | | | |
| ٧٤٤ | ١٤٥ | ٨٤٩ | ١٨٦ | ١٨٣٥ | المرحلة الثانوية | |
| ٨٧٤٧ | ١٤٤٨ | ١٠٢٤٥ | ٣٠٧٢ | ٣٢٩٠٢ | المجموع العام | |

شالاً:

الرقم القياسي لاسعار خدمات التعليم الخاص لعام ١٩٨٨
بالنسبة لعام ١٩٨٠

٪
١٩٣،٩

الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة
وسيطياً من قبل قطاع خدمات التعليم الخاص لعام ١٩٨٨
بالنسبة لعام ١٩٨٠

٢٥٥،٠

وبدلالة هذه الارقام يتم تقدير القيمة المضافة لخدمات التعليم الخاص لعام ١٩٨٨
بالاسعار الثابتة لسنة الاساس وفق الطرائق الثلاثة التالية:

(١) طريقة التقليل المزدوج

حيث تقسم القيمة الجارية لانتاج قطاع التعليم الخاص لسنة ١٩٨٨ على الرقم
القياسي لاسعار خدمات التعليم الخاص:
 $١٠٢،٥ \div ١،٩٢٩ = ٥٣،١$ مليون وحدة نقدية

ثم تقسم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لهذا القطاع لسنة ١٩٨٨ على الرقم
القياسي لاسعار السلع والخدمات الوسيطة
 $١٤،٨ \div ٢،٥٥ = ٥،٨$ مليون وحدة نقدية

ومنه تكون القيمة المضافة لخدمات التعليم الخاص لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة
لسنة الاساس ١٩٨٠:

$$٤٧،٢ = ٥،٨ - ٥٣،١$$

مليون وحدة نقدية

(٢) طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي لاعداد الطلاب

| عدد الطلاب | القيمة المضافة بملايين الوحدات النقدية | | النسبة المئوية لعدد الطلاب | عدد الطلاب | |
|---------------------------|---|------|-------------------------------------|------------|-------|
| | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| | بالاسعار المثبتة لسنة الاساس | | | | |
| | (٣) × (٤) = (٥) | (٤) | (٣) ÷ (٢) = (٣) | (٢) | (١) |
| <u>المرحلة الابتدائية</u> | | | | | |
| | ٤٤٥ | ٢٤٢ | ١٩٣٤٦ | ٢٩٤٤ | ١٥٢١ |
| | ٦٤٧ | ٤٤٨ | ١٤٠٤٥ | ٥١٥١ | ٣٦٦٧ |
| | ١٤٤٠ | ١١٤٨ | ١١٨٤٩ | ١٣٠٧٠ | ١٠٩٩٧ |
| | ١٦٤٧ | ١٤٤٩ | ١١١٤٩ | ٩٩٠٢ | ٨٨٥٠ |
| | ٢٤٧ | ٢٤٥ | ١٤٨٤٠ | ١٨٣٥ | ١٢٤٠ |
| | ٤٥٤٦ | ٢٦٤٢ | - | ٢٢٩٠٢ | ٢٦٢٧٥ |
| | المجموع | | | | |

إن القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ وبطريقة استخدام المؤشر الحجمي لعدد الطلاب هي: ٤٥٤٦ مليون وحدة نقدية.

(٣) طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي لاعداد المشتغلين

| القيمة المضافة بملايين الوحدات النقدية | | النسبة المئوية لعدد المشتغلين | عدد المشتغلين | | |
|---|------|--|---------------|------|-------------------|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| بالاسعار المثبتة لسنة الاساس | | | | | |
| (٣)×(٤)=(٥) | (٤) | (٣)÷(٢)=(٣) | (٢) | (١) | |
| <u>المرحلة الابتدائية</u> | | | | | |
| ٤٤٥ | ٢٤٣ | ١٩٦٠٢ | ٣٠٦ | ١٥٦ | الفئة الاولى |
| ٧٤١ | ٤٤٨ | ١٤٨٠٦ | ٥٢٩ | ٢٥٦ | الفئة الثانية |
| ١٢٤٥ | ١١٤٨ | ١١٤٠٨ | ١١١٨ | ٩٧٤ | الفئة الثالثة |
| ١٦٤٤ | ١٤٠٩ | ١١٠٠٠ | ٩٣٢ | ٨٤٨ | المرحلة الاعدادية |
| ٢٤٥ | ٢٤٥ | ١٢٨٠٨ | ١٨٦ | ١٣٤ | المرحلة الثانوية |
| ٤٥٠٠ | ٣٦٤٢ | - | ٣٠٧٢ | ٢٤٦٨ | المجموع |

إن القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ بطريقة استخدام المؤشر الحجمي لاعداد المشتغلين هي: ٤٥٠٠ مليون وحدة نقدية.

٩- الخدمات الطبية المباعة بأسعار تغطي التكاليف

Medical services sold at prices intended to cover costs

بالنسبة للخدمات الطبية يلزم التمييز بين الخدمة المقدمة من قبل المنتج (الطبيب) والفوائد التي يحصل عليها المستهلك (المريض).

إن الأفراد يطلبون المعالجات الطبية (medical treatments) من الأطباء والمشافي بهدف تحسين أوضاعهم الصحية. وفي كل معالجة طبية يلزم التمييز بين الخدمة الطبية المقدمة للمريض وبين نتائج هذه الخدمة في تحسين أو عدم تحسين في صحة المريض. فالطبيب لا يستطيع دوماً تحسين صحة المريض وبالتالي فإن إنتاج خدماته لا يمكن أن يقاس بمقدار التحسن الصحي للمريض. إذ أن الحالة العامة الصحية للمريض تتعلق بمجموعة من عوامل عديدة منها الخدمة الطبية المستهلكة.

فالطبيب عندما يفحص مريضاً يكون أمام حالة مرضية معينة فيختار لها معالجة طبية بأمل أن تؤدي هذه المعالجة إلى تحسن في صحة المريض ضمن شروط محددة. ولكن هناك ظروفاً طارئة أو مجهولة قد تحد من قدرة الأطباء من تحسين صحة هذا المريض. ويلاحظ «المرشد» بأن قياس الخدمات المقدمة من قبل أطباء الصحة العامة (general medical practitioners) تكون أحياناً أكثر صعوبة من قياس خدمات الأطباء المتخصصين. لأن دور طبيب الصحة العامة هو مشابه لدور المستشار المهني. ففي كثير من الأحيان تقتصر خدمته على فحص المريض وعلى ضوء معلوماته وتجاربه يقترح عليه تناول أدوية معينة وفق مواقيت محددة بالإضافة إلى تقديم نصائح طبية. وفي هذه الحالة قد لا تؤدي المعالجة (treatment) إلى تحسن صحة المريض ولكن هذا الأخير يصبح على بينة من وضعه الصحي وعلى علم بما يجب عمله أو تجنبه بغية تحسين حالته الصحية.

يقترح «المرشد» بأن تعتبر الاستشارة الطبية (consultation) وحدة كمية مناسبة لقياس الخدمات الاستشارية لطبيب الصحة العامة. ولكن هذا لا يعني بأن جميع الاستشارات هي من نوع واحد بل يلزم إجراء تصنيف الاستشارات حسب نوع الفحص الطبي ومدى استخدام الأجهزة الطبية. وعلى سبيل المثال فإن استشارة الطبيب في دار المريض هي أحسن جودة من الاستشارة في عيادة الطبيب.

ونتيجة للتقدم التقني وتطور الأجهزة الطبية التي يستخدمها الطبيب أثناء الاستشارة الطبية يوجد تحسن مستمر في جودة الاستشارة الطبية. وإن اتخاذ الاستشارة كوحدة لقياس حجم الخدمات الطبية مع إهمال عامل التحسن في جودة الخدمة يؤدي إلى قياس غير سليم للحجم الحقيقي للخدمات الطبية ويرى «المرشد» بأن تقليص النفقات الجارية للخدمات الطبية بتقسيمها على الأرقام القياسية للأسعار تعطي تقديرات ،

بصورة عامة، اكثر دقة للحجم الحقيقي للخدمات. ولا بد من أجل الحصول على ارقام قياسية جيدة لاسعار الخدمات الطبية من اجراء تصنيف مفصل لمختلف المعالجات الطبية مع توصيف دقيق لكل نوع من المعالجات. وباستخدام هذه الارقام القياسية للاسعار لتقليص القيم الجارية يتم الحصول على تقديرات دقيقة لحجم الخدمات الطبية لسنة المقارنة. لان طريقة التقليص ازال من القيمة الجارية لانتاج الخدمات الطبية لسنة المقارنة أشار تغير الاسعار فقط. وبالتالي فإن القيمة بالاسعار الثابتة للانتاج قد شملت بآن واحد على التغير الكمي في عدد الاستشارات وعلى تحسن جودة هذه الاستشارات. تستخدم دول منظمة التعاون الاقتصادي في حساب القيمة المضافة بالاسعار الثابتة خمس طرائق اساسية:

٢ - طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية

وتحتسب بتقسيم القيمة المضافة الجارية لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية. وتطبق هذه الطريقة بلجيكا واليونان ولوكسمبورغ.

ب - طريقة التقليص المزدوج

وتستنتج عن طريق تقسيم القيمة الجارية لانتاج الخدمات الطبية لسنة المقارنة على الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية. ثم تقسم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لهذه السنة على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل القطاع الخاص للخدمات الطبية.

وتطبق هذه الطريقة كندا والدانمرك والمانيا الاتحادية والنرويج واليابان وفرنسا وهولندا:

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي بدلالة وحدات كمية للخدمات الطبية Extrapolation of base-year value added by volume measures based on physical quantities

وبالنسبة للخدمات في المشافي الخاصة فان زيلندا الجديدة تستخدم الرقم القياسي لنسب إشغال الاسرة (index number based on bed occupancy rates) وفنلندا تستخدم الرقم القياسي لعدد المعالجات في المشافي الخاصة.

وأما بالنسبة لخدمات الاطباء فان اسبانيا وفنلندا تستخدمان الرقم القياسي المبني على عدد المعالجات. وهولندا تستخدم رقماً قياسيياً مركباً من اعداد المعالجات مع اعداد الاطباء.

د - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بمؤشر حجمي: اعداد المشتغلين

وتطبق هذه الطريقة ايرلندا والسويد وايسلندا وأما المملكة المتحدة فإن تفرض بالنسبة للمشافي الخاصة زيادة سنوية لانتاجية العمل مقدارها ٢,٥% (annual increases in labour productivity)

هـ - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس برقم قياسي حجمي للانتاج

وتطبق هذه الطريقة الولايات المتحدة والنمسا. ويتم الحصول على المؤشر الحجمي بتقسيم موارد المشافي الخاص وموارد الاطباء على الرقم القياسي الخاص لاسعار الخدمات الطبية.

مثال:

تشير البيانات التالية الى نشاط القطاع الخاص للخدمات الطبية حسب الانواع التالية:

اولاً: المشافي الخاصة

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|-------|-------|---|
| ٣٤١ | ٢٨٠ | عدد المشافي |
| ٢٢٨٤٧ | ١٨٢٠٠ | المجموع العام لعدد الاسر |
| ١٦٥٣٨ | ١٣٩٩٠ | عدد المشتغلين |
| ٦٧٧٣ | ٥٦٦٢ | المجموع العام لعدد الايام التي قضاها المرضى في السمشفيات (الارقام بالالف) |
| | | القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية |
| ٥٥٨٨ | ٢٥٤٨ | لانتاج |
| ١٧١٥ | ٧٩٠ | للاستهلاك الوسيط |
| ٢٨٧٣ | ١٧٥٨ | للقيمة المضافة |

ثانياً: خدمات الاطباء المتخصصين في العيادات الخاصة

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|--|-------|------------------------------|
| ٨٨٥٥ | ٧٣١٨ | عدد الاطباء المتخصصين |
| ١٨٣٣٠ | ١٤٩٨٥ | عدد المشغلين |
| ٢٦٥٦٥ | ٢١٥٨٨ | عدد الاستشارات الطبية بالالف |
| القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | | |
| ٦١١٢ | ٢٨٠٦ | لانتاج |
| ١٤٩١ | ٦٧٦ | للاستهلاك الوسيط |
| ٤٦٢١ | ٢١٣٠ | للقيمة المضافة |

ثالثاً: خدمات اطباء الصحة العامة في العيادات الخاصة

General medical physicians in consultancy-rooms

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|--|-------|------------------------------|
| ٥٧٤٨ | ٤٦٧٥ | عدد الاطباء |
| ٩٩٤٤ | ٧٩٤٨ | عدد المشغلين |
| ٢٧٤٤٧ | ٢٢٢٤٥ | عدد الاستشارات الطبية بالالف |
| القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | | |
| ٣٠٢١ | ١٣٥٤ | لانتاج |
| ٧٢٥ | ٢٢٥ | للاستهلاك الوسيط |
| ٢٢٩٦ | ١٠٢٩ | للقيمة المضافة |

رابعاً: خدمات اطباء الاسنان في العيادات الخاصة

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|-------|-------|--|
| ٥٧٤٨ | ٤٧١١ | عدد الاطباء الاسنان |
| ١٣٣٣٠ | ١٠٦٠٠ | عدد المشتغلين |
| ٦٠١٣ | ٤٦٩٣ | عدد المعالجات بالالف |
| | | القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية |
| ٣٧٣٧ | ١٥٩٥ | لانتاج |
| ١٠٣١ | ٤٣٣ | للاستهلاك الوسيط |
| ٣٧٠٦ | ١١٦٣ | للقيمة المضافة |

خامساً: خدمات الممرضين والممرضات والمساج

male-nurses, nurses and physiotherapists

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|-------|------|--|
| ٥٠٠٦ | ٤١٩١ | عدد المشتغلين في خدمات التمريض والمساج |
| ١٠٠١٣ | ٨٣٤٠ | مجموع عدد ساعات العمل بالالف |
| | | القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية |
| ١١٥٨ | ٥٤٣ | لانتاج |
| ٥٩ | ٣٩ | للاستهلاك الوسيط |
| ١٠٩٩ | ٥١٤ | للقيمة المضافة |

سادساً: خدمات مخابر التحليل الطبية

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|------|------|--|
| ٥٢٩ | ٤٦٦ | عدد المخابر |
| ١٨٨٦ | ١٦٤٠ | عدد المشتغلين |
| ٢١٥٨ | ١٨٦٤ | عدد التحاليل السنوية بالالف |
| | | القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية |
| ٤٣٦ | ٢٠٥ | لانتاج |
| ٤٤ | ٢٥ | للاستهلاك الوسيط |
| ٣٩٢ | ١٨٠ | للقيمة المضافة |

سابعاً: خدمات التصوير الطبي بالاشعة

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|------|------|--|
| ٦٠٤ | ٥٢٢ | عدد عيادات التصوير بالاشعة |
| ١٧٨٢ | ١٥٤٢ | عدد المشتغلين |
| ١٨٢٧ | ١٥٨٢ | عدد جلسات التصوير بالالف |
| | | القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية |
| ٥٠٢ | ٢٢٨ | لانتاج |
| ٨٤ | ٣٩ | للاستهلاك الوسيط |
| ٤١٨ | ١٩٩ | للقيمة المضافة |

شامناً:

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
|--------|------|--|
| | | الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية |
| ١٨٠,٤٢ | ١٠٠ | |
| | | الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً |
| ٢٠٢,٤٤ | ١٠٠ | |

وبدلالة هذه البيانات تقدر القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس
١٩٨٠ وفق الطرائق التالية:

٢ - طريقة تقليص القيمة المضافة الجارية لسنة ١٩٨٨

وفيها تجمع القيم المضافة لسنة ١٩٨٨ والمقيمة بالاسعار الجارية لجميع الخدمات
الطبية للقطاع الخاص المبينة أدناه:

| القيمة المضافة ١٩٨٨ بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | |
|---|--------------------------|
| ٢٨٧٣ | خدمات المشافي |
| ٤٦٣١ | خدمات الاطباء المتخصصين |
| ٣٢٩٦ | خدمات اطباء الصحة العامة |
| ٣٧٠٦ | خدمات اطباء الاسنان |
| ١٠٩٩ | خدمات الممرضين والممرضات |
| ٣٩٣ | خدمات مخابر التحليل |
| ٤١٨ | خدمات التصوير بالاشعة |
| ١٥٤٠٥ | المجموع |

ثم يجري تقليص مجموع هذه القيم المضافة بتقسيمها على الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية للقطاع الخاص:
 $١٥٤٠٥ \div ١٤٨٠٣ = ٨٥٤٩$ مليون وحدة نقدية.

ب - طريقة التقليص المزدوج

تجمع قيم كل من الانتاج والاستهلاك الوسيط للخدمات الطبية للقطاع الخاص لسنة ١٩٨٨ والمقيمة بالاسعار الجارية وفق جدول الحساب التالي:

| القيم بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | | |
|---|---------|--------------------------|
| ١٩٨٨ | | |
| الاستهلاك الوسيط | الانتاج | |
| ١٧١٥ | ٥٥٨٨ | خدمات المشافي |
| ١٤٩١ | ٦١١٢ | خدمات الاطباء المتخصصين |
| ٧٣٥ | ٣٠٢١ | خدمات اطباء الصحة العامة |
| ١٠٢١ | ٣٧٢٧ | خدمات اطباء الاسنان |
| ٥٩ | ١١٥٨ | خدمات الممرضين والممرضات |
| ٤٤ | ٤٣٦ | خدمات مخابر التحليل |
| ٨٤ | ٥٠٢ | خدمات التصوير بالاشعة |
| ٥١٣٩ | ٢٠٥٤٤ | المجموع |

ويقسم مجموع انتاج القطاع الخاص للخدمات الطبية لسنة ١٩٨٨ والمقيم بالاسعار الجارية على الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية:
 $٢٠٥٤٤ \div ١٤٨٠٢ = ١١٤٠١$ مليون وحدة نقدية

ثم يقسم مجموع الاستهلاك الوسيط لهذا القطاع على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات التي تستهلكها وسيطياً الخدمات الطبية الخاصة:
 $٥١٣٩ \div ٢٤٠٢٤ = ٢٥٣٩$ مليون وحدة نقدية

وتكون القيمة المضافة للخدمات الطبية في القطاع الخاص لسنة ١٩٨٨ وبالاسعار الشابتة لسنة الاساس ١٩٨٠:
 $١١٤٠١ - ٢٥٣٩ = ٨٨٦٢$ مليون وحدة نقدية

ج - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة ١٩٨٠ بمؤشر حجمي بدلالة وحدات كمية
للخدمات الطبية

| القيمة المضافة بالاسعار الثابتة | | النسبة المئوية للوحدات | الارقام بالآلاف الوحدات | | نوع وحدة الكمية |
|---------------------------------------|------|---------------------------|----------------------------|-------|---|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| ٤×٣=٥ | (٤) | $\frac{(٢)}{(١)} = (٣)$ | (٢) | (١) | |
| ٢١٠٢ | ١٧٥٨ | ١١٩٤٦ | ٦٧٧٢ | ٥٦٦٢ | خدمات المشافي يوم في المستشفى |
| ٢٦٢٢ | ٢١٢٠ | ١٢٢٤١ | ٢٦٥٦٥ | ٢١٥٨٨ | خدمات الاطباء المتخصصين معالجة او استشارة |
| ١٢٧٠ | ١٠٢٩ | ١٢٢٤٤ | ٢٧٤٤٧ | ٢٢٢٤٥ | خدمات اطباء الصحة العامة معالجة او استشارة |
| ١٤٩٠ | ١١٦٢ | ١٢٨٤١ | ٦٠١٢ | ٤٦٩٢ | خدمات اطباء الاسنان معالجة واحدة |
| ٦١٧ | ٥١٤ | ١٢٠٤٠ | ١٠٠١٢ | ٨٢٤٠ | خدمات الممرضين والممرضات ساعة عمل واحدة |
| ٢٠٨ | ١٨٠ | ١١٥٤٨ | ٢١٥٨ | ١٨٦٤ | خدمات مخابر التحليل تحليل طبي واحد |
| ٢٢٠ | ١٩٩ | ١١٥٤٤ | ١٨٢٧ | ١٥٨٢ | خدمات التصوير بالاشعة جلسة تصوير واحدة |
| ٨٥٤٠ | ٦٩٧٢ | | | | المجموع |

ان القيمة المضافة للخدمات الطبية ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة وبطريقة استخدام المؤشر الحجمي للوحدات الكمية هي: ٨٥٤٠ مليون وحدة نقدية.

د - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة ١٩٨٠ بمؤشر حجمي لاعداد المشغلين

| القيمة المضافة بالاسعار الثابتة | | النسبة المئوية لاعداد المشغلين | اعداد المشغلين | | |
|---------------------------------|------|--------------------------------|----------------|-------|--------------------------|
| ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | |
| ٤×٣=٥ | (٤) | $\frac{(٤)}{(١)} = (٣)$ | (٣) | (١) | |
| ٢٠٧٨ | ١٧٥٨ | ١١٨٠٣ | ١٦٥٣٨ | ١٣٩٩٠ | خدمات المشافي |
| ٢٦٠٥ | ٢١٢٠ | ١٢٢٠٣ | ١٨٣٢٠ | ١٤٩٨٥ | خدمات الاطباء المتخصصين |
| ١٢٨٧ | ١٠٢٩ | ١٢٥٠١ | ٩٩٤٤ | ٧٩٤٨ | خدمات اطباء الصحة العامة |
| ١٤٥٠ | ١١٦٣ | ١٢٤٠٧ | ١٣٢٢٠ | ١٠٦٠٠ | خدمات اطباء الاسنان |
| ٦١٤ | ٥١٤ | ١١٩٠٤ | ٥٠٠٦ | ٤١٩١ | خدمات الممرضين والممرضات |
| ٢٠٧ | ١٨٠ | ١١٥٠٠ | ١٨٨٦ | ١٦٤٠ | خدمات مخابر التحليل |
| ٢٣٠ | ١٩٩ | ١١٥٠٥ | ١٧٨٢ | ١٥٤٣ | خدمات التصوير بالاشعة |
| ٨٤٧١ | ٦٩٧٣ | | ٦٦٦٩٦ | ٥٤٨٩٧ | المجموع |

ان القيمة المضافة للخدمات الطبية لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ وبطريقة استخدام المؤشر الحجمي لاعداد المشغلين هي: ٨٤٧١ مليون وحدة نقدية.

ه - طريقة تكبير القيمة المضافة لسنة ١٩٨٠ برقم قياسي حتمي للانتاج

يبدأ باحتساب قيمة مجموع الانتاج للخدمات الطبية وبالاسعار الجارية لكل من السنتين ١٩٨٠ و ١٩٨٨ وفق الجدول التالي:

| قيم انتاج الخدمات الطبية بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | | |
|---|------|--------------------------|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| ٥٥٨٨ | ٢٥٤٨ | خدمات المشافي |
| ٦١١٢ | ٢٨٠٦ | خدمات الاطباء المتخصصين |
| ٢٠٢١ | ١٢٥٤ | خدمات اطباء الصحة العامة |
| ٢٧٢٧ | ١٥٩٥ | خدمات اطباء الاسنان |
| ١١٥٨ | ٥٤٣ | خدمات الممرضين والممرضات |
| ٤٣٦ | ٢٠٥ | خدمات مخابر التحليل |
| ٥٠٢ | ٢٢٨ | خدمات التصوير بالاشعة |
| ٢٠٥٤٤ | ٩٢٨٩ | المجموع |

ولاجل الحصول على قيمة انتاج الخدمات الطبية لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ تقسم القيمة الجارية لانتاج هذه الخدمات لسنة ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار الخدمات الطبية:

٢٠٥٤٤ ÷ ١٠٨٠٢ # ١١٤٠١ مليون وحدة نقدية ثم يصار الى بناء رقم قياسي حتمي للانتاج بتقسيم القيمة الاخير ١١٤٠١ على قيمة مجموع انتاج الخدمات الطبية لسنة الاساس ١٩٨٠:

$$١١٤٠١ ÷ ٩٢٨٩ = ١٢٢,٧٣\%$$

ويتم الحصول على القيمة المضافة للخدمات الطبية لسنة ١٩٨٨ بالاسعار المثبتة لسنة ١٩٨٠ بتكبير مجموع القيم المضافة لسنة الاساس وهي ٦٩٧٣ مليون وحدة نقدية وفق مؤشر الرقم القياسي الحجمي للانتاج:

$$٦٩٧٣ \times ١,٢٢٧٣ \# ٨٥٥٨ \text{ مليون وحدة نقدية.}$$

ان تقديرات هذه الطرائق للقيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ هي متقاربة كما يلاحظ في الجدول التالي:

القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بملايين وحدات النقد
وبالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠

أولا: تقليم القيم الجارية

| | |
|------|-------------------------|
| ٨٥٤٩ | ٢- تقليم القيمة المضافة |
| ٨٨٦٢ | ب- التقليم المزدوج |

ثانيا: تكبير القيمة المضافة
لسنة الاساس بمؤشر حجمي

| | |
|------|-----------------------------|
| ٨٥٤٠ | ج- وحدات كمية للخدمات |
| ٨٤٣١ | د- اعداد المشغلين |
| ٨٥٥٨ | هـ - رقم قياسي حجمي للانتاج |

وعند توفر جميع البيانات كما هي الحالة في هذا المجال تفضل طريقة التقليم المزدوج على جميع الطرائق الاخرى لانها تأخذ بعين الاعتبار العوامل التالية:

أولا: تحسين الجودة في وحدة كمية الخدمة الطبية:

ان طريقة التقليم المزدوج تعطي رقما أعلى للقيمة المضافة بالاسعار الثابتة من رقم الطريقة الثالثة المبنية على حجم كميات الخدمات المنتجة.

ثانياً: الزيادة في إنتاجية العمل

حيث ان القيمة المضافة بالاسعار المثبتة للتقليص المزدوج هي اكبر من القيمة المضافة المقدره حسب الطريقة الرابعة المبنيه على اعداد المشتغلين.

ثالثاً: التحسن في عائد رأس المال المستثمر

ويلاحظ هذا التحسن من مقارنة الرقم القياسي الحجمي للإنتاج في سنة ١٩٨٨ بالنسبة لسنة الأساس ١٢٢,٧٤% مع الرقم القياسي الحجمي للاستهلاك الوسيط لسنة الأساس والذي قيمته تساوي $2039 \div 2216 = 1,0963$ أي ١٠٩,٦٣% مما أدى الى ان تكون القيمة المضافة بالاسعار الثابتة بطريقة التقليص المزدوج اعلى من القيمة المضافة التي تعطىها كل من الطريقة الاولى (تقليص القيمة المضافة الجارية) والطريقة الخامسة (استخدام الرقم القياسي الحجمي للإنتاج كمؤشر).

II- الخدمات غير المسوقة Non- Market Services

باعتبار ان الغالبية الساحقة من منتجي القطاع الحكومي لا تبيع إنتاجها الى المستهلكين لذلك لا توجد اسعار مسوقة (market prices) تستخدم لقياس قيمة الخدمات الحكومية غير المسوقة والمستهلكة ذاتيا من قبلها. وان نظام المحاسبة القومية اعتبر ان قيمة هذه الخدمات الغير مسوقة مساوية الى بند توازن (balancing item) في حساب الانتاج التالي:

حساب الانتاج: منتجو الخدمات الحكومية

| | |
|--|---------------------------|
| - السلع والخدمات المنتجة والمسوقة | - الاستهلاك الوسيط |
| - مبيعات الخدمات الاخرى | - عوائد العاملين بأجر |
| - الخدمات المنتجة للاستهلاك الذاتي الحكومي (بند توازني) | - اهتلاك رأس المال الثابت |
| | - الضرائب غير المباشرة |
| الإنتاج الإجمالي | المدخلات الإجمالية |

في هذا الحساب افترض ان فائض التشغيل معدوم . ومنه تكون قيمة الخدمات الحكومية غير المسوقة والمستهلكة ذاتيا من قبلها مساوية الى مجموع المدخلات من استهلاك وسيط واهتلاك رأس المال الثابت وضرائب غير مباشرة وعوائد العاملين بأجر ناقص السلع والخدمات المنتجة والمسوقة ويناقص مبيعات السلع والخدمات الأخرى.

ويلاحظ «مرشد الحسابات القومية بالاسعار المثبتة» بأنه اذا كان من القبول افتراض أن القيمة بالاسعار الجارية لانتاج الخدمات الحكومية مساوية لمجموع قيم المدخلات المستخدمة في انتاجها الا ان افتراض قياس انتاج الخدمات الحكومية بالاسعار الثابتة عن طريق قياس مجموع القيم الحقيقية للمدخلات هو افتراض غير سليم . ويرى «المرشد» ان التساوي في القيم بين مدخلات ومخرجات انتاج الخدمات الحكومية يتحقق فقط بالنسبة للقيم الجارية، وليس للتساوي اي معنى اقتصادي بالنسبة للقيم بالاسعار الثابتة . اذ ان عملية الانتاج تؤدي الى تحويل مادي للمدخلات الى مخرجات (Physical transformation of inputs into outputs) وان وحدات الكميات التي تقيس الانتاج تختلف عن وحدات الكميات التي تقيس عناصر المدخلات . ويرى «المرشد» ايضا بأنه لا يمكن الافتراض مسبقا بأن كميات المدخلات تتغير بنفس نسبة تغير الكميات المنتجة . ومن البديهي ان الوحدات (المادية) التي تقيس كميات السلع والخدمات هي مستقلة تماما عن اسعار مبيعات هذه السلع والخدمات المنتجة . وتظل وحدات القياس المادية هذه ثابتة ولا تتأثر بتغير سعر البيع حتى ولو اصبحت هذه السعر معدوما . وبعبارة أخرى فان الوحدة المادية لا تتغير سواء انتجت هذه السلعة او الخدمة بغرض بيعها في الاسواق مع تحقيق ربح او قدمت مجانا من قبل الحكومة . ويعتبر «المرشد» ان استقلال الوحدات المادية وعدم تأثرها بتغير الاسعار هو مبدأ رئيسي يرتكز عليه بنسب الحسابات القومية بالاسعار الثابتة .

ولقياس حجم الخدمات المقدمة من القطاع الحكومي يرى «المرشد» لزوم تحديد طبيعة هذه الخدمات وقياس كميات كل نوع من الخدمات المنتجة بنفس الاسلوب المتبع في قياس الخدمات المنتجة لتحقيق الربح . ولهذا الهدف يميز المرشد بين مجموعتين من الخدمات الحكومية:

- الخدمات التي تقدم لافراد اعضاء المجتمع (individual members of the community)

- الخدمات التي تقدم جماعيا للمجتمع بكامله (services furnished collectively to the community as a whole)

ان المواصفات التي تحدد احدى المجموعتين هي مختلفة تماما عن المواصفات التي تحدد المجموعة الأخرى .

١- المجموعة الاولى من الخدمات الحكومية هي التي تقدم للافراد المستهلكين مجانا او بأسعار رمزية وتتألف بصورة نسبية من خدمات التعليم والخدمات الصحية. وتقاس هذه الخدمات الحكومية حسب الطرق المستخدمة في قياس الخدمات المسوقة.

المجموعة الثانية من الخدمات الحكومية هي التي تقدم جماعيا للمجتمع بكامله مثل خدمات توفير الامن الداخلي والخارجي وبالتالي حماية الافراد بالحد من الجرائم والحرائق والتعدييات وحوادث المرور الخ... ويغترض بأن جميع الافراد يستفيدون بصورة مستمرة من هذه المجموعة من الخدمات الوقائية. ولا يتطلب من الفرد الارتباط بأي تعهد من اجل استهلاك هذه الخدمات. ويلاحظ «المرشد» بأن هذه الخدمات هي منتجة من الوجهة الاقتصادية لان هذه الانواع من الخدمات يمكن ان تكون مسوقة ويجري تأمينها في هذه الحالة من قبل منتجين مختصين يهدفون الى تحقيق الارباح. وهذا ما يحدث مثلا في المصانع حيث تستهلك وسيطيا خدمات مسوقة لحماية امن المصانع من السرقة او الحريق.

ونظرا للطبيعة الوقائية لكثير من خدمات هذه المجموعة الثانية وانها لا تتطلب اية اجراءات معينة لكي تستهلك من قبل الافراد يصبح من الصعب امكانية القياس الكمي لمجاميع هذه الخدمات المنتجة والمستهلكة. ويرى «المرشد» لزوم افتراض بأن حجم الخدمات يتزايد بزيادة عدد المشتغلين وبتحسين التجهيزات المستخدمة في تنفيذ هذه الخدمات. ولكن لا يوجد حتى الان اتفاق على مستوى دولي لقياس هذه الخدمات الجماعية بسبب الغموض في تحديد الخصائص المادية لهذه الخدمات. ويشير المرشد الى امكانية استخدام «طريقة المدخلات» (Input method) لقياس الانتاج الحقيقي (real output) للخدمات الحكومية الجماعية ولكنه يفضل «طريقة الانتاج» (Output method). هذه الطريقة المتبعة في تقدير انتاج الخدمات المسوقة.

١- طريقة المدخلات

يتم بموجب هذه الطريقة تقدير الانتاج الحقيقي للخدمات الحكومية الجماعية بدلالة القيم الحقيقية للمدخلات. حيث يمكن الحصول على الانتاج بالاسعار الثابتة لهذه الخدمات عن طريق تجميع العناصر التالية: الاستهلاك الوسيط الحقيقي (real intermediate consumption) واهتلاك رأس المال الثابت الحقيقي وعوائد العاملين بأجر بالاسعار الثابتة وتسمى هذه الطريقة «طريقة المدخلات» وتفترض بالتالي بأن القيمة المضافة بالاسعار الثابتة تساوي الى مجموع قيم اهتلاك رأس المال الثابت وعوائد العاملين بأجر بالاسعار الثابتة. وعندما لا تتوفر ارقام موثوقة تتعلق باهتلاك رأس المال الثابت الحقيقي يرى «المرشد» لتقدير القيمة المضافة لخدمات الدولة بالاسعار الثابتة الاكتفاء فقط بعوائد العاملين بأجر بالاسعار الثابتة. وللحصول على ارقام المدخلات بالاسعار الثابتة يتبع ما يلي:

أولاً: تقدير الاستهلاك الوسيط بالاسعار الثابتة بتقليص القيمة الجارية لهذا الاستهلاك الوسيط وذلك عن طريق تقسيمها على الرقم القياسي المناسب لاستهلاك الخدمات الحكومية. ولا يمكن افتراض بأن اسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل الحكومة تتغير بصورة مشابهة لاسعار السلع والخدمات المشتراة من قبل الافراد في القطاعات الأخرى. فهذا الافتراض مظل في غالب الاحيان لأنه الحكومة تشتري كميات كبيرة من السلع والخدمات وتتمكن من الحصول عليها بأسعار مخفضة. وفي كثير من الدول يتم شراء معظم السلع والخدمات المستهلكة وسيطياً من قبل دائرة مركزية حكومية (Central supplies department) ويمكن الاستفادة في حالة وجود هذه الدائرة الحصول على بيانات جيدة لبناء ارقام قياسية خاصة لمشتريات الحكومة.

ثانياً: يقترح «المرشد» بالنسبة لتقدير اهتلاك رأس المال الثابت ان تكون مرتكزة على تكاليف الاستبدال بأسعار سنة الاساس (based on the replacement costs of the base year) وللحصول على هذه التقديرات يلزم ان يجري تقييم لجميع الأصول الحكومية لرأس المال الثابت بطريقة الجرد المستمر (perpetual inventory methods) بأسعار سنة الاساس.

ثالثاً: يمكن الوصول الى تقدير عوائد العاملين بأجر بالاسعار الثابتة وفق احد الاسلوبين التاليين:

الاسلوب الاول: تكبير عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس بالرقم القياسي العام لحجم الموظفين. ويمثل هذا الرقم القياسي التغيرات النسبية في عدد الموظفين ضمن كل درجة (أو مرتبة) بعد تثقيل (ترجيح) نسبة التغير في كل درجة (أو مرتبة) بمجموع الاجور المدفوعة لموظفي هذه الدرجة خلال سنة الاساس.

الاسلوب الثاني: تقليص القيمة الجارية لعوائد العاملين بأجر لسنة المقارنة بتقسيمها على الرقم القياسي لمعدلات الاجور صيغة باش (Paasche-type index of wage rates) حيث يتم تثقيل نسب الاجور ضمن كل مرتبة (أو درجة) بمجموع اجور هذه المرتبة في سنة المقارنة. ويلاحظ «المرشد» بأن الاسلوب الثاني يأخذ بعين الاعتبار لتحسن انتاجية الموظف أو المستخدم في الدوائر الحكومية نتيجة لزيادة كفاءته من سنة الى اخرى في عمله المستمر.

ان طريقة «المدخلات» التي تستخدم قيم المدخلات بالاسعار الثابتة لتقدير الانتاج بالاسعار الثابتة تظل قاصرة على اعطاء تقدير حقيقي لهذا الانتاج في حالتين:

الحالة الاولى: حدوث تغييرات في الانتاج نتيجة لتقدم فني غير مادي (disembodied technological progress) كان يحدث على سبيل المثال تحسن في الادارات الحكومية بسبب التبدل في كفاءة الموظفين وبالتالي الزيادة في الانتاج.

الحالة الثانية: حدوث زيادة في الانتاج نتيجة لادخال معدات وتجهيزات جديدة. ويلاحظ هنا على سبيل المثال ان اقتناء حاسب آلي في ادارة المحاسبة (an accounts department) يؤدي الى نقص كبير في عدد موظفي هذه الادارة واحيانا الى نقص في الاستهلاك الوسيط. وبالمقابل تسجل زيادة في اهتلاك رأس المال الثابت. ولكن تظل الزيادة في قيمة الاهتلاك اقل من قيمة النقص في الاجور والاستهلاك الوسيط. وباستخدام «طريقة المدخلات» لقياس الانتاج بالاسعار الثابتة يظهر نقص في قيمة هذا الانتاج بينما في الحقيقة يحافظ الانتاج بالاسعار الثابتة على معدله كما هو في الماضي ان لم يكن اكبر.

وبسبب هاتين الحالتين فان بعض الدول التي تطبق طريقة «المدخلات» لتقدير الانتاج بالاسعار المثبتة عمدت الى تعديل اعلى (upward adjustment) بنسبة نصف او واحد بالمائة سنويا لتمثيل الزيادة في الانتاجية. ويومي «المرشد» في حالة اجراء تعديلات تحكومية للانتاجية عدم ادخالها في تقدير انتاج الخدمات الحكومية بالاسعار الثابتة عند استخدام هذا التقدير لاغراض المقارنات الدولية.

٢- «طريقة الانتاج» (Output method)

يرى «المرشد» ان انتاج خدمات الادارة العامة والدفاع يمكن ان يحدد بعدد «ساعات - الخدمة» التي يقدمها مع العمل والتجهيزات الرأسمالية. (Service-hours produced jointly by labour and associated equipment).

ويعطي «المرشد» كمنادج لانتاج الخدمات الجماعية: عدد «ساعات تخليق الطائرات» الحربية في الجو والعائدة ل سلاح القوات الحربية. وعدد «ساعات - جولات» وحدات الشرطة للمحافظة على سلامة المواطنين «وساعات - البحث الميداني» من قبل العداديين في الاجهزة الاحصائية الخ... ويقترح «المرشد» لقياس الكميات المركبة «ساعات - خدمة» للخدمات الحكومية الاسلوب التالي: يبدأ بحساب اعداد ساعات العمل التي يتضمنها كل نوع من الخدمة ثم تعدل هذه الاعداد للاخذ بعين الاعتبار للزيادة في انتاجية العمل نتيجة لاستخدام تجهيزات رأسمالية اكثر جودة. ويتألف الاسلوب المقترح لقياس انتاج ادارة حكومية بالاسعار الثابتة من المراحل التالية:

المرحلة الاولى: توصيف مختلف الوظائف المنفذة

(Identification of the various function performed

المرحلة الثانية: جمع سلاسل زمنية لاعداد الموظفين مع التمييز في الدرجات
(أو المراتب)

المرحلة الثالثة: حساب مجموع تكاليف المدخلات (عناصر الانتاج الاجمالي) لسنة
الاساس لكل نوع من الوظائف ولكل درجة - اي حسب فئات متجانسة-

المرحلة الرابعة: تكبير تكاليف سنة الاساس بدلالة السلاسل الزمنية للموظفين
في سنة المقارنة لكل فئة من الفئات المتجانسة.

المرحلة الخامسة: تعديل التكاليف التي تم الحصول عليها في المرحلة الرابعة
للاخذ بعين الاعتبار بتغيرات انتاجية العمل بسبب التحسن في التجهيزات الرأسمالية
بين سنة الاساس وسنة المقارنة.

ويمكن الحصول على قياسات تقريبية لانتاجية العمل

(proxies for labour productivity)

في الادارات الحكومية التي تستدعي طبيعة عملها تحضير وثائق شبه متجانسة كما هو الحال في مصلحة الضرائب والمكاتب الاحصائية وادارات المحاسبة وذلك بأخذ الوسيط الحسابي لعدد الوثائق التي ينفذها الموظف الواحد خلال سنة. واما بالنسبة لادارات ذات الخدمات الوقائية مثل مكافحة اعمال العنف والحرائق وحوادث المرور فيلزم البحث عن وسائل اخرى لقياس تغيرات انتاجية العمل. وعلى سبيل المثال في سنة الاساس كان يتم تأمين خدمات الامن في احدى المدن بمائة شخص من رجال الشرطة مزودين بدراجات عادية وصفارات يدوية. وفي سنة المقارنة يتم تأمين نفس هذه الخدمات بثمانين شخصا فقط مزودين بدراجات نارية وبأجهزة ارسال لاسلكية. وفي هذه الحالة يمكن ان تقاس الزيادة في انتاجية الخدمة الحكومية لسنة المقارنة بالنسبة لسنة الاساس. وتكون

$$\text{مساوية الى:} \quad 100 - 80 = \frac{20}{100} = 20\%$$

ويلاحظ اخيرا «المرشد» بأن استخدام مقاييس مباشرة للانتاج يتطلب توفر بيانات تفصيلية لتكاليف المدخلات لمختلف فئات الادارة وهذا لا يمكن تحقيقه الا لدى عدد محدود من الدول. كما انه يوجد عنصر شخصي يتحكم في احتساب انتاجية العمل خصوصا بالنسبة لدوائر الحكومة ذات الطبيعة الوقائية.

أشار البحث الذي أجرته منظمة التعاون الاقتصادي OECD الى استخدام طريقتين في قياس القيمة المضافة بالاسعار الثابتة للخدمات غير المسوقة (Non-market services) تستخدمها دول هذه المنظمة:

- طريقة المدخلات
- طريقة الانتاج

٢- طريقة المدخلات Input method

يجري تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة للخدمات غير المسوقة بتجميع قيم العناصر التالية بالاسعار الثابتة

- اهتلاك رأس المال الثابت
- الضرائب غير المباشرة
- عوائد العاملين

١- اهتلاك رأس المال الثابت بالاسعار الثابتة

يتم احتساب اهتلاك رأس المال بتقدير كلفة استبدال رأس المال الثابت المستهلك من قبل منتجي الخدمات غير المسوقة (Cost of replacing the fixed capital used up) خلال سنة المقارنة بأسعار سنة الأساس. ويجري تقدير قيم الاصول الرأسمالية (Capital stock) وفق نموذج الجرد المستمر (perpetual inventory) وتطبق طريقة الجرد المستمر: كندا - الولايات المتحدة - اليابان - النمسا - فنلندا - فرنسا - ألمانيا الاتحادية - النرويج - السويد - المملكة المتحدة.

وأما الدول التي لا تتوفر لديها بيانات عن الاصول المالية فتؤخذ القيم الجارية للاحتياطيات المخصصة لاهتلاك (depreciation allowances) رأس المال الثابت والمدرجة في موازنتها وتقسم على الرقم القياسي الضمني لاسعار تكوين رأس المال الثابت الاجمالي.

٢- الضرائب غير المباشرة بالاسعار الثابتة وهي تدفع في الغالب من قبل المؤسسات الخاصة التي لا تستهدف الربح. وتحسب قيم هذه الضرائب بالاسعار الثابتة وذلك بتطبيق معدلات الضرائب لسنة الأساس على قيم السلع والخدمات بأسعار سنة الأساس ايضاً.

٣- عوائد العاملين بأجر بالاسعار الثابتة ويوجد اسلوبان في تقدير هذه العوائد بالاسعار المثبتة.

- الاسلوب الاول: تقليص القيم الجارية لعوائد العاملين بأجر وذلك بتقسيمها على الرقم القياسي لمعدلات (اسعار) الاجور.

ويطبق هذا الاسلوب: كندا - اليابان - استراليا - بلجيكا - الدانمارك - المانيا الاتحادية - اليونان - ايسلندا - النرويج - اسبانيا وكذلك فرنسا باستثناء خدمات التعليم غير المسوقة.

- الاسلوب الثاني: تكبير قيمة عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي لاعداد المشتغلين في قطاع الخدمات غير المسوقة.

ويطبق الاسلوب الثاني: الولايات المتحدة - ايطاليا - لوكسمبورغ - تركيا - المملكة المتحدة وكذلك هولندا باستثناء الخدمات الطبية غير المسوقة.

وبالنسبة للسويد فقد استخدمت في تكبير عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس عدد ساعات العمل وليس عدد المشتغلين.

وأجرت لوكسمبورغ وبلجيكا وايطاليا تعديلات اضافية على الاسلوب المتبع للاخذ بعين الاعتبار لتغيرات انتاجية العمل.

وقد افترض في لوكسمبورغ زيادة سنوية نصف بالمائة لانتاجية العمل. وفي بلجيكا يتلقى المواطنون في القطاع الحكومي بالاضافة الى زيادات غلاء المعيشة زيادة في اجورهم تتلاءم مع زيادات الاجور في الانشطة المقابلة من القطاع الخاص. ويفترض الجهاز الاحصائي في بلجيكا بأن قيمة نصف هذه الزيادات تمثل زيادة فعلية في انتاجية اليد العاملة الحكومية. بحيث ان تحديد هذه الزيادة في انتاجية العمل تستند الى تطور الانتاجية في الانشطة الاخرى غير الحكومية. وفي ايطاليا يفترض بأن الزيادة الانتاجية السنوية للموظف تتراوح بين (٠،٣) و (٠،٥) بالمائة. وتتحدد بعدد ايام العمل للمشتغل في المشافي وعدد المتقاعدين (retired persons) للمشتغل الواحد في خدمات التأمينات الاجتماعية على سبيل المثال. كما يتحدد تحسن الخدمة في بعض الدوائر الحكومية في ايطاليا ايضا بدلالة النقص في نسبة التغيب عن العمل.

ب- طريقة الانتاج (Output method)

تطبق اربع دول مقاييس الانتاج في قسم محدود من الخدمات غير المسوقة وهي: نيوزلندا - فرنسا - ايرلندا وهولندا لقياس القيمة المضافة بالاسعار الثابتة. بالنسبة لنيوزلندا يتم تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات التعليم الحكومية من مدارس وجامعات بتكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي لوحدات مركبة «أسابيع - طالب» (pupil - weeks) وصيغته

$$\frac{1}{\sum C_0} \sum C_0 \frac{W_t P_t}{W_0 P_0}$$

بدلالة الرموز التالية (W) الاسبوع - (P) الطالب (C₀) تكلفة الدراسة لنوع معين من التعليم في سنة الاساس. ولتقدير القيمة المضافة للخدمات الصحية الحكومية بالاسعار الثابتة تقوم نيوزلندا بتكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي لاعداد الاسرة المشغولة (occupied beds) ولعدد المرضى المعالجين والتحاليل الخ... أما في فرنسا فستستخدم طريقة التقليل المزدوج في قياس القيمة المضافة بالاسعار المشبته لخدمات التعليم الحكومية. ويتم الحصول على رقم الانتاج الاجمالي بالاسعار المشبته بتكبير قيمة الانتاج لسنة الاساس برقم قياسي حجمي لاعداد الطلاب لجميع مستويات التعليم بعد تشقيل كل مستوى بكلفة الطالب الواحد خلال سنة الاساس ثم يجري ثقليم القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط بتقسيمها على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطيا من قبل خدمات التعليم الحكومية.

وتستخدم ايرلندا في حساب القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات التعليم بتكبير القيمة المضافة لسنة الاساس برقم قياسي حجمي يجمع بأن واحد بين اعداد الطلاب واعداد المعلمين. وتسمى «بالطريقة المختلطة للمدخلات والمخرجات».

واخيرا هولندا تستخدم طريقة الانتاج للخدمات الطبية باستخدام طريقة التقليل المزدوج فيتم تقدير الانتاج بالاسعار المشبته بتكبير الرقم المقابل سنة الاساس بمؤشر حجمي.

مثال اول: تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة وفق «طريقة المدخلات»

تشير البيانات التالية الى اعداد واجور موظفي القطاع الحكومي والى قيم عناصر انتاج هذا القطاع خلال عامي ١٩٨٠ و ١٩٨٨:

أولاً: توزيع الموظفين وعوائد العاملين بأجر حسب المراتب

| الاجور بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية | | الاعداد | | المرتبة |
|---|-------|---------|-------|------------------|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| ٤٧٤٨ | ١٠٤٧ | ٦٣٧٩ | ٤٢٤٠ | العاشرة |
| ١٥٣٤٧ | ٣٧٤٤ | ١٣٧١٤ | ٨٨٦٥ | التاسعة |
| ٢٩٩٤٧ | ٦٩٤٣ | ٢٣٩٢١ | ١٤٢٦١ | الثامنة |
| ٢٦١٤٦ | ٦٤٤٩ | ١٩١٣٧ | ١١٨٥٢ | السابعة |
| ٤٦٧٤٦ | ١٢٣٤٧ | ٣٠١٤١ | ١٩٧٥٤ | السادسة |
| ٥٦٦٤٣ | ١٤٦٤٣ | ٣١٤١٧ | ١٩٥٦١ | الخامسة |
| ٤٨١٤٨ | ١١٥٤٦ | ٢٢٠٠٨ | ١٢٣٣٤ | الرابعة |
| ٢٢٨٤٦ | ٥٠٤٣ | ٨٧٧١ | ٤٠٤٧ | الثالثة |
| ٨٣٤١ | ١٦٤٠ | ٢٣٩٢ | ٩٦٤ | الثانية |
| ٧٦٤٥ | ١١٤٣ | ١٥٩٥ | ٤٨٢ | الاولى والممتازة |
| ٢٦٦٦٤٧ | ٦٤٥٤٤ | ١٥٩٤٧٥ | ٩٦٣٦٠ | المجموع |

ثانياً: قيم عناصر انتاج الخدمات الحكومية بالاسعار الجارية وبملايين الوحدات النقدية

| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | عناصر انتاج الخدمات الحكومية |
|--------|-------|------------------------------|
| ٩٠٤٣ | ٢٠٤٦ | اهتلاك رأس المال الشابت |
| ٢٦٦٦٤٧ | ٦٤٥٤٤ | عوائد العاملين بأجر |
| ٢٧٥٧٤٠ | ٦٦٦٤٠ | القيمة المضافة |
| ٦٢٦٤٦ | ١٤٦٤٥ | الاستهلاك الوسيط |
| ٢٣٨٢٤٦ | ٨١٢٤٥ | الانتاج |

شالشا: الارقام القياسية للاسعار لسنة ١٩٨٨ بالنسبة لسنة الاساس ١٩٨٠

%

٢٤١ - الرقم القياسي لاسعار تكوين رأس المال الثابت

٢٣٣ - الرقم القياسي لاسعار الاجور

٢٥٤ - الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة
وسيطيا من قبل الادارات الحكومية

وبدلالة هذه البيانات يجري تقدير القيمة المضافة والانتاج للخدمات الحكومية لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ وذلك عن طريق احتساب العناصر التالية بالاسعار الثابتة:

- اهتلاك رأس المال الثابت

- عوائد العاملين بأجر

- الاستهلاك الوسيط

٢: اهتلاك رأس المال الثابت بالاسعار المثبتة لسنة ١٩٨٠

يتم تقليص القيمة الجارية لاهتلاك رأس المال الثابت لسنة ١٩٨٨ بتقسيمها على الرقم القياسي لاسعار تكوين رأس المال الثابت:

٩٠,٣ ÷ ٢,٤١ # ٣٧,٥ مليون وحدة نقدية.

ب: عوائد العاملين بأجر بالاسعار المثبتة لسنة ١٩٨٠

توجد طريقتان:

الاولى: طريقة تقليص القيمة الجارية لعوائد العاملين في سنة ١٩٨٨ وذلك بتقسيمها على الرقم القياسي لاسعار الاجور:

٣٦٦٦,٧ ÷ ٢,٣٣ = ١١٤٤,٥ مليون وحدة نقدية.

الثانية: طريقة تكبير عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس بالرقم القياسي
الحجمي لاعداد العاملين في الخدمات الحكومية

ويجري التمييز بين نوعين من الارقام القياسية الحجمية:

النوع الاول: الرقم القياسي الحجمي غير المرجح

حيث يقسم مجموع عدد العاملين في ١٩٨٨ على عدد العاملين في ١٩٨٠:

$$١٥٩٤٧٥ \div ٩٦٣٦٠ = ١,٦٥٥ \text{ أي } ١٦٥,٥\%$$

وتكون قيمة عوائد العاملين بأجر لسنة ١٩٨٨ بالاسعار المثبتة لسنة الاساس:

$$١٠٦٨,١ \text{ مليون وحدة نقدية} \times ١,٦٥٥ = ١٧,٦٨٠,٤$$

النوع الثاني: الرقم القياسي الحجمي المرجح بالقيم النسبية لاجور العاملين
في كل مرتبة في سنة الاساس:

ويتم الحصول على هذا الرقم القياسي الحجمي وفق جدول الحساب التالي:

| الجداء عناصر الرقم القياسي الحجمي | نسبة عدد العاملين المئوية | اعداد العاملين | | الاجور في ١٩٨٠ | | المرتبة |
|--|---------------------------------|-------------------|-------|----------------|-----------|---------------------|
| | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | بالقيم | المطلقة | |
| | | | | المئوية | بالملايين | |
| (٥)×(٣)=(٦) | (٣)÷(٤)=(٥) | (٤) | (٣) | (٢) | (١) | |
| ٢٤٥٠ | ١٥٠٤٤ | ٦٣٧٩ | ٤٢٤٠ | ١٤٦٦ | ١٠٤٧ | العاشرة |
| ٨٤٩٦ | ١٥٤٤٧ | ١٣٧١٤ | ٨٨٦٥ | ٥٤٧٩ | ٣٧٤٤ | التاسعة |
| ١٨٤٠١ | ١٦٧٤٧ | ٢٣٩٢١ | ١٤٢٦١ | ١٠٤٧٤ | ٦٩٤٣ | الثامنة |
| ١٦٤٣٥ | ١٦١٤٥ | ١٩١٣٧ | ١١٨٥٢ | ١٠٤٠٦ | ٦٤٤٩ | السابعة |
| ٢٩٤٣٥ | ١٥٢٤٦ | ٣٠١٤١ | ١٩٧٥٤ | ١٩٤١٧ | ١٢٣٤٧ | السادسة |
| ٣٦٤٣٨ | ١٦٠٤٦ | ٣١٤١٧ | ١٩٥٦١ | ٢٢٤٦٥ | ١٤٦٤٢ | الخامسة |
| ٣١٤٩٥ | ١٧٨٤٤ | ٢٢٠٠٨ | ١٢٣٣٤ | ١٧٤٩١ | ١١٥٤٦ | الرابعة |
| ١٦٤٨٨ | ٢١٦٤٧ | ٨٧٧١ | ٤٠٤٧ | ٧٤٧٩ | ٥٠٤٣ | الثالثة |
| ٦٤١٥ | ٢٤٨٤١ | ٢٣٩٢ | ٩٦٤ | ٢٤٤٨ | ١٦٤٠ | الثانية |
| ٥٤٧٩ | ٣٣٠٤٩ | ١٥٩٥ | ٤٨٢ | ١٤٧٥ | ١١٤٣ | الاولى والممتازة |
| ١٧٢٤١٢ | | ١٥٩٤٧٥ | ٩٦٣٦٠ | ١٠٠٤٠٠ | ٦٤٥٠٤ | المجموع |

ومنه تكون قيمة عوائد العاملين بتكبير قيمة عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس بمؤشر الرقم القياسي المرجح ١٧٢٤١٢٪:

$$٦٤٥٠٤ \times ١٤٧٢١٢ \# ١١١٠٤٩ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

ج- تقليص القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط لسنة ١٩٨٨:

وذلك عن طريق تقسيم هذه القيمة الجارية للاستهلاك الوسيط على الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطيا من قبل الادارات الحكومية:

$$٦٣٦٤٦ \div ٢٤٦٤٧ \# ٢٤٥٤ \text{ مليون وحدة نقدية}$$

وبدلالة قيم عناصر الانتاج لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس ١٩٨٠ يتم الحصول على القيمة المضافة بالاسعار الثابتة للخدمات الحكومية وعلى قيمة الانتاج حسب طريقة التقدير المتبعة:

أولا: بطريقة تقليص عوائد العاملين بأجر

| <u>القيم لسنة ١٩٨٨ وبالاسعار الثابتة لسنة الاساس</u> | <u>بملايين الوحدات النقدية</u> |
|--|--------------------------------|
| - الاهتلاك | ٣٧٠٥ |
| - عوائد العاملين بأجر | ١١٤٤٠٥ |
| - القيمة المضافة | ١١٨٢٠٠ |
| - الاستهلاك الوسيط | ٢٤٦٠٧ |
| - الانتاج الاجمالي | ١٤٢٨٠٧ |

ثانيا: طريقة تكبير قيمة عوائد العاملين لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي غير المرجح للعاملين

| <u>القيم لسنة ١٩٨٨ وبالاسعار الثابتة لسنة الاساس</u> | <u>بملايين الوحدات النقدية</u> |
|--|--------------------------------|
| - الاهتلاك | ٣٧٠٥ |
| - عوائد العاملين بأجر | ١٠٦٨٠١ |
| - القيمة المضافة | ١١٠٥٠٦ |
| - الاستهلاك الوسيط | ٢٤٦٠٧ |
| - الانتاج الاجمالي | ١٣٥٢٠٣ |

شالشا: طريقة تكبير قيمة عوائد العاملين لسنة الاساس بالرقم القياسي المرجح
لعدد العاملين

| <u>القيم لسنة ١٩٨٨ وبالاسعار الثابتة لسنة الاساس</u> | <u>بملايين الوحدات النقدية</u> |
|--|--------------------------------|
| - الاهتلاك | ٣٧,٥ |
| - عوائد العاملين بأجر | ١١١٠,٩ |
| - القيمة المضافة | ١١٤٨,٤ |
| - الاستهلاك الوسيط | ٢٤٦,٧ |
| - الانتاج الاجمالي | ١٢٩٥,١ |

يلاحظ بأن طريقة تكبير عوائد العاملين بأجر لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي لعدد العاملين (سواء كان هذا الرقم مرجحا أم لا) تعطي رقما اصغر من الرقم الذي تعطيه طريقة تقليص العوائد. لان الرقم القياسي الحجمي لا يأخذ بعين الاعتبار الساعات الاضافية التي يقوم بها بعض الموظفين احيانا لذلك يكون الرقم القياسي الضمني لاسعار الاجور اكبر من الرقم القياسي الفعلي لاسعار الاجور ٢٢٣% وعند اتباع طريقة الرقم القياسي الحجمي غير المرجح يكون الرقم القياسي الضمني لاسعار الاجور:

$$٢٦٦٦,٧ \div ١٠٦٨,١ = ٢٤٩,٧\%$$

وفي حالة اتباع طريقة الرقم القياسي الحجمي المرجح يصبح الرقم القياسي الضمني لاسعار الاجور:

$$٢٦٦٦,٧ \div ١١١٠,٩ = ٢٤٠,٠\%$$

كما يلاحظ بأن اتباع طريقة الرقم القياسي الحجمي المرجح يسجل تحسن الخدمة الوسيطة للموظف الواحد بسبب التزايد النسبي لاعداد الموظفين في المراتب العليا.

مثال ثان: تقدير القيمة المضافة بالاسعار الثابتة لخدمات حكومية محددة

بطريقة الانتاج: مديرية الاحوال المدنية وجوازات السفر

يغرض بأن مديرية الاحوال المدنية والجوازات تتألف من أربع دوائر . تتوفر في كل منها البيانات التالية عن الانفاق وعدد الموظفين وعن العمليات المنجزة خلال سنتي ١٩٨٠ و ١٩٨٨:

أولا: بيانات عن عدد العمليات المنجزة وعدد الموظفين

| عدد الموظفين | | عدد العمليات المنجزة | | |
|--------------|------|----------------------|--------|---|
| ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | |
| | | | | دائرة تسجيل الولادات والوفات والزواج والطلاق |
| ٢٥٠ | ٢٤٣ | ٥٨٨٤١٢ | ٥٣٤٧٢٩ | |
| | | | | دائرة اصدار جوازات السفر |
| ١٠٠ | ٩٦ | ٦٣٦٤٢ | ٥٨٤١١ | |
| | | | | دائرة اصدار البطاقات الشخصية |
| ١٥١ | ١٣٩ | ٣٦١٨٢٥ | ٢٧٧٠٥١ | |
| | | | | دائرة اعطاء شهادات قيد في السجل المدني |
| ٣٥٦ | ٣٣٠ | ٩٤٤٣٩٤ | ٨٢٥٦٤٢ | |
| | | | | المجموع |
| ٨٥٧ | ٨٠٨ | | | |

ثانياً: عن قيم عناصر الانتاج لخدمات مديرية الاحوال المدنية وجوازات السفر
بالاسعار الجارية وبآلاف الوحدات النقدية

| عناصر الانتاج | الدائرة الاولى | | الدائرة الثانية | | الدائرة الثالثة | | الدائرة الرابعة | |
|--|----------------|------|-----------------|------|-----------------|------|-----------------|------|
| | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| تسجيل الولادات والوفيات والزواج والطلاق | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| اصدار جوازات السفر | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| اصدار البطاقات الشخصية | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| اصدار جوازات السفر | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| اعطاء شهادات قيد في السجل المدني | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| مجموع دوائر مديرية الاحوال المدنية وجوازات السفر | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ |
| اهتلاك رأس المال الثابت | ٢٢ | ٨٢ | ٢١ | ٥٢ | ٢٥ | ٦٠ | ٤٩ | ١٢١ |
| عوائد العاملين بأجر | ١٥٨٤ | ٤٠٨٢ | ٨٢١ | ٢٠٦٨ | ١٠٩١ | ٢٩٠٥ | ٢٤٥٧ | ٦٥٨٠ |
| القيمة المضافة | ١٦١٦ | ٤١٦٥ | ٨٤٢ | ٢١٢٠ | ١١١٦ | ٢٩٦٥ | ٢٥٠٦ | ٦٧١١ |
| الاستهلاك الوسيط | ٢٤٢ | ٦٠٠ | ١٧٧ | ٤٤٦ | ٢٠١ | ٥٢٩ | ٤٥١ | ١٢٠٤ |
| الانتاج الاجمالي | ١٨٥٨ | ٤٧٦٥ | ١٠١٩ | ٢٥٦٦ | ١٢١٧ | ٣٤٩٤ | ٢٩٥٧ | ٧٩١٥ |

شالشا: الارقام القياسية للاسعار لسنة ١٩٨٨ بالنسبة لسنة الاساس ١٩٨٠

| الرقم القياسي للاسعار | الاساس | النسبة |
|-----------------------|--|--------|
| ٢٤١ | الرقم القياسي لاسعار تكوين رأس المال الثابت | ٢٤١ |
| ٢٣٣ | الرقم القياسي لاسعار تعويضات العاملين بأجر | ٢٣٣ |
| ٢٥٤ | الرقم القياسي لاسعار السلع والخدمات المستهلكة وسيطيا | ٢٥٤ |

وبدلالة هذه البيانات يتم حساب القيمة المضافة لعام ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة الاساس «بطريقة الانتاج» (Output method) وذلك بتكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بالرقم القياسي الحجمي للمنتجات (products) وتتألف المنتجات من العمليات المنجزة من قبل الدوائر الاربعة لمديرية الاحوال المدنية وجوازات السفر في سنتي ١٩٨٠ و ١٩٨٨.

حساب الرقم القياسي الحجمي للمنتجات المرجح بالتكاليف النسبية في سنة الاساس ١٩٨٠

| عناصر الرقم القياسي الحجمي | النسب المئوية | عدد العمليات المنجزة | | انتاج الادارات لعام ١٩٨٠ | | القيم المطلقة بالآلاف الوحدات النقدية |
|----------------------------|-----------------|----------------------|--------|--------------------------|------|---------------------------------------|
| | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | النسب المئوية | ١٩٨٠ | |
| | (٣) ÷ (٤) = (٥) | (٤) | (٣) | (٢) | (١) | |
| الدائرة الاولى | ١١٠,٠٠٤ | ٥٨٨٤١٢ | ٥٣٤٧٢٩ | ٢٥,٠٩٩ | ١٨٥٨ | ٢٨٠٦٠ |
| الدائرة الثانية | ١٠٨,٠٩٦ | ٢٣٦٤٢ | ٥٨٤١١ | ١٤,٠٢٥ | ١٠١٩ | ١٥٠٥٣ |
| الدائرة الثالثة | ١٣٠,٠٦٠ | ٣٦١٨٢٥ | ٢٧٧٠٥١ | ١٨,٠٤١ | ١٣١٧ | ٢٤٠٠٤ |
| الدائرة الرابعة | ١١٤,٠٢٨ | ٩٤٤٣٩٤ | ٨٢٥٦٤٢ | ٤١,٠٣٥ | ٢٩٥٧ | ٤٧,٠٣٠ |
| المجموع | | | | ١٠٠,٠٠٠ | ٧١٥١ | ١١٥,٤٧ |

ومنه تكون القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠ وفق طريقة الانتاج:

$$٦٠٨٠ \times ١٠٤٧ \# ٧٠٢١ \text{ بآلاف الوحدات النقدية.}$$

واما بالنسبة لتطبيق طريقة المدخلات فيتم الحصول على القيمة المضافة بالاسعار المثبتة سواء باتباع اسلوب تقليص عناصر القيمة المضافة لعام ١٩٨٨ بالاسعار الجارية أو اسلوب تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس ١٩٨٠ بالرقم القياسي الحجمي لاعداد الموظفين كما يلي:

٢- طريقة المدخلات: اسلوب تقليص عناصر القيمة المضافة

يبدأ بتقسيم القيمة الجارية لمجموع اهتلاك رأس المال الثابت لسنة ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار تكوين رأس المال الثابت:

$$٣٢٦ \div ٢٠٤١ \# ١٣٥ \text{ ألف وحدة نقدية}$$

ثم تقسم القيمة الجارية لعوائد العاملين بأجر لسنة ١٩٨٨ على الرقم القياسي لاسعار الاجور:

$$١٥٦٣٥ \div ٢٠٣٣ \# ٦٧١٠ \text{ ألف وحدة نقدية.}$$

وتكون القيمة المضافة بالاسعار المثبتة حسب اسلوب التقليص:

$$٦٧١٠ + ١٣٥ = ٦٨٤٥ \text{ ألف وحدة نقدية.}$$

ب- طريقة المدخلات: تكبير القيمة المضافة لسنة الاساس بواسطة الرقم القياسي الحجمي لاعداد الموظفين

أولا: بدون ترجيح:

وعند استخدام الرقم القياسي الحجمي لاعداد المشتغلين:

$$٨٥٧ \div ٨٠٨ = ١٠٦٠٦ \text{ أي } ١٠٦٠٦\%$$

ومنه تكون القيمة المضافة لسنة ١٩٨٨ بالاسعار الثابتة لسنة ١٩٨٠:

$$٦٠٨٠ \times ١٠٦٠٦ \# ٦٤٤٨ \text{ ألف وحدة نقدية.}$$

ثانياً: وفي حالة استخدام الرقم القياسي الحجمي لاعداد الموظفين باستخدام تعويضات العاملين بأجر في سنة الأساس كأوزان للترجيح فيتم تقدير هذا الرقم القياسي الحجمي وفق الجدول التالي:

| عناصر الرقم القياسي الحجمي | النسب المئوية | عدد الموظفين | | عوائد العاملين في سنة ١٩٨٠ | | بالآلاف الوحدات النقدية | الدائرة |
|----------------------------|---------------|--------------|------|----------------------------|------|-------------------------|-----------------|
| | | ١٩٨٨ | ١٩٨٠ | النسب المئوية | ١٩٨٠ | | |
| (٥) × (٢) = (٦) | (٥) | (٤) | (٣) | (٢) | (١) | | |
| ٢٧,٢٨ | ١٠٢,٨٨ | ٢٥٠ | ٢٤٢ | ٢٦,٦١ | ١٥٨٤ | | الدائرة الأولى |
| ١٤,٣٧ | ١٠٤,١٧ | ١٠٠ | ٩٦ | ١٣,٧٩ | ٨٢١ | | الدائرة الثانية |
| ١٩,٩١ | ١٠٨,٦٣ | ١٥١ | ١٣٩ | ١٨,٣٣ | ١٠٩١ | | الدائرة الثالثة |
| ٤٤,٥٣ | ١٠٧,٨٨ | ٣٥٦ | ٣٣٠ | ٤١,٢٧ | ٢٤٥٧ | | الدائرة الرابعة |
| ١٠٦,١٨ | | ٨٥٧ | ٨٠٨ | ١٠٠,٠٠ | ٥٩٥٣ | | المجموع |

وتكون القيمة المضافة بالاسعار الثابتة وبتطبيق الرقم القياسي الحجمي المرجح لعدد الموظفين:

$$٦٠٨ \times ١٠٦,١٨ \# ٦٤٥٦ \text{ ألف وحدة نقدية.}$$

ويلاحظ ان القيمة المضافة بالاسعار المثبتة بطريقة الانتاج هي اعلى من جميع القيم المضافة التي تم الحصول عليها باستخدام طريقة المدخلات. وهذا ناتج عن التقدم التقني أي (ادخال تجهيزات رأسمالية جديدة في تنفيذ مختلف العمليات) الذي ظهرت آشاره باستخدام طريقة الانتاج. بينما «طريقة المدخلات» لا تسجل الا جزئياً أثر ادخال التجهيزات الرأسمالية في زيادة قيمة كل من الانتاج والقيمة المضافة بالاسعار الثابتة وذلك بارتفاع قيمة اهتلاك رأس المال بالاسعار الثابتة.